

A B B A T I S
FRANCISCI MAVROLYCI
 M E S S A N E N S I S.

P H O T I S M I D E L V M I N E,
 & vmbra ad perspectiuam, & radiorum
 incidentiam facientes.

D I A P H A N O R V M P A R T E S,
 seu Libritres: in quorum primo de perspicuis cor-
 poribus. in secundo de Iride: in tertio de or-
 gani visualis structura, & conspi-
 cillorum formis agitur.

P R O B L E M A T A A D P E R S P E C T I V A M,
 & Iridem pertinentia.

Omnia nunc primum in lucem edita.



N E A P O L I,
 Ex Typographia Tarquinij Longi. M.DC.XI.
 S V P E R I O R V M P E R M I S S V.



IO. BAPTISTAE AIROLO, PATRITIO GENVENSIO.

TARQVINIVS LONGVS S. P. D.

IN tuarum laudum ornamenti, quibus te & generis nobilitas opesq; , & vitæ integritas morumq; suauitas , & bonarum artium studium supra reliquos insignem cuehant , non postrema numerabitur hęc,Airole,quod Doctorum virorum ingeniosas opes ea mente congeras, ut eas non tibi auare condas; sed alijs benigne impertias. Nam Francisci Maurolyci, Mathematici præstantissimi libros Perspectiuæ nactus , cum eos & sui auctoris nomine , & P.Christophori Clavij (quem inter principes Mathematicos & nostra ætas suspicit, & suspiciet posteritas) non solum iudicio approbationeue ; sed notis dignos esse intelligeres, qui typis mandarentur:nihil habuisti antiquius, quam ut eos tuis sumptibus in lucem ederes . Quam tuam de doctissimo viro , imo bonis omnibus benemerendi voluntatem , cum docti omnes ; tum vero & maxime Maurolyci nepotes , grata animi, ut par est, significatione prosequentur . Nam sapientiæ studiosis non nisi gratissimi accident hi libri , qui veluti fontes & capita sunt Perspectiuæ : hoc potissimum tempore , quo ingens eius desiderium in omnium pectoribus excitauit nouum illud & admirabile opticæ fistulæ inuentum; quo (dictu mirabile) res ob corporis paruitatem , nimiamue locorum

locorum distantiam, vel lynceum fugientes obtutum, ita ponuntur ob oculos, ut coram adesse, manibusq; apprehendi videantur. Maurolyci vero nepotes pluribus nominibus tuam hanc mentem probabunt. Primum quod auunculi libros vel tuo cum dispendio edendos curaueris: deinde quod ita euauercis, vt eos viri doctissimi, & auunculo amicissimi P. Clauij notis auctos, illustriores reddideris (notæ in demonstrationibus insertæ, alio sunt charactere impressæ, quo ab auctoris verbis dignoscantur) Demū quod illorum cupiditatem præuerteris, qui Maurolyci labore partam gloriam ad se transtulissent. Nam cum horum librorum manuscripta exemplaria in multorum manibus essent, quamquam mendis reuicta, & sine Clauij notis: nec deessent qui Perspectiuam suis scriptis illustrare molirentur: dubitandum non erat, quin hi ad suorum librorum campos exornandos è florentibus Mautolyci hortis, suppresso auctoris nomine, omnia transtulissent. Ut propterea maximæ tibi ab eius nepotibus, si æqui rerum estimatores esse volent, gratiæ debeantur, quod libros hos auctori suo integros, & à plagiariorū cupiditate immunes præseruaueris. Vtinam hi propensam hanc tuam de auunculo benemerendi voluntatem pari voluntate, ac pietate æmulati, ad reliqua eiusdem auctoris monumenta ingenij, quæ iam diu puluere, ac tineis absumuntur in arculis, excitarentur edenda, si minus sua ipsorum impensa, at eiusdem liberalitatis tuæ sumptibus: profecto & ipsi officio, ac pietati suæ consulerent sapienter: & à sapientiæ studiosis gratiam inirent non vulgarem. Veram hoc ipsi viderint. Tu vero Doctorum virorum Mecenassuere nouis hisce Maurolyci libris, qui vt per te lucem aspiciunt: ita non aliud, quam te patronum agnoscunt & exoptant. Vale.

TY



TYPOGRAPHVS LECTORI.

AVRÖLYCI libri ad Perspecti-
uam pertinentes, licet postibumi edantur
in lucem; alterius tamen commendatio-
ne non egent: satis enim per se ipsi com-
mendantur tum nomine auctoris, nimioq. studio et di-
ligentia, qua scripti sunt: (triginta ferme annos in bis
posuisse se, testatur auctor lib. 3. diaphanorum pag. 73.)
tum P. Clauij iudicio notisq. quas alia literarum forma
inter auctoris demonstrationes inferuimus ad maiorem
distinctiōnē et commodū tuum. Scholia vero licet
eodem, quo note, sint charactere; tamen si unum illud
theor. 2. photismorum excipias; ferè Maurolyci sunt.
Diaphanorum partes licet breues, libros appellare ma-
luimus, propterea quod ita illas appellari Auctor in
Indice suarum lucubra: unum, quem in extremo vo-
lumine opusculorum Mathematicorum edidit anno
1575. Porro in bis corrigendis licet summā diligen-
tiam adhibuerimus; tamen vitare non potuimus, quin
menda aliquot irrepserint: quorum præcipua infra tibi
adnotauimus.

E R.



ERRATA

Pag. vers.

- 1 9 à fine , primus
- 4 14 à fine , ipsuan D F
- 5 17 latere E B
- 18 maius est
- 9 20 Colathoides
- 10 9 contingentes
- 17 vmbra
- 18 vmbram
- 25 3 à fine , F G , F M
- 29 4 à fine , admotam
- 2 à fine , reflectantur
- 35 15 angulu
- 37 9 à fine , quæ
- 54 14 HFM,& HFN.
- 15 FO
- 61 6 qui altitudo
- 8 quid causetur
- 62 11 à fine , obliquitatæ
- 71 1 ępes
- 79 5 exurrunt

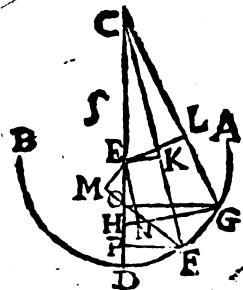
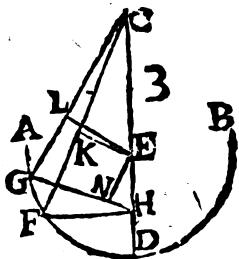
CORRIGE.

- prius.
- ipsum D F illustrat;
- latere G B.
- maior est.
- Calathoides .
- contingentes sunt,
- vmbram.
- vmbra.
- F C , F M,
- admotum.
- reflectant.
- angulus.
- qui.
- H F M , & K F N.
- L F O.
- quod altitudo. menda hæc
- quid causæ. paucis folijs
- obliquitate. insunt.
- sepes.
- exurunt.

Pag. 25. In figura Theor. 31, Phot. linea G O, debet esse perpendicularis ad lineam E D, seu C D.

Pag. 26. & 27. figuræ Theor. 31. nempe 3.& 5.corrigantur , vt infra .

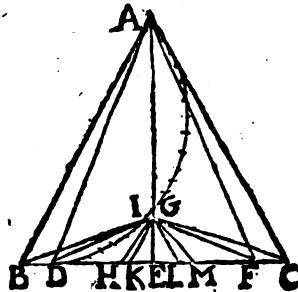
pag.



Pag. 4. ad Theor. 5. addatur, Scholium. Theorema hoc de signis ad inaequales distantias aequaliter illuminantibus, debet habere locum, quando sunt cetera paria: alioquin semper fortius agunt radij erectiores, quia scilicet melius applicantur rei, illuminatae, licet numero pares sint radj̄s inclinatioribus.

Pag. 4. ad Theor. 4. Phot. vers. 12. post illa verba, Hoc enim possibile est: Adde cum figura hic posita verba hec:

Et demonstratur; nam si ex schol.
propos. 5. lib. 4. per tria puncta
 B, D, A , describatur arcus circuli
 $B D G A$. & extra arcum in recta
 $G E$, accipiatur punctum infra
 G , à quo ducantur rectae $G B, G D$,
& reliqua, ut modo dictum est:
item ex punto I , ubi recta $B G$,
secat arcum $D G$, ducatur recta
 $D I$. Erit angulus $B I D$, aequalis
angulo $B A D$. per 21. tertij, & ma-
ior angulo $B G D$, per 16. primi.



Pag. 7. ad Theor. XI. Phot. vers. 6. a fine demonstrationis, post verba illa, Triangulo simile, Adde, sed sub contrarie possum. Et versus sequenti, in Conicis demonstratur, Adde, lib. 1. propos. 5.

Pag. 26. vers. 2. Triangulorum similitudinem, lege Triangulorum $F H P, E H M$, similitudinem.

IV

FRANCISCI MAVROLYCI

Abbatis Messanensis.

PHOTISMU De lumine , & umbra ad perspecti-
uam , & radiorum incidentiam facientes .

Definitiones.



1 V C I D O R V M aliud quidem per se ra-
diat, ut Sol, flamma ; aliud autem aliun-
de receptum lumen refle&tis, ut Luna,
speculum .

2 Primariam ergo lucē vocabimus eam,
quę immediate à corpore per se radian-
te procedit .

3 Eam vero quę ex prima, vel quotacū-
que reflexione fit, Secundariam dicemus .

4 Umbram quoque appellabimus vel vniuersalem, vel par-
ticularem luminis absentiam .

Supposita .

5 Omne lucidi punctum per rectam radiare lineam.

6 Densiores radios intensius : zquę vero densos zqualiter
illuminare .

7 Ab uno speculi puncto , in quod signum lucidi quodpiam
irradiat , in vnum quoque locum reflexionem fieri .

8 Lucido ad illuminati, illuminato usque ad lucidi locum
tralatis, lucidum adhuc eodem, quo primus, tramite ad il-
luminatum radiat .

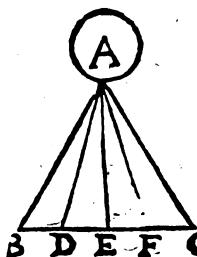
9 Plures radios intensius : zquales vero zqualiter illumi-
nare .

10 Videtur deesse hoc principium; Ab angulis equalibus aqua-
les numero radij emittuntur, & à maiori plures : propterea
quod radij debent esse inter se distantes determinatio quodam
modo . Non enim sub quocumque angulo res videtur. Vide
perspectivam Euclid. ex traditione F.Ignatij .

A THEO-

T H E O R E M A I.

Vnumquodq; lucidi punctum in quodlibet illuminat^z rei signum radiat.



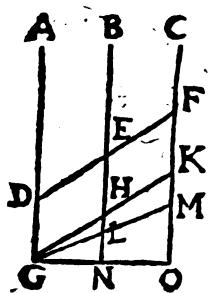
In lucido enim A, signum quodlibet, quod sit A, in rem illuminatam B C, radiabit (ex primo supposito) per omnes rectas, quas ab ipso A, signo ad B C, produci contingit: sed ab ipso A, signo ad omne rei B C, signum recta linea produci potest, utpote linea A B, A D, A E, A F, A C. Igitur, & ipsum A, signum in quodlibet ipsius B C, rei punctum radiabit. Idem quoque ostenderemus de quolibet ipsius lucidi A, signo, à quo ad omnia ipsius B C, loca recte progrediuntur. Et hoc erat demonstrandum.

Corollarium.

Hinc monstratum est à lucido infinitas radiare pyramides, quarum vertices in ipsius lucidi, bases vero in illuminati superficie consistunt. Item & infinitas, quarum bases in lucidi, vertices vero in illuminati superficie statuuntur.

T H E O R E M A II.

Aequaliter inclinati radij, æqualiter ; erectiores autem, magis ; perpendiculares vero , maxime illuminant.



Intelligantur enim à signis A B C, paralleli radij ad duo plana D E F, & G H K, æqualiter inclinati ad signa D E F, & G H K, radiare. Item & idem ad planum G L M, erectiores in signis G L M, ad planum vero G N O, in signis G N O, perpendiculares illucere; Aio quod ipsa D E F, & G H K, plana æqualiter illuminantur : ipsum autem G L M, magis : ipsum G N O, maxime. Cum enim ipsi A G, B N, & C O, radij ad ipsa D E F, & G H K, plana sint æque inclinati , erunt & æqualiter densi . Hoc est , rectæ D E, G H, Item E F, H K, æquales erunt ; Cumq; idem sint ad G L M, planum erectiores, erunt ibidem & densiores, cum G L, minor sit, quam G H, & L M, minor quam H K, Cum denique ad G N O, planum sint perpendiculares , erunt & in eodem densissimi, cum G N, N O, sint minima omnium, que inter parallelas A G, B N, C O, cadunt linearum. Igitur per secundum sup-

THEOREMA I.

suppositum plana D E F, & G H K, æqualiter; planum autem G L M, magis; ipsum vero G N O, maxime illuminabitur.
Quod est propositum.

Corollarium.

Hinc illud sequitur, ut solares radij locos, in quibus æque inclinati fuerint, æqualiter; in quibus autem erectiores, magis; in quibus vero perpendiculares extiterint, maxime calefaciant. Cum enim calor lucem ipsam solis comitetur; cum eadem intenditur, & remittitur. Quare præmissis theorematis facientibus verum est, quod infertur.

Scholium. Id etiam patet, quoniam *æqualia spatia ex aequali inclinatis radibz parallelis, numero aquales; ex erectioribus autem plures: ex perpendicularibus tandem plurimos recipiunt radios.* Quare ex quinto supposito id quod prius, ostendetur.

THEOREMA III.

Aeque remota signa æqualiter; propiora vero magis illuminant.

A, signo enim Incidi cuiuspiam A, in planum B C, cadant radij A B, A D, A E, A F, & A C, intelliganturq. ijdem radij rem G H, signo A, proprio illuminare in signis G H, K, L, M, siveq. A E, radius ipsis B C, & G H, planis perpendicularis; ipsi vero A D, & A F, item & A B, & A C, æquales, aio quod B E, & E C, plana æqualiter; ipsum vero G H, magis illuminabitur. Patet enim radios A B, A D, B A E, A F, & A C, in planis B E, & E C, esse æqualiter densos; in plano vero G H, densiores. Sunt enim *spatia D E, B D, spatij F E, C F, æqualia; quibus quidem minora sunt spatia K L, G K, M L, H M.* Igitur per secundum suppositum, ipsa B E, & E C, plana æqualiter; ipsum vero G H, magis illuminabitur. Quod si intelligatur signum A, spatio B C, proprius fieri inter ipsas B A, A C, lineas, crescat iam B A C, angulus. Itaque B C, spatium plures suscipiet radios. Quare ex quinto supposito magis illuminabitur.

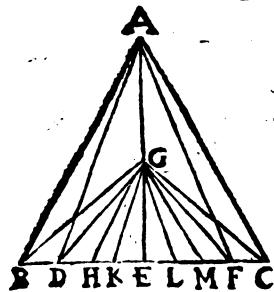
Corollarium.

Hinc & illud sequitur, ut sol æque à se remota æqualiter; propiora vero magis calefaciat.

A 3 THEO.

T H E O R E M A IV.

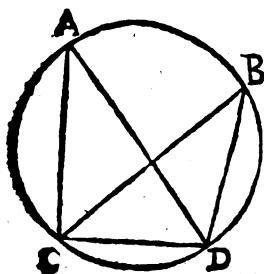
Potest signum plano tantum propinquare, vt planum ipsum fortius, verum particularius illuminet.



Signum A, planum B C, illuminet radijs A B, A D, A E, A F, & A C, è quibus A E, perpendicularis, Aio quod possibile est signum A, tantum proprius fieri plano B C, vt magis per minorem ipsius plani partem illustreret. Fiat enim propinquius signum A, ipsi B C, piano in signo G, linea A E, ita vt ductis radijs G B, G D, G E, G F, & G C, angulus B G D, minor fiat angulo B A D, hoc enim possibile est. Ducantur etiam G H, ipsi A B, & G K, ipsi A D, paralleli : Item G L, ipsi A F, & G M, ipsi A C, paralleli radij. Ergo sub angulo B A C, zquales sunt numero radij radij sub angulo H G M, comprehensis : sed hedeniores, *quia minus spatium occupant*. Igitur per secundum suppositum, erit planum H M, illustratius planó B C. Radij vero sub angulo B A D, plures sunt, quam radij sub angulo B G D, comprehensi; nam angulus iste est maior hoc: per quintum ergo suppositum B D, spatium magis illustratur à radijs qui sub angulo B A D, quam ab ijs, qui sub angulo B G D, comprehenduntur. Idem de spatio F C, demonstrabitur. Quare signum G, piano B C, propinquius, quam signum A, ex toto B C, spatium dumtaxat H M, vel fortasse ipsum D F, reliquum vero magis ab ipso A, signo illustratur.

T H E O R E M A V.

Possibile est signa ad inæquales distantias spacium aliquod æqualiter illustrare.



In circuli A B C, peripheria sumptis duobus signis A, B, à corda C D, inæqualiter remotis ; productisq. rectis A C, A D; B C, & B D, intelligantur ipsa A, & B, signa in C D, spatium radiare. Quoniam igitur ipsi C A D, & C B D, anguli sunt inuicem æquales, ideo radij sub iisdem angulari comprehensi sunt inuicem æquales. Per quintum ergo suppositum, ipsum C D, spatium æquilater illustrabunt.

T H E O-

THEOREMA VI.

Possibile est lucidi signum quodpiam singulas planas partes inæqualiter illuminare.

Sit signum A, planum B C, illuminans; sitq. A B, radius perpendicularis, obliqui vero A D;

& A C, ponaturq. B D, ipsi D C, æqualis, vnde

sicut ut B A D, angulus maior sit ipso D A C.

(Quod sic ostendetur, si enim fiat angulus A D E,

æqualis obtuso angulo A D C, concurratq. D E,

cum A B, protracta in E, erit D E, recto angulo

D B E, subtenSA maior quam D B, seu D C,

vnde si ex D E, maiore sumatur D F, æqualis ip-

si D C; ducaturq. A F, erunt triangula A D F,

A D C, per 4. primi equiangula, & angulus B A D, maior tam

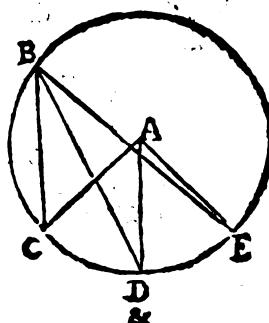
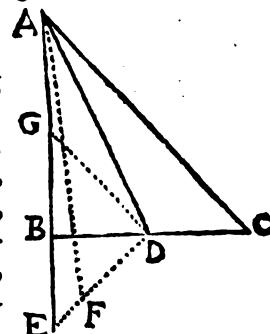
angulo F A D, quam D A C, qui æqualis est ipsi F A D.

Aliter dueta lateri A C, parallela D G, erunt anguli alterni G D A, D A C, æquales, sed in triangulo G D A, latus G D, maius est latere G A, nam maius est latere E B, quod æquale est ipsi G A, per 2. sexti. Ergo angulus G A D, maius est angulo G D A, & huic æquali D A C.) Atque ideo qui sub B A D, radij plures sint, quam qui sub D A C, angulo; per primum ergo suppositum, ipsum B D, spacium illustrius est ipso D C. Idem de reliquis quibuscumque partibus demonstrabimus. Idem ostendes per densitatē radiorum. Si enim anguli B A D, D A C, æqua-les fiant, erunt radī in B D, cadentes, æquales numero radīs in D C, cadentibus. Et quoniam bac ratione B D, minor est, quam D C, erunt radī in B D, denses.

THEOREMA VII.

In circuli centro, vel periferia signum existens singulas ipsius periferiæ partes æqua-liter illustrat.

In circuli B C D, centro, A signum; in eiusdem vero periferia B, signum consistat: Aio quod tam A, quam B, signū periferiæ B C D, partes æqua-liter illustrabit. Capiantur enim C D, & D E, arcus inuicem æquales: & agantur rectæ A C, A D, A E, item B C, B D, B E, eruntq. anguli C A D,

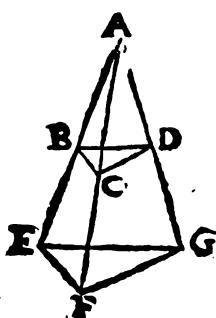


P R A N C. M A V R O L.

& D A E, inuicem æquales: & ideo sub ijsdem comprehensi radij ad inuicem æquales per tertium ergo suppositum, ipsi C D & D E, arcus æqualiter illustrantur, quia ob æqualitatem arcuum C D, & D E, erunt æqualiter densi. Item quia C B D, & D B E, anguli ad inuicem æquales sunt, ideo ipsi C D, & D E, arcus ab ipso quoque B, signo æqualiter illuminantur. Idem quoque de quibuslibet æqualibus circumferentijs ostendemus.

THEOREMA VII.

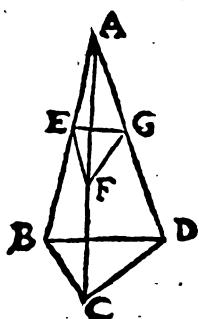
Rectilineum à puncto quopiam illuminatum, in sibi parallellum planum, maiorem quidem, sed sibi similem projicit umbram.



Sit ab ipso A, signo illustratum rectilineum B C D, umbramq. projiciat in planum sibi parallellum, quæ sit E F G; Aio quod E F G, umbra similis est ipsi B C D, figuræ, & maior eadem. productis enim angularibus radijs A B E, A C F, & A D G, ex 16. xj. secunda sexti, & similius figurarum definitione patet, verum esse, quod proponitur.

THEOREMA IX.

Possibile est trianguli non æquilateri, umbram æquilateram projici.



Construatur enim pyramis A B C D, supra triangulum æquilaterum B C D; seceturq. pyramis ipsa plano ad basim obliquo, quod sit E F G. Eritq. iam E F G, triangulum non æquilaterum. Si ergo intellegatur triangulum ipsum E F G, à signo A, illuminari, projiceret iam umbram B C D, quod fuit triangulum æquilaterum. Quod erat demonstrandum.

Corollarium.

Similiter igitur possibile est à qualibet non æquilatera figura umbram projici æquilateram.

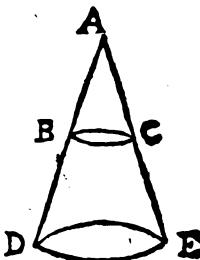
Conuersum etiam facile ostendi potest. Si enim E F G, sit æquilaterum, & pyramidis producta secetur oblique, erit umbra B C D, non æquilatera.

THEO-

THEOREMA X.

Circulus à signo quopiam illuminatus, in sibi parallelum planum, umbram proiecit circularem, ac semaiorem.

Sit à signo A, illuminatus circulus B C, umbramq. proieciat in planum sibi parallellum, quæ sit D E, Alio quod circulus est D E. Si enim ut in conicis ostenditur, conus plano basi parallelo secetur, sectio circulus est. Haud aliter ergo quoniam circulus est B C, etiam ipsam D E, sectionem ipsi B C, parallelam circulum esse necesse est.



THEOREMA XI.

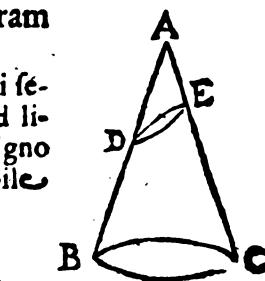
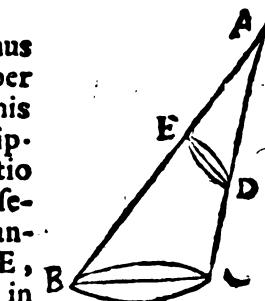
Possibile est circuli ad planum obliqui umbram circularem projici.

Esto enim ad hoc demonstrandum conus scalenus A B C, basim habens B C; qui quidem plano per axim secetur ad rectos angulos basi, sitq. communis sectio trianguli A B C. Secetur etiam piano ad ipsum A B C, triangulum recto, sitq. communis sectio conicae superficie, & huius secantis plani conica sectio D E: communis vero sectio ipsius A B C, trianguli, & eiusdem plani recta D E, ponaturq. A D E, triangulum ipsi A B C, triangulo simile; eritq. ut in conicis demonstratur, conica sectio D E, circulus. Intelligatur ergo D E, circulus à signo A, illuminari, eritq. umbra in planum, in quo circulus B C, proiecta, ipse circulus B C. Estq. ipse D'E, circulus ad B C, planum inclinatus. Igitur circulus ad planum cui obliquus est, umbram proiecit circularem.

THEOREMA XII.

Possibile est alicuius conicae sectionis umbram projici circularem.

Sit conus quilibet A B C, supra basim B C, qui secetur piano quopiam, ita ut fiat conica sectio ad libitum, quæ sit D E, eritq. ipsius D E, sectionis à signo A, illuminata umbra, circulus B C. Quod possibile fore prædictimus.



THEO.

THEOREMA XIII.

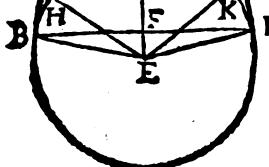
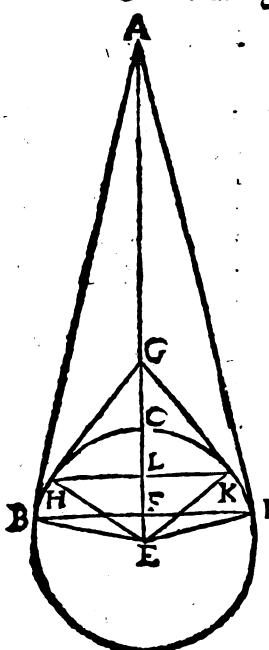
Circulus potest in planum umbram proiecere, quæ sit conica sectio ad libitum.

Sit enim supra basim BC, conus ABC, qui augeatur per ductum lineæ à signo A, ad basis BC, periferiam, ita ut possit à piano infra basim BC, secati. Secetur ergo ut fiat conica sectio ad libitum. eritque circuli BC, à signo A, illustrati umbra, ipsa DE, sectio ad libitum assumpta.

THEOREMA XIV.

Si lucidi signum sphæram illuminet, minus quam hemisphærium illustrat, & eo minus, quo signum ad sphæram proprius accesserit: terminus autem illustratæ superficie semper circulus est.

Sit lucidum signum A, sphæram BCD, illustrans, aio quod minus quam hemisphærium illustrat: & quo signum illustrans propinquius sphæræ fuerit, eo minor erit illustratæ superficie portio: & quod terminus illustratæ superficie semper circulus est. Secetur enim sphæra BCD, piano per centrum & punctum A; sitque communis sectio circulus BCD, cuius ceterum E, & ducantur ab ipso A, signo, circulū BCD, atque ideo sphæram contingentes lineæ AB, AD, & connectantur BD, ED, & EB, & AE, periferiam BCD, secans in signo C: ipsam autem BD, in signo F. Quoniam igitur triangula orthogonia ABE, & ADE, inuicem æquilatera sunt, erunt & æquiangula. quare anguli FAB, & FAD, inuicem æquales, Vnde fit ut ABF, & ADF, triangula sint æquilatera ad inuicem, ideoq. æquiangula, & propterea qui ad F, anguli recti. Aequalis ergo est BF, ipsi FD. Similiter ostendemus quod à contactibus quorumlibet radiorum à signo A, in sphæræ superficiem contingenter productorum ad signum F, ductæ lineæ sunt ad inuicem æquales; & quod uniuicem ipsarum perpendicularis est AF, & ideo per s. xj. omnes in uno iacere plano. quare omnia contactuum signa in circulo esse, cuius dime-



dimetiens BD, ac centrum F. Igitur hic circulus terminus erit illuminata superficie; & quoniam eius centrum F, est præter sphæræ centrum in linea EC, ideo erit minor, vnde portio sphæræ superficie iustrata, cuius vertex C, minus est hemisphærio. Sit etiam aliud signum G, in linea AE, sphæræ propinquius, iam ductis radijs contingentibus GH, & GK, connexisq. HK, in signo L, ipsam EC, secante. ijsdem nominibus patebit illustratæ portionis terminum esse circulum, cuius dimetiens HK, ac centrum L, & ipsius portionis verticem C, signum, atque ipsam HCK, portionem ab ipso G, signo illustratam minorem esse ipsa BCD, ab ipso A, signo illuminatam.

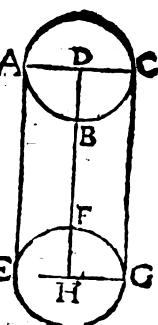
Corollaria.

- 1 Sphæra igitur à signo quoipiam illuminata umbram proiecit non aliter quam circulus à signo illuminatus.
- 2 Item quo proprius fuerit signum illuminans sphæræ, vel circulo, eo maiorem proiecit umbram.
- 3 Item tam à circulo, quam à sphæra, quæ à signo quoipiam illustratur, umbra progreditur semper crescens, similis coluro cono. quæ quidem umbra solet à quibusdam colathoides appellari. Patent hæc tria corollaria ex præmissis theorematis quam facillimè.

THEOREMA X V.

Lucida sphæra in sibi equarem sphærā irradians, eius hemisphæriū illuminat; umbramq. proiecit cylindricā.

Lucida sphæra ABC, cuius centrum D, in spharam sibi A equarem EFG, cuius centrum H, irradiet; Aio quod eius hemisphærium illuminabit, umbramq. proieciet cylindricā. Secetur enim utraque ipsarum ABC, & EFG, sphærarum plano eodem per centra, sintq. communes sectiones ABC, EFG, circuli, & connectantur centra D, H, & describantur dimetientes AC, & EG, ipsi DH, orthogonales, & connectantur AE, & CG, eritq. AG, parallelogrā. Eum rectangulum, & ideo ipsæ AE, & CG, erunt tam ABC, quam EFG, circulū contingentes. Quare & spheras ipsas ABC, & EFG, contingunt. Similiter ostendemus, quod omnes ipsarum ABC, & EFG, sphærarum dimetientes ipsi DH, orthogonales, terminant puncta, in quibus extremi radij ipsas ABC, & EFG, spheras contingunt: sed tales dimetientes per 5. xij. in eodem sunt planū: puncta igitur contanguum



Etiam in circulo sunt, cuius dimetens A C, in sphera quidem A B C; in sphera vero E F G, sunt in circulo, cuius dimetens E G: hic igitur circulus terminus erit illuminatae superficie. Et quoniam eius centrum est idem, quod spherae ceterum, ideo est circulus maximus in sphera E F G. Vnde sphera diuidit in duo hemisphaeria: hemisphaerium ergo est, quod de sphera E F G, illuminabitur, cuius vertex F, signum, in quo D H, ipsam E F G, periferiam secat. Et quoniam radij contingentes latera cylindri, cuius bases sunt circuli, quorum dimetentes A C, & E G, ideo tales radij ultra spharam E F G, illuminatam producti, umbram terminabunt cylindricam. Sicut fuerat demonstrandum.

Corollarium.

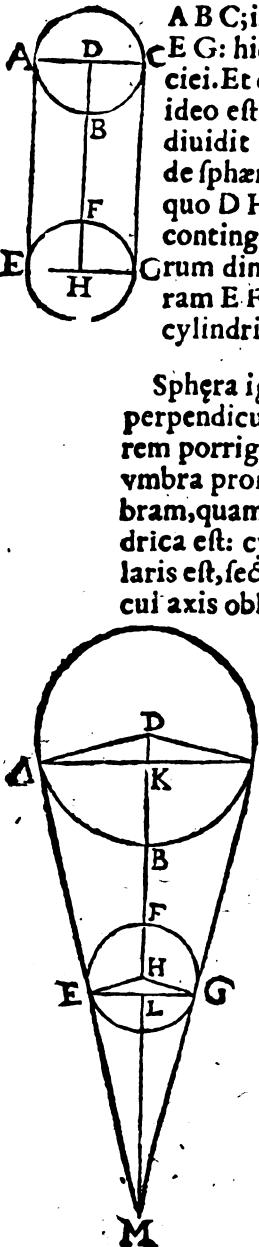
Sphera igitur à sphera sibi æquali illuminata in planum, cui perpendicularis est, quæ sphærarum centra connectit, circularem porrigit umbram: in planum vero cui eadem est obliqua, umbra projicit, quæ cylindrica sectio est. patet quoniam umbram, quam sphera à sibi æquali sphera illuminata facit, cylindrica est: cylindrus autem, plano cui cylindri axis perpendicularis est, sectus, circulum in sectione facit: sectus vero plano, cui axis obliquus est, cylindricam gignit sectionem.

THEOREMA X VI.

Lucida sphera in spharam se minorem radians, ex ea plusquam hemisphaerium illustrat. estq. illuminatae superficie terminus circulus, & quæ projectetur umbra, conica est in vertice evanescens.

Lucida sphera A B C, cuius centrum D, spharam se minorem irradiet E F G, cuius centrum H; Alio quod ex ea plusquam hemisphaerium illustrat; & illuminatae superficie terminus est circulus; & umbra projecta conica est. Secetur enim utraque ipsarum A B C, & E F G, sphærarum, piano eodem per centra: sintq. communes sectiones A B C, & E F G, circuli, & connectantur D H, periferiam A B C, in signo B, & ipsam E F G, in signo F, secans: & agatur radius A E, circulum A B C, in signo A; circulum vero E F G in signo E, contingens, & connectantur A D,

&



& E H; eruntq. D A E, & A E H, anguli recti. Sed quoniam A D, maior est ipsa E H; ideo acutus est angulus A D B: concurrent ergo A E, & D H, ad partes E H; concurrant itaque ad signum M; à quo ducatur M C, recta ipsum A B C, circulum contingens in signo C, quæ necessario, & ipsum E F G, circulum continget. *Hoc ita ostendemus.* Quoniam contingentes M A, M C, *æquales* sunt, erunt latera M A, M D, lateribus M C, M D, *æqualia*; sunt autem & bases D A, D C, *æquales*. Igitur anguli A M D, C M D, *æquales* erunt. *Eodem modo* si ducatur ex M, recta M G, tangens circulum E F G, ostendemus angulos ad M, esse *æquales*. Eadem ergo est recta M G, qua M C, &c. Contingat ergo in signo G, & connectantur D C, & H G: & quoniam A B C, arcus minor est semicirculo; maior autem E F G, ideo ducantur cordæ, A C, quidem ipsam D B, secans in signo K; E G, vero ipsam H M, secans in signo L. Sit igitur M C, radius A B C, circulum, atque adeo sphæram A B C, contingens in signo C: ipsum quoque E F G, circulum in signo G, & ideo ipsam E F G, sphæram contingit. Sic omnes à signo M, ad sphæram A B C, contingentes educti radij, ipsam quoque E F G, sphæram contingent. Et sicut in præmissa, ostendemus quod puncta contactuum in ipsa E F G, sphæra, sunt in semicirculo, cuius dimeties est E G, centrū autem L. Quare hic circulus est terminus illuminatae superficie. Et quoniam eius centrum extra sphæra centrum est, ideo minor est. Quare portio sphæra E F G, in qua est centrum sphæra, maior est hemispherio. Ergo portio sphærica superficie, cuius vertex F, illustrata, maior est hemispherio. Et quoniam radij contingentes omnes ad M, signum concurrunt; ideo umbra quæ proiecitur est conus, cuius basis est circulus dimetientem habens E G: vertex vero M. Quæ fuerunt demonstranda.

Corollarium Primum.

Sphæra igitur à sphæra se maiore illuminata in planum cui perpendicularis est recta, quæ sphærarum centra connectit, circularem proiecit umbram: in planum vero, cui eadem obliqua est, umbram porrigit, quæ sectio est conica. Patet, quoniam umbra quam sphæra à se maiori sphæra illustrata facit, conica est: conus autem à plano, cui conicus axis perpendicularis est, sectus circulum in sectione facit: sectus vero plano cui axis obliquus est, conicam gignit sectionem.

Corollarium Secundum.

Hinc illud sequitur, ut sol tam ex terra, quam ex lunari globo, plus quam dimidium illuminet. Siquidem solaris sphæra & terrea, & lunari maior est.

Scholium. Est notandum quod illud quod plus hemisphærio illuminat Sol, tam de lunari, quam de terrestri corpore in latitudine comprehendit tantum de ambitu corporis ipsius fere, quantum de periferia Cœli continet semidiameter corporis solaris.

THEOREMA XVII.

Lucida sphæra in sphæram se maiorem radians, ex ea minus, quam hemisphærium illustrat: estq. illuminata superficie terminus, circulus: & quæ fit umbra, conus est colurus in processu crescens.

Intelligatur enim in descriptione præmissæ, lucida sphæra EFG, in sphæram ABC, se maiorem radiare: iam patebit circulum, cuius diametriens AC, centrum vero K, terminum esse illuminata superficie sphæricæ portionis, cuius vertex B. & quoniam extra ipsam portionem, eadit sphæra centrum, ideo ipsa sphærica superficie portio, cuius vertex B, minor est hemisphærio. Patet etiam umbram esse conum, colurum, qui à cono, cuius vertex M, basis vero circulus, cuius diametriens AC, ultra signa AC, crescente gignitur.

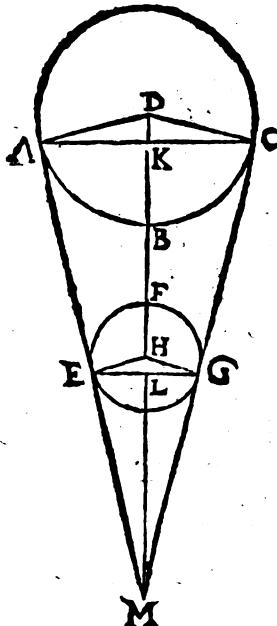
Corollarium Primum.

Sphæra igitur à sphæra se minore illuminata in planū, cui perpendicularis est recta, quæ sphærarum centra connectit, circularem proiecit umbram: in planum vero cui eadē obliqua est, umbram porrigit, quæ conica sectio est. paret sicut primum præmissæ propositionis Corollarium.

Corollarium Secundum.

Hinc quoque illud sequitur, ut Luna plene radians ex terra minus, quam hemisphærium illuminet. Quandoquidem Luna (si clarissimis astrorum inspectionibus creditus) terrestri globo minor est.

THEO-



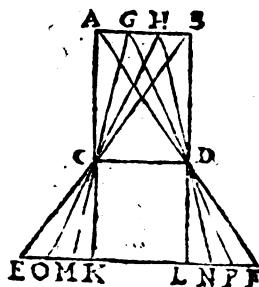
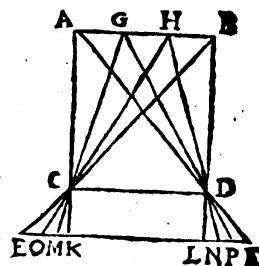
THEOREMA XVIII.

Quo maius fuerit lucidum, quoque magis illuminatum à plano, in quod umbra projectatur, distiterit, eo maiores atque intensiores umbrae termini videntur.

Sic enim lucidum AB; illuminatum vero spatiū CD; in quod autem projectatur umbra EF, planum. Et per ipsa AC, & BD extrema signa agantur radij in planum cadentes, AK, & BD, patet iam ipsius CD, umbram esse KL, quandoquidem à nullo ipsius AB, lucidi signo ad spatium KL, radius delabitur: non tamen umbrae termini KL, ita umbram terminabunt, ut extra eam protinus perfecte illuminatum sequatur planum. Cariantur enim in lucido AB, signa GH; à quibus per ipsa CD, signa ducantur ad planum GM, GP, HO, & HN, radij. Item AF, & BE, radij. Spatiū ergo KM, illuminabitur à portione AG tantum: spatiū LN, à portione BH tantum: spatiū vero MO, à portione AG, & à portione GH; spatiū quoque NP, à portione BH, & portione HG. Quamobrem per quintum suppositum, ipsum KM, spatiū minus quam MO; atque LN, minus quam NP, illuminabitur. Similiter demonstrabimus, quod quanto quodlibet spatiū inter ipsa EK, vel LF, signa proprius ipsis E, F signis accesserit, tanto magis illuminabitur. nam extra ipsa E, & F signa, quodlibet lucidi AB, signum in quodlibet plani signum irradiat. Non igitur perfecte definiti, ac certi umbrae termini videntur. Patet etiam, quod quo maius fuerit AB lucidum, & quo CD illuminatum, à plano EF remotius fuerit, eo maiora sunt spatiā EK, & LF, & ideo tanto intensiores umbrae termini.

Corollarium.

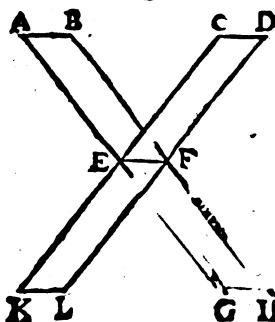
Aut igitur umbra est id spatiū, in quod nullum lucidi signum radiat: aut id spatiū, in quo nullum signum est, quod ab uno quoque lucidi signo illuminetur. Secundum ergo primam differentiam ipsius CD, umbra est spatiū KL: secundum vero reliquam, ipsius CD umbra est totum EF spatiū: nam spatiū KL, à nullo lucidi



A B signo illuminatur : spatium vero E F, nullum habet punc-
tum, quod ab unoquoque lucidi A B, puncto illuminetur .

THEOREMA XIX.

Quot lucidis illustratur res, totidem projicit umbras .



Si enim duo lucida A B, & C D, rem E F illu-
strent: protractis radijs A E G, B F H, & C E K,
D F L, ad planum K H: iam ipsum E F spatium
à lucido A B illuminatum, projicit umbras
G H, illustratum vero à lucido C D, umbras
faciet K L. Quare ab utroque irradiatum du-
plicem porrigit umbram . Cum enim spatium
G H, à lucido C D; spatium vero K L, à lucido
A B, tantum illustretur. at reliqua plani K H,
spatia ab utroque illuminentur ; per quintum
suppositum, minus illustrabuntur ipsa G H, &
K L, quam reliqua spacia . Videbuntur ergo G H, & K L spa-
cia tamquam umbras à reliquis differre . Et cum G H spatium
sit ipsius A B luminis: ipsum vero K L, sit ipsius C D luminis
absentia; poterit per defin. 4. utrumque ipsorum K L, & G H,
spatiorum umbra vocari .

Corollarium Primum .

Lucidis igitur quotlibet rem quampliam illuminantibus, ibi
fiet umbra densissima , ubi lucidorum omnium est absentia :
ibi vero lux maxima, ubi lucida pariter omnia radiabunt . Et
quo plura à loco lucida aberunt , eo densior ibi fiet umbra :
quo vero plura locum lucida collustrabunt , eo maior ibi lux
generabitur .

Corollarium Secundum .

Vnde patet quod quamvis spatium quodpiam ab aliquo lu-
cidu illuminetur ; alterius tamen absentia luminis idem um-
brosum vocabitur .



THEO-

T H E O R E M A X X .

Possibile est rei vmboram , conuersam projici.

Sit lucidum A B; illuminatum vero C D, lucido minus, & per ipsa A C, & B D, ducantur radij A E F, & B E G, sese in signo E, secantes . Eritq. ipsius C D, vmbra G F, in plano G F. Cum igitur C, signum in F, & D in G, vmbrae extremum proiectant, patet vmbram rei conuersam in situum projici. scilicet ne cæteris radijs vmbra ipsa evanescat, intelligentur ipsi A E F, & B E G , vmbram conuertentes per foramen aliquod paruum transire , vt reliqui ab ingressu arceantur.

Corollarium .

Si igitur res inter lucidum , & foramen existens quorundam libet moueat, eius vmbra ultra foramen in contrarium moueri spe&tabitur .

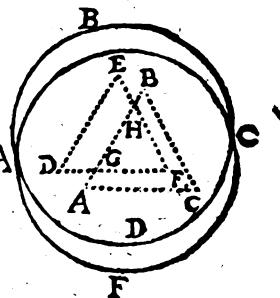
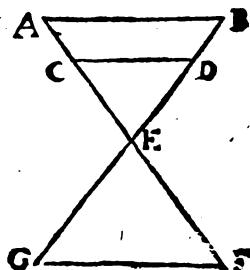
T H E O R E M A X X I .

Quo minus duorum circulorum figurarum similium similiterq; positarum periferiæ int̄ se remouentur , eo magis ad unius circuli, uniusue figuræ similitudinem coeunt.

Vt si duo circuli A B C D, & A E C F, sese in signis A C, intersecant, quo minus ipse A B C, & A E C periferiæ inter se distiterint : eo magis ipsa A B C F ex periferijs utriusque circuli composta figura ad circuli unius similitudinem accedit. Vel si duo A B C, & D E F, similia similiterq; posita triangula sese in signis G, & H, intersecant: quo minus unaquæque sese respicientia latera inter se distiterint, eo magis ipsa A G D E H B C A, ex utriusque trianguli peripherijs composita figura, ad unius ipsorum triangulorum similitudinem proprius accedit .

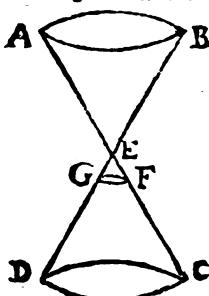
Corollarium .

Duorum ergo circulorum figurarum similium similiterq; positarum periferiæ, possunt inter se, tam minime differre , vt differentia sensu nequaquam percipiatur , ideoq. uterque unus esse circulus , vel utraque una esse putetur figura .

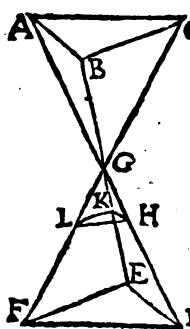


THEOREMA XXII.

i Lucidorum per foramen in planum, quodpiam radian-
tium formæ conuersæ porriguntur. Hoc enim, ut
in præmissa fit ex radiorum intersectione. Quod
ut distinctius pateat, quasdam descriptiones ad-
ducemus.



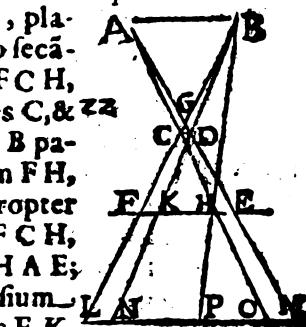
Pro lucido enim circulari intelligantur supra ba-
ses A B, atque C D, duo coni similes, verticem for-
titi eundem, qui sit E signum: sintq. eorum axes, vna
recta; quo fieri ut quæcumque recta ab ipsius A B, ba-
sis circumferentia ad E, verticem agatur, eadem ul-
terius producta ad ipsius D C, basis periferiam perueniat:
ideoq. vna erit ipsa A C, recta: itemq. vna ipsa B D. Secetur
itaq. D E C, conus plano ipsi A B, ideoq. ipsi D C circulo pa-
rallelo, sitq. sectio circulus G F. Intelligatur ergo per for-
amen G F circulare, lucidum A B, circulare in planum D C ra-
diare; eritq. circulus D C tantum ex ipso plano, à lucido A B
illuminatus: Ab ipso enim lucido A B, in nullum ipsius D C,
plani signum extra ipsum D C, circulum radius elabitur. Et
quoniam A in C, & B in D radiat, ideo ipsius A B, circuli figu-
ra conuerta est. Concludimus ergo, quod circulare luci-
dum per circulare foramen sibi æque distans, conum proten-
dit luminosum, cuius vertex inter lucidum ipsum, & foramen
existit.



Pro lucido etiam alterius formæ, ut triangulo, intel-
ligantur supra A B C, & D E F, triangula similia duæ si-
miles pyramides verticem eundem habentes, qui sit G,
signum, siq. vnaquaque ipsarum A D, B E, & C F, li-
nearum sese in signo G, secantium vna recta. Quo fieri ut
ipsum A B latus, ipsi D E: ipsum autem B C, ipsi E F;
ipsum vero C A, ipsi F D respondeat. Vtq. ipsa A G B,
& D G E; item & ipsa B G C, & E G F triangula: nec non
& ipsa C G A, & F G D, triangula bina, in uno sunt pla-
no. Omnis igitur à quolibet ipsius A B C, trianguli la-
tere, & per G, signum æta linea ad trianguli D E F, illi
respondens perueniet latus. Secetur itaq. D E, F G, pyramis
plano, parallelo basi D E F; sitq. sectio triangulum H K L, ipsi
D E F, ideoq. ipsi A B C simile; & intelligatur triangulū A B C
lucidum per triangulare foramen H K L, in planum D E F ra-
diare.

diare, eritq. ex plano D E F, triangulum dumtaxat D E F, ab ipso A B C lucido illuminatum. Nullus. n. ab ipso lucido A B C in planum D E F extra ipsum triangulum D E F radius progre-
ditur. Et quoniam latus A B, in latus quidem D E; latus vero B C, in ipsum E F; ipsum vero C A, in ipsum F D, radiat: ideo ipsius A B C trianguli forma, quæ ipsum D E F triangulum est, ipsi lucido A B C conuersa videtur. Concludimus ergo, quod rectilineum lucidum per foramen sibi simile, & parallelum, ac conuersim possum radians, luminosam extendit pyramidem, cuius vertex ipsi lucido, & foraminis interiacet.

Sic quoque lucidum qualecumque A B, & foramen qualis-
cumque formæ C D. Et productis in ipsum F E, pla-
num ipsi A D E, & B C F radijs lese in G, signo secâ-
tibus: item ipsis A C H, & B D K: intelligâtur F C H,
& K D E luminosæ pyramides, vertices habentes C, & ^{zz} D,
bases vero F H, & K E: quo fieri, ut si ipsi A B pa-
rallelum ponatur F E planum, utraque ipsarum F H,
& K E basium ipsi A B lucido similis existat propter
pyramidum similitudinem. Quoniam igitur ipsi F C H,
& K D E anguli maiores sunt angulis F B K, & H A E;
ideo fit ut productis radijs, ipsa F H, & K E basium
spatia non proportionaliter crescant cum ipsis F K,
& H E radijs: Nam quo vltius radij produci fuerint, eo ma-
ior fieri ipsorum F H, & K E spatioru proportionio ad ipsa F K, &
H E spatia. Quod sic demonstratur. Ducto piano L M, basi F E
parallelo, & productis B F, B K in L, N: stem A H, A E, in
M O; & per H, recta B H P, quoniam in triangulo B L P, re-
cta F H, parallela est basi L P, erit ex schol. propos. 4. lib. 6. F H
ad F K, ut L P, ad L N, sed L O, ad L N, maiorem rationem
babet quam L P, ad L N, seu F H, ad F K. Poterunt ergo eo
vsque produci radij, ut ipsa F K, & H E spatia respectu ipsorum
F H, & K E spatioru insensibilia hant: sed ipsa F K, & H E spatia
distantia sunt pyramidarum ipsarum F H, & K E basium, quæ
ipsius A B lucidi formæ sunt: ergo per præmissam, quo magis
producti fuerint radij: eo magis ipsæ F H, & K E bases ad unius
ipsarum, ideoq. ad ipsius A B lucidi similitudinem accendent
quandoquidem ipsæ F H, & K E, figuræ similiter positaæ sunt. Et
per predictæ Corollariorum, poterunt eo usque produci radij, ut
ipsarum F H, & K E, figurarum una esse putetur. Quod eo ma-
gis fieri, quo ipsum C D foramen respectu ipsius A B lucidi mi-



nus fuerit. Item quo magis A B lucidum à foramine C D, remotum fuerit; tanto ipsa F K, & H E, respectu ipsorum F H, & K E spatiorum minora fient. Similiter ostendemus, quod forma F E, à pyramide F G E, quæ maxima est, & alia infinitæ ab infinitis pyramidibus profectæ, paulatim in progressu coeunt, & ad ipsius A B lucidi similitudinem accedunt, donec ipsi fere lucido similem conficiant figuram. Concludimus ergo, quod quo



magis à quocumque lucido per qualemcumque foramen radiante, processerint radij; eo magis in planum, quod lucido parallelum est, profectum lumen ad ipsius lucidi similitudinem accedit, & tandem sensu decepto, ipsi simile videtur, & in situ conuersum, velut ex radiorum intersectione patet. Verum ergo fuit, quod speculatio nostra conclusit.

Corollaria.

1 Hinc illud sequitur, ut Sole per qualemcumque foramen radiante, quo longius à foramine radij processerint, eo magis in planum circulo, qui terminus est radiæ superficie parallelum, projecta lux ad eiusdem circuli formam proprius accedit; ac tandem sensu decepto, perfecte circularis apparet. quandoquidem omne foramen, quod solari radio transitem præbere solet, tā respectu solaris magnitudinis, quam distantiaz, insensibilis sit quantitatis.

2 Similiter necesse est, ut Luna per qualemcumque foramen radiante, quo magis à foramine radij abscesserint, eo magis in planum radianti plano parallelum projecta lux ad lunaris formæ similitudinem accedat, ac tandem ipsi fere similis fiat. Hoc idem dicendum est de Sole partim caligante. Nam tunc lux per foramen transmissa projectat in planum oppositum foramen dimidiati Solis. Idein ipsum dicendum est de Sole, vel partim exorto, vel partim sub horizontem immerso, vel etiam partim à domo aliqua occultato, et experientia docet.

3 Quod si planū non fuerit radianti formæ parallelū, projecta lucem ipsi lucido similem non fieri monstratum est. velut cum Solis lux per foramen angrediens, quæ paulatim conica fit, in obliquū porrecta planū, formā efficit, quæ conica secatio est.

4 Illud quoque nequaquam prætercundum, quod lucido, & piano à foramine æqualiter distantibus projecta in planum lux ipsi lucido æqualis appetat: lucido vero magis distante, minor: minus vero, maior: foramine tamen intensibilem respectu lucidi magnitudinem habente. Vnde si solares radij, seu

- ¶** & uix eantum à foramine procederent, quanum sol ipse à foramine remouetur, proijcerent circulum circulo, qui terminat radiantem superficiem, & qualēm; ac si magis, maiorem. Sed quoniam nunc semper minus, ideo minorem.

¶ Lucidum igitur per foramen aliquod radians, infinitas proijcit pyramides, quæ quoniam crescunt interuallis inter superficies non ad eādem proportionem crescentibus, ideo paulatim in vnam coeunt: donec omnes vna fiunt pyramidis superficierum interuallo vnitæ; pyramidis formam insensibiliter variante per prædicta Corollaria.

6 Illa quoque iucunda speculatio non est obliuioni mandanda, quod lucidum per duo, vel plura foramina radians, innumeras per eadem proijcit pyramides, quæ quoniā crescunt, ingrediuntur alia in aliam, & commixtæ tandem in vnam coeunt, vniusque formam & acquirunt, interuallo tamen ad pyramidum magnitudinē inseparabili existente. Vnde necesse est Solis lumen per duo, vel quotlibet foramina ingrediens, totidem per eadem proijceret circulares formas, quæ paulatim commixtæ coeunt, vnumq. tandem visui ostendunt circulum. Quod quidem non aliter ostendetur, quam de luce per vnum transcunte foramen nuper ostensum est.

THEOREMA XXIII.

Omnis à pura luce illuminata superficies, secundariam lucem colori suo similem emittit.

Nisi enim ab illuminata superficie lux ipsius superficie colori similis radiaret, rerum species sub proprio colore ad oculum non peruenirent. Quare visus nihil sub proprio colore apprehenderet, quod videtur absurdum.

Corollarium.

Quanto igitur superficie color fuerit luci conformior, tanto fortior est secundaria lux, quæ ab ipsa superficie illuminata progeditur. Vnde fit ut à Luna albæ nubes, & omnis candidæ superficies à Sole illuminata fortiorem, quam quæ alterius sunt coloris, lucem emittant.

THEOREMA XXIV.

Radij per opacum transeuntes evidenter apparent.

Lux enim opaco circundata, facile ab ipso opaco discernitur; alij vero lumini commixta, cum ipsa confunditur. quo fit ut neutra ab altera discerni queat.

Corollarium.

Tanto igitur distinctior appareret radius, quanto fuerit locus ipsum recipiens umbrosior.

THEOREMA XXV.

Duo sunt speculo necessaria, intensa leuitas, & opacitas.

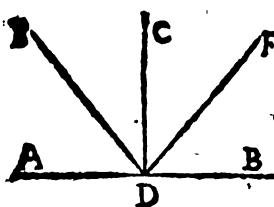
Propter leuitatem enim radius in superficie cadens expellitur: propter opacitatem vero distinctior, & evidentior apparet, per praeditam. Opacitas autem, & in ipsa speculi superficie, & ultra superficiem consideranda est: In superficie quidem ut non sit ita colore infecta, ut colorata lux, quæ per præmissam, ab ipsa emititur superficie, impedimento sit radiis, rei cuiuspiam imaginē representantibus, quin evidentiores & distincti appareat, ut præmissa docet. Ultra superficiem vero ne perspicuum sit: perspicuitas enim ingressum luci praebet, quæ quidem, ut antea, ipsius imaginis radios confundit.

Corollaria.

- 1 Hinc illud sequitur ut aquæ superficies, quæ propter subtilissimarum partium fluxum perfecte leuis est, rerum imagines tamquam speculum repræsentet, præsertim si ipsi opacitas accedat.
- 2 Concludendum ergo, quod à leuiori superficie imaginum radij fortiores referuntur: & incidentium radiorum validiores, evidentioresq. quoque redeunt.

THEOREMA XXVI.

Perpendicularis in speculum radius in seipsum reflectitur.



Cadat enim in speculum A B, perpendicularis C D, Aio quod radius, qui à signo D, reflectetur, est in ipso C D, radio. Si enim non est, sed si possibile, reflectetur extra C D, sicutq. D F, & ponatur ipsi C D F, æqualis angulus C D E, producta D E: eritq. etiam D E ad speculum inclinata, sicut D F. Quare sicut D C reflectetur in F, sic reflectetur in E. Ab uno igitur speculi punto D, in quod signum C radiat, in plura fieri loca reflexio; quod per secundum suppositum est absurdum. Reflexio ergo radij non alibi quam in ipsa C D, recta consistet.

THEO-

THEOREMA XXVII.

Obliquus in speculum radius ad æqualem inclinatio-
nis angulum in plano ad speculum recto re-
flectitur.

Sit enim speculum A B, in quod obliquus ra-
dius C D cadat, qui reflectatur in E, Aio quod
æqualis est angulus A D C inclinationis, angu-
lo reflexionis B D E. quodq. C D, & D E, sunt in
plano super speculum orthogonaliter erecto.

Si enim ipsis C D, & D E in plano ad speculum recto con-
stentibus ipse A D C, angulus non sit ipsi B D E angulo æqua-
lis, sic maior. Radius ergo obliquus ad maiorem semper incli-
nationis angulum incidet, quam reflectetur. Transferatur er-
go C, signum radians in signum E illuminatum: ipsum vero E
in C, & radiabit adhuc E in C, per E D C tramitem, quarto
supposito volente. Maior itaque erit B D E, angulus ipso
A D C: fuerat autem minor, quod est impossibile. Non est er-
go A D C, angulus ipso B D E maior. Similiter ostendemus,
quod nec minor; igitur æqualis. Ponatur autem quod planum,
in quo A B, & C D lineæ, sit speculo rectum; iam & ipsa D E,
in eodem est piano. Si enim extra, ducatur ergo D F ad specu-
lum inclinata, sicut D E; atq. angulo F D C, ipsi E D C æqua-
li existente (hoc enim possibile est) eritq. ve sicut C D in E,
sic etiam in F reflectatur, quod est absurdum per tertium sup-
positum. Astraruit ergo quod propositum est.

Corollaria.

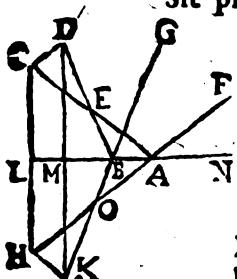
- 1 Ex præmissis sequitur, ut ex secundaria luce, quæ tam ab il-
luminatis à Sole superficiebus, quam à planis speculis refle-
ctitur, secundarius quoque calor generetur; atque adeo ex
reflexione solaris calor accrescat.
- 2 Satis ergo liquet, quod tam in conuexis, quam in cauis
speculis reflexio sit in plano per ipsius speculi centrum, ra-
dijs æquales facientibus angulos cum periferia circuli, qui
plani per centrum, & specularis superficiem communis est
sectio. In speculis autem cylindricis, tam conuexis, quam
cauis, reflexio sit in plano, utcumque cylindrum secante
radijs ad terminum diametri cylindricæ, qui in plano se-
cante est, coeuntibus, & æquales angulos continentibus cum
linea, quæ communis est sectio secantis plani, & cylindricæ
super-

superficiei. Et quoniām secans planum aut per cylindricum axem ducitur, atque ita communis sectio erit parallelogrammum: aut parallelūm basibus, atque ita communis sectio circulus est; aut obliquūm basibus, atque ita communis sectio ovalis; ideo in cylindricis tam conuexis, quam cauis speculis, reflexio sub triplici dispositione variabitur.

THEOREMA XXVIII.

Speculum planum à lucido quopiam illuminatum, eisdem reflectit radios, quos idem lucidum ad eundem respectu speculi situm per ipsum speculum, tamquam foramen proijceret.

Sit planum speculum $A B$, lucidum $C D$, producti radij $C A, D B$ sece in signo E secantes, reflectantur: sintq. $A F, B G$; Dico quod ipsum $C D$, lucidum in plano speculi ad eundem ipsi $A B$ speculo situm existēs, per ipsum $A B$ speculum, tamquam per foramen, ipsos quoque $A F, & B G$ radios proijicit. Producantur enim $C H, D K$ rectæ, planum speculi $L N$, orthogonaliter in signis $L M$ perforantes. ponaturq. ipsi $D M$ æqualis $M K$: ipsi vero $C L, ipsa L H. &$ connexa $H K$, intelligatur ipsum $C D$, lucidum ad situm $K H$ translatum: & connectantur $H A, K B$ sece in signo O secantes. Quoniam igitur per prædictam, angulus $C A L$, ipsi $F A N$ angulo æqualis est: ipse autem $H A L$, ipsi $C A L$, æqualis; ideo ipse $F A N$ ipsi quoque $H A L$ æqualis est. Assumpto ergo communi angulo $N A H$, erunt anguli $F A N, N A H$ simul sumpti, æquales angulis $N A H, H A L$ simul sumptis. Vnde quoque $F A N, N A H$ simul sumpti fient duobus rectis æquales. quare per 14. j. $H F$, vna recta est. *Hoc nos demonstravimus etiam ex Proclo ad propos. 15. lib. 1. Euclid.* Similiter ostendemus, quod vna recta est $K G$. Ipsum ergo lucidum $C D$, in speculum $A B$ radians per ipsos $C A, D B$ radios reflectit ipsos $A F & B G$. Idem quoquè $D C$, lucidum ad situm $K H$, translatum per ipsum $A B$, tamquam per foramen radios $H A, K B$ proijcens, & in rectum protendens eisdem $A F, B G$, quos prius radios generat. Non aliter ostendemus, quod quicumque radij à quibuscumque signis ipsius $C D$, lucidi ex speculo $A B$ reflectuntur, ijdem radij ab ijsdem signis eiusdem $C D$, lucidi ad situm



Itemum H K positi, & per eadem plani A B signa, transcutunt per ipsum A B, tamquam per foramen.

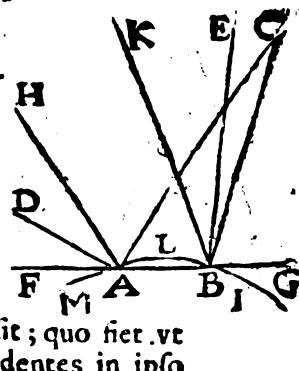
Corollaria.

1. Lucidum igitur quodlibet in planum radians speculum, idem proijicit lumen per reflexionem, quod ad eundem respectu speculi situm per ipsum speculum, tamquam per foramen proijceret.
2. Quicquid igitur 23. huius, quaq. post eam sequuntur Corollaria de luce per foramen trajecta, concludunt; idem hic de luce à piano speculo reflexa inferri potest. quandoquidem non aliter à piano speculo lux reflectitur, quam si per ipsum speculum tamquam per foramen transmitteretur; ut iam ostensum fuit.
3. Hinc etiam sequitur illud scitu iucundum, ut lux Solis à speculo redditum paulatim teres fiat, atque ad radiantis circuli rotunditatem proprius accedat. Neque obstat, quamvis lux à sole per foramen, & speculum transeat, aut ab eodem reflexa per foramen trahi ciatur; aut si ingrediens, & exiens per foramen utroque ingrediatur; sicut neque obstant duovel tria foramina solari luci, quin circularis paulatim fiat. Hoc autem Corollarium primum non aliter, quam primum Corollarium post 22. Similiter & reliqua hic Corollariorum reliquis post 22. similia, sicut & illa demonstrantur.
4. Item sicut lucidum corpus per foramen sibi vicinius traieccos radios amplius dilatat, maiusq. spatium illuminat: ita et oculus in speculo piano sibi viciniori, & maius spatium, & plura visu complectitur; quia similiter magis dilatantur radij visuales, sicut si per foramen vicinus spectaretur.

THEOREMA XXIX.

A cōuxo speculo latior lux quam à plane, sed debilior reflectitur.

Esto cōuxum speculum A B, in quod à signo C radiant C A, C B radj, & in signa D, E, reflectantur: Alio quod lux reflexa, que intra ipsos A D, B E radios cōprehenditur, latior est, quam si à piano speculo reflecteretur. Intelligatur, per ipsa A, B, signa planum speculum F G, in quod ipsa A C, C B, linearum superficies recta sit; quo fieri ut ipso C A, C B radj in ipsum F G, speculum incidentes in ipso quoque

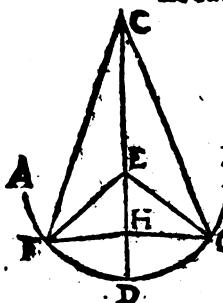


quoque linearum CA, CB plano reflectantur. CA igitur à piano speculo reflectatur, intra ipsas AD, & BE. Angulus. n. C A B rectilineus maior est angulo DA F. Nam rectilineus angulus CAB, cum maior sit angulo mixto CAL etiam maior erit angulo reflexionis D A M, qui equalis est angulo incidentia C A L: ac proinde multo maior erit angulo rectilineo DA F, qui pars est anguli mixti D A M. Quare in reflexionis angulo rectilineo H A P, recta AH, cadere debet intra AD, BE, ut fiat angulus H A P, maior angulo D A F, sicut est rectilineus angulus incidentia C A B. Similiter CB reflectetur à piano speculo intra ipsas AD, BE lineas. Angulus enim C B G rectilineus minor est angulo mixto C B I. Et reflexionis angulo E B L; & multo minor angulo rectilineo E B A, qui maior est mixto E B L. Reflectatur ergo CA in H, & CB in K signum: eritq. lux intra ipsas AD, BE lineas contenta; quæ à conuexo speculo, latior luce intra ipsas AH, BK contenta, quæ à piano speculo reflectitur. Quod autem debilior sit, patet per secundum suppositum; quandoquidem radij sunt ratios ab eadem luce.

THEOREMA XXX.

Si in cauum speculum à punto quopiam tres radij incident, unus quidem per centrum, duo vero à cetro equilater distantes, hi ad signum vnum concurrent, quod in radio, qui per centrum.

In cauum speculum AB à signo C, cadant radij CD, quidem per centrum speculi E; at CF, & CG, aequæ à centro E remoti; dico quod CF, & CG radij reflexi ad signum vnum concurrent in radio CD. Reflectatur enim CF ad CD in signo H, & connectantur HG, & quoniam CF, CG & que remotaentur à centro, ideo anguli CFA, CGB sunt inuicem aequales: sed CFA est aequalis ipsi HFD per 27. ergo angulus CGB aequalis est ipsi HFD. Sed propter aequales arcus FD, & DG, ipse HFD angulus, equalis est ipsi HGD; ergo CGB angulus est aequalis ipsi HGD. per 27. Ergo ipse radius CG in signum H reflectitur. Ipsi ergo



go PH, GH reflexi ad signum H, ibi agno radij CD, concurrunt.

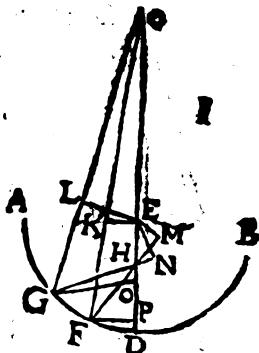
Corollarium.

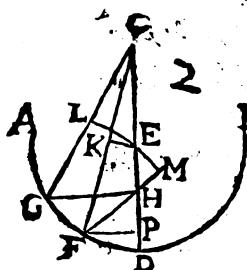
Si ergo in cauum speculum à puncto quopiam per centrum radius incidat, ac posito polo puncto easus in superficie speculi circulus describatur; quicumque radij ab eodem signo ad eius circuli peripheriam ceciderint, omnes ad vnum punctum in radio, qui per centrum concurrent. Patet, nam tales radij à equaliter à speculi centro remouentur, quandoquidem à punto in axe circuli ad ipsius circuli periferiam delabuntur, atque ideo cum axe, & circuli semidiametro à qualitera faciente triangula. vel sic: Quandoquidem à puncto axis delabuntur in periferiam circuli, quis ex definitione poli, à equaliter ab axe, atque adeo à centro remouentur.

THEOREMA XXXI.

Si in cauum speculum à signo quopiam tres radij incident, vnum quidem per centrum, duo vero à centro inæqualiter remoti, horum qui remotior est, inferius cum eo, qui per centrum, concurret.

In cauum speculum AB à signo C cadant radij CD, in quo centrum speculi E; at CF, CG à equaliter à centro remoti: sitq. remotior CG, & CF reflectatur ad CD in signo H. Aio quod CG reflexus infra signum H ipsi CD concurret. Conne&tetur enim GH, & à centro E cadant ad ipsas CF, & CG perpendicularares EK, & EL. Deinde ipsis FH, & GH, productis occurrant perpendicularares EM, & EN. atque ab ipsis F, & G, signis excent tandem ipsi CD perpendicularares FP, & GO. Eritq. maior ipsis CF ad CE ratio, quam ipsius GC ad CE. per 8. v. sed propter triangulorum similitudinem FCP, ECK, ut CF, ad FP, sic CE, ad EK, per 4. v. ergo alternando per 16. v. sicut CF, ad CE, sic FP ad EK & ideo ad EM: quandoquidem EK, & EM propter à quos inflexionum angulos AFK, & MFB, à quas sibi inuicem esse necesse est. Hac enim ratione FG, FM à centro à equaliter distabunt, atque adeo perpendicularares ad ipsas ductae, à equales erunt. Et sicut GC ad CE, sic GO; ad EL. ergo maior est





F P, ad E M, quam G O, ad E L: & ideo propter triangulorum similitudinem maior F H ad H E, quam G O, ad E L; sed G H maior est, quam F H. ergo à fortiori G H ad H E maior, quam G O, ad E L: & ideo propter similitudinem triangulorum, G O ad E N maior, quam G O ad E L. Quare maior est E L, quam E N. Vnde necesse fiet, ut maior sit angulus H G B, quam angulus C G A. *Quia hac ratione magis distabit a centro recta C G, quam G H. Quamobrem C G reflectetur ad C D, infra signum H.*

Quod si contigerit E H ipsi H G perpendiculari- rem esse, vt in secunda descriptione. Similiter ostendemus, quod major G H ad H E, quam G H ad E L: & ideo maiorem esse E L, quam E H. Quare eadem, qua supra, ratione C G radius ad C D concurret infra signum H.

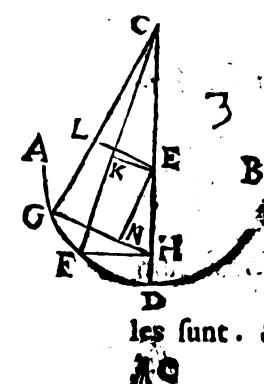
Quod si contigerit E H ipsi F H perpendiculari- rem esse, vt in tertia figura, tunc quoniam E K, & E H propter æquos inflexionum angulos æqua- les sunt. & E L: maior quam E K; ipsa vero E H maior quam E N, ideo maior est E L quam E N. & ideo sicut antea C G ad C D infra signum H re- flæctetur.

Si vero perpendicularares E M, & E N, vt in quarta figura à partibus FG ceciderint: tunc quoniam E K, & E N per hypoth. æquales; & E K minor quam E L; sed E M maior quam E N, ideo maior erit E L quam E N: Quare vt prius C G ad C D, infra signum H reflectetur.

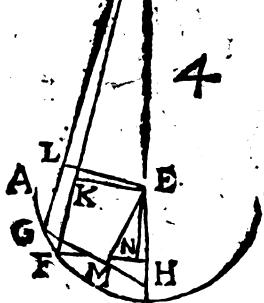
B Postremo, si vt in quinto tipo, perpendiculari- rium E M, & E N, ipsa E M ad partes B; ipsa ve- ro E N ad partes A ceciderit, tunc ductis perpendicularibus, vt in prima descriptione non aliter quā ibi, ostendemus maiorem habere rationem G O ad E N, quam G O ad E L; & ideo maiorem esse E L quam E N. Quare & C G ad C D infra signum H reflectetur. *Quod erat ostendendum.*

Corollarium.

Si ergo à signo quopiam ad cauum speculum per centrum ad



les sunt.



D

ad secundorum circulorum inæqualium parallelorum polum radius ceciderit: quicumque radij ab eodem signo ad circulorum periferias ceciderint, à circulo minore ad verticem vnum in eo, qui per centrum radio, & maiore vero ad signum inferius in eodem radio concurrent; eruntq. ab his duobus circulis reflexi radij duas conicæ superficies, quarum altera secabit alteram, & etiam sectio circulus utriusque superficie communis. Patet hoc Corollarium partim ex præmissa corollario, partim ex præsenti theoremate sequenti.

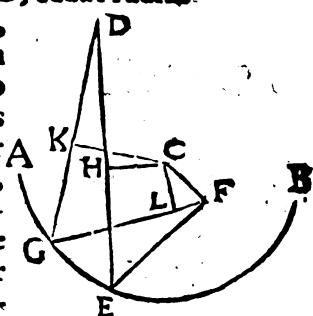
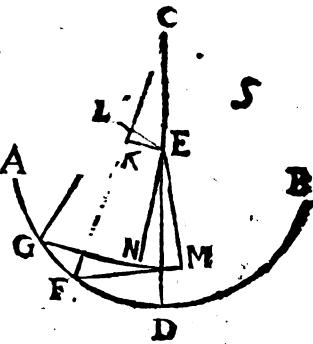
THEOREMA XXXII.

Si à signo quoipam in cauum speculum præter centrum radius cadens reflectatur, atque in reflexum à centro perpendicularis agatur; quicumque radius ab eodem signo à centro remotior in speculum ceciderit, infra caum perpendicularis illi reflexo congregietur.

In speculum A B, Cuius centrum C; à signo D, cadat radius D E, qui reflexus sit E F, in quem à centro C, perpendicularis cadat C F. & cadat ab eodem signo D, alter radius D G in speculum à centro remotior, quam D E; Alio quod D G reflexus concurret ipsi E F infra signum F. Connectatur enim G F; & à signo C cadant ipsis D E, D G, & G F, perpendiculares C H, C K, & C L; eruntque propter æquos reflexionum angulos, ipsæ C F, & C H inuicem æquales. Sed C K maior quam C H, ipsa vero C L minor quam C F; ergo C L minor quam C K. Quo fit ut angulus B G F maior sit angulo A G D; quare D G reflexus ipsi E F, infra signum F occurret. Et hoc erat demonstrandum.

Corollarium.

Vnde pluribus radijs in cauum speculum confluentibus, primus prout proximum centro reflexus concurret ipsi proximo reflexo. secundus quoque ipsi primo in signo inferiori congregietur; & sic deinceps, & alias alij successuè in signo semper diuerso, & inferiori occurret.



THEOREMA XXXIII.

Cauo speculo lucem reflectente, à re extra radiorum congressum umbra sicut est; intra vero, conuersa projicitur.

In cauum speculum A B, lux radiet per radios C A, & C B, qui reflectantur, sintq. A D, & B E se inuicem secantes in signo F. A cavo enim speculo reflexi radij concurrunt, vt in praecedenti, & Catoptricis ostensum est; & ponatur extra concursum res G H, à qua proiecta umbra erit E D in situ rei: terminus enim rei G, termino umbræ D; terminus autem H, termino E respondet. Ponatur vero intra concursum F res K L, iam terminus rei K, in signum D; terminus vero L in E projectet umbræ terminum. Umbra itaque D E ipsa re K L conuersa projectetur. Quod erat ostendendum.

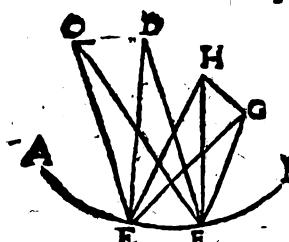
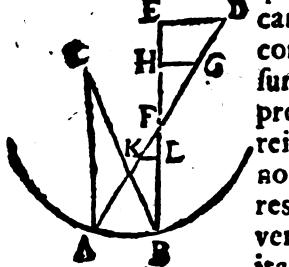
THEOREMA XXXIV.

Cauum speculum rei formam in oppositum planum ad terminum quendam projectat inuersam.

Cauum speculum A B, rei C D formam recipiat per radios C E, C F; D E, & D F, & reflectantur C E, & C F concurrentes ad signum G: at D E, & D F ad signum H, extra lineam E G, vt seruentur à qui reflexionum anguli. Quoniam igitur possibile est, vt omnes radij à signo C, ad speculum A B cadentes ad signum G, fere concurrent: A signo autem D, ad signum H. & similiter à singulis rei C D partibus in speculum confluentes radij ad singulas partes impermixtae concurrent, ideo in obiecto plano in quo G H, & alia congressionum signa terminantur, forma rei C D conuersa spectabitur.

Item intelligantur in sphera speculi duo maiores circuli A B C D, & A E C F, quorum communis sectio A C. Sitq. res quædam G H, cuius terminus G sit in semicirculo ABC; terminus autem H, in semicirculo A E C. Si igitur terminus G, in signum speculi C radiet, & signum H eodem; iam à signo G radius reflectetur ad semicirculum A D C, veluti ad punctum K. A signo vero H radius reflectetur ad semicirculum A F C, vt ad punctum L; quandoquidem in cavo speculo reflexio sit

in



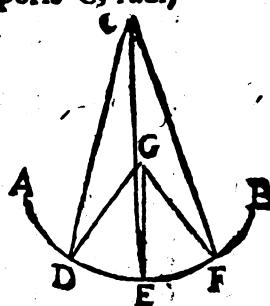
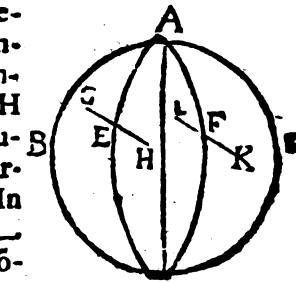
in piano per centrum , & ideo in piano circuli maioris , ut ex
 27. satis liquet . id enim planum ad sphærici spe-
 culi superficiem rectum est . Ponantur autem pun-
 eta K,L , in quæ à signis G,H in speculum caden-
 tes radij cōcurrant , & similiter à singulis rei G H
 partibus in speculum perfluentes radij ad singu-
 las concurrent partes , ita vt impermixtè rei par-
 tes ad suam quamquam reflectantur partem . In
 piano igitur , in quo K L , & alia congressionum
 signa porridentur , apparebit rei G H effigies cō-
 uersa . In speculum ergo quod parua est sphæræ
 portio , à signo quolibet ita perfluent radij , vt omnes in vnum
 fere signum reflexi concurrant .

THEOREMA XXXV.

Ex radiorum conicursu possibile est ignem generari .

In cauum speculum A B , à signo solaris corporis C , radij
 cadant C D , C E , C F , qui ad vnum fere pun-
 tum concurrant G . Quamuis enim sicut in
 ante præmissis patuit , radij ab eodem signo in
 speculum tendentes ad idem reflexi punctum
 non concurrant , parva tamen abest , quin
 parua cani speculi portione ad idem punctum
 radij conueniant ; fiet etiam vt à reliquis so-
 laris globi signis in speculum descendentes ra-
 dij , & si non omnes ad idem punctum , intra
 eiusdem tamen loci angustiam conueniant .

Quamobrem locus ille per quintum suppositum , maxime illu-
 minabitur ; cumq. calor lucem sequatur , atque ideo cum
 eadem intendatur & remittatur , idem quoque locus maxime
 calefiet . Quare expulso aere ignis ibi generabitur , qui som-
 tem sibi admotam accendet . Id quoque fiet si plura specula
 plana ita disponantur , vt receptam à sole lucem in eundem
 reflectantur locum . Verum ergo id quod proponitur , & ra-
 tione , & experientia comprobatur .



Completum Messana Anno Domini 1521. Mem-
 sis Octobris die 19.

Do

De erroribus speculorum.

Cum alteratio, augmentum, diminutio, inuersio siue omnimoda, siue partialis, ac multiplicatio Idoli in speculo apparētis, fiat ex forma specularis superficieit, propterea in speculo irregularis formæ, hoc est, ex pluribus figuris mixtæ, fiunt huiusmodi errores mixtim. Nam cum speculum planum repræsentet idolum æquale & simile rei, & ad æqualem distantiam, conuexum diminuit utrumque, scilicet idolum & distantiam; & magis conuexum magis diminuit. Concauum vero sphæricum diminuit, auget, & inuertit omnimode idolum & distantiam, & eo citius, quo minor sphæra. Cylindricum conuexum secundum celsitudinem non variat dimensiones, sicut planum; quia celsitudo in rectum protenditur: secundum vero ambitum variat idolum, sicut conuexum, quia curuatur in ambitu. Item cylindricum concavum seruat secundum fastigium itidem mēsuras sicut planum; per circuitum vero immutat omnia sicut concavum. Vnde inuersio idoli fit secundum latitudinem cylindri tantum, non secundum longitudinem. Vnde talis inuersio particularis est, non omnimoda, sicut in cauo speculo.

Pyramide vero conuexum facit id quod cylindricum conuexum, hoc adiecto quod propinquiora vertici minora facit. Pyramide concavum facit id quod cylindricum concavum, hoc addito, quod in loco ad verticem magis vicino, citius alterat & inuertit propter minorem ambitum. In formis autem speculorum mixtis, quæ infinitæ sunt, mixtæ quoque idolorum variationes, & multiplicationes infinitæ fiunt; cum quibus & illud notandum est, quod quoniam planum speculum nō potest tam diligenter fabricari, ut exactæ ac perfectissimæ fiat planicie, hoc est, quin alicubi per aliquam insensibilem differentiam curuetur, siue flectatur, maxime si laetioris spatij sit; propterea quamvis talis exigua differentia, cum res visa aut oculus stat prope speculum, nihil fere, aut insensibiliter alteret idolum; tamen à speculo remoti videmus rerum remotarum idola sensibiliter à rerum formis alterata; quoniam scilicet remotione una cum longitudine linearum auget errorem, & ex insensibili sensibilem facit: Quæ omnia & faciliter demonstrantur, & experimento comprobantur.

13. Junij in festo Eucharistia 1555.

DIA-

DIAPHANEON, SEV TRASPAREN TIVM LIBER PRIMVS.

De perspicuis corporibus.

Definitiones.



VONIAM, vt ait Euclides, si in vas aliquid iniectum sit, accepto interuallo, vt minime spectetur; infusa in vas aqua, iniectum spectatur; existente vero visu in aquam perpendiculari, aqua ipsa erecta, iniectum adhuc per eandem spectatur visualem lineam, ideo supponimus.

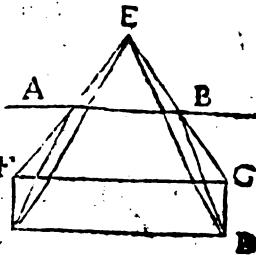
Supposita.

- 1 Perpendicularem radium in diaphanum recte procedere; obliquum vero versus perpendicularem frangi.
- 2 Radios &que inclinatos, &que frangi; magis vero inclinatum, magis.
- 3 Multiplicato angulo inclinationis, angulum quoque fractionis &qualiter multiplicari.
- 4 Rem apparere in loco concursus radij visualis recti cum ea, quæ ab re ipsa in planum diaphani, perpendicularis progressitur.

THEOREMA PRIMVM.

Quod per diaphanum planum transparet, maius quam sit ac propinquius videtur, & eo magis, quo proprius planus diaphani.

Per diaphanum enim planum A B transpareat longitudo quæpiam C D per radios fractos E A C, & E B D, & producantur in rectum radij E A, & E B, donec cum ipsis C F, D G ad planum A B perpendicularibus concurrant in signis F, G; apparebunt signa C D, in signis F G per ultimum suppositum. Longitudo ergo C D, quæ absque diaphano sub angulo C E D,



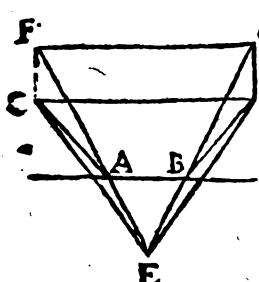
ap-

FRANC. MAROL.

appareret, nunc ad angulum FEG, maiorem spectatur, & in terminis FG. Quare maior, & propinquior.

THEOREMA II.

Si oculus intra diaphanum aliquod aliquid extra videat, minus ac remotius id spectabit.



Intra diaphanum AB, oculus E spectet rem CD extra existentem per radios EA, EC, EB, ED fractos in A, B, signis à perpendicularibus per cōuerisionem primi suppositi, & producantur in rectum radij EA, EB, donec ipsis CF, DG ad planum AB perpendicularibus occurrant in signis F, G, & apparebunt signa CD, in locis F, G, per ultimum suppositum. Res ergo CD, quæ absque diaphano sub angulo CED appareret, nunc sub ipso FEG minori, & in loco F, G, spectatur.

Quare minor remotiorq.

THEOREMA III.

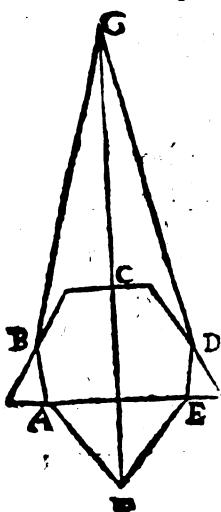
Potest aliquid per fractos radios videri, quod per directos non appareat.

Facile enim hoc ostenditur, quod tunc contingit, cum obstatum aliquod rectum dumtaxat visualem intercipit radius. quam quidem experientiam ad supposita firmando assumimus.

THEOREMA IV.

Contingit propter radiorum fractionem vnum plura videri.

Disponatur enim diaphanum quodpiam ABCDE, habens tria plana B, C, D, depressa ad planum AE, à cuius partibus ponatur oculus F; ab oppositis vero ponatur res visa in signo G: tunc enim per tres radios scilicet FG rectum, ac FA BG, & FE DG singulos utrinque fractos, trinæ ipsius rei G, imagines ipsi oculo F reddentur. Verum talium imaginum, media quæ per rectum spectatur radium, in proprio quidem loco; exæter extra locum spectataæ rei apparet.



THEO.

THEOREMA V.

Si quid per diaphanum parallelepipedum transpareat, linea visuali orthogonaliter plana perforante, per ipsam rectam lineam spectabitur: secus vero, non per ipsam, sed per radium utrinque fractum ad æquos inclinationis angulos, & ideo extra locum rei.

Prima huius theorematis pars ex primo supposito satis patet. Ut autem reliqua palam fiat, sit c diaphanum A B, habens plana A B, parallela: oculus autem C; & spectatum D. & ducatur C D radius ad ipsa A B, plana inclinatus; dico ipsum D non per ipsam C D lineam videri, sed per radium C A, B D, fractum in A, & B; ita ut A B ab ipsa C D bifariam fecetur in E, atque ipsa inclinationum anguli sint iniucem æquales: si enim aliter esset, oporteret aut perpendiculararem radium frangi; aut ex uno plano diaphani, plures unius rei videri imagines. Cum ergo D appareat per lineam C A, B D, iam extra proprium locum videtur.

THEOREMA VI.

Si diaphani plana parallela non erunt, nunquam res per lineam spectabitur directam, sed per radium utrinque ad rectos fractum angulos.

Per rectam enim lineam spectari non potest; quandoquidem rectam aliquam utriusque plano perpendicularrem esse, impossibile est. Per diaphanum igitur A, B, cuius plana non æquidistant, signum D spectabitur per radium C A B D; in A & B, ad æquos inclinationum angulos fractum. Nam si D, per lineam piano B perpendicularem, & in piano A fractam, aut è contrario appareat: eadem ratione per lineam ab oculo C piano A perpendicularem, & in piano B fractam, aut conuersim videretur. Quare ex uno diaphani piano unius rei duo viderentur simulacra. Quod est absurdum.

Corollarium.

Hinc manifestum quod ea que per planarum superficierum diaphana transparent, nunc in rectitudine, nunc altiora, nunc

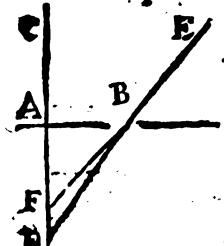
E in se-

44 FRANC. MARCO.

inferiora, nunc dexteriora, nunc sinistriora, quam sint, videntur, pro varietate nimis situs diaphani, ut nunc per perpendiculararem, nunc per obliquum radium spectetur, &c.

THEOREMA VII.

Si quid rectum partim intra diaphanum, partim extra, atque ipsi plano erectum ponatur; pars interior breuior quam sit, sed in rectum reliquæ apparebit.



Vt si diaphano A B, bacillus rectus C D, ipsi plano A B erectus sit: parte A D intra diaphanum, reliqua vero extra existente: Ab oculo E videbitur signum D; per radium fractum F B D, & apparebit (per ultimum suppositum) in signo F, ubi radius E B ipsi D F, in planum diaphani occurrit. Quare A D, apparebit sub mensura A F breuiore, & in rectum ipsi C A. Ex qua quidem experientia liquet, rem in loco concursus radij cum perpendiculari apparere, sicut extreum suppositum volebat.

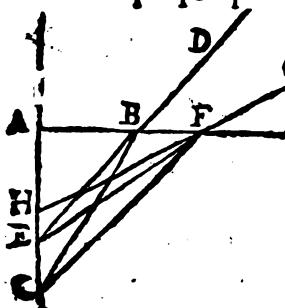
THEOREMA VIII.

Si rectilinea res fuerit plano inclinata, & breuior, & fracta spectabitur.

Vt si C D, fuerit inclinatum, tunc ducta perpendiculari D F donec ipsi E, B, occurrat in F; apparebit signum D in F; & ideo portio A D, apparebit sub terminis A F, & ideo breuior, & fracta in signo A. Patet ergo propositum.

THEOREMA IX.

Si quid intra diaphanum planæ superficiei per fractos radios cernatur, id ab inclinatori oculo plano diaphani propinquius spectabitur.



Intra diaphanum A B, signum C spectetur, per radium fractum D B C, siveq. locus appari-
tionis (per ultimum suppositum) signum A E, in quo B D radius in rectum protractus perpendiculari C A, occurrit. Spectetur etiam idem C per radium fractum G F C, inclinatiorem; dico quod concursus ipsius G F cum perpendiculari C A, fieri inter signa E, A, ut in signo H; & ideo signum C ab oculo G spectabitur ipsi piano

plano A B vicinus, quam ab oculo D. Si enim G P ipsi C A, in signo E, aut inter signa C, E, occurreret, tunc angulus inclinationis A E B, angulo inclinationis A C F, minor, sortitur angulum fractionis E B C, maiorem angulo E F C, quem angulus inclinationis A E F sortitur. Quod quidem esset contra secundam partem secundi suppositi. quod autem angulus E B C, maior sit angulo E F C, facile pateret si ipsi triangulo E B C circulus circumscriberetur; tunc enim angulus E F C, extra periferiam relictus, angulo E B C minor esset, ut per 26, iij. Elementorum. luce clarius palam fieret. *Multo magis non cadet radius G F protractus, infra signum E; quia multo maior sicut angulus E B C, fractionis angulo.*

Videntur autem sumi anguli inclinationum, qui sunt a radibus rectis cum linea perpendiculari: ita enim fit ut magis inclinatus maiorem faciat angulum; quamvis angulus incidentia, qui ab eodem radio cum plano diaphani sit, minor sit. Ita quoque sumitur angulus inclinationis in sequentibus.

Corollarium.

Hec ergo ratio est, quod aliquid in fundo vasis aqua plena positum, spectanti, ac paulatim sele inclinanti, spectatur magis ac magis sublime fieri.

THEOREMA X.

Anguli inclinationum sunt fractionum angulis proportionales.

Ut si in plano diaphano A B, fuerint duo inclinati radij C, D, quidem ad lignum G; at E F ad signum H fracti versus ipsas A K, & B L perpendiculares, sicut primum vult suppositum; erit si-
cuit angulus D A K ad angulum F B L: sic an-
gulus G A K, ad angulum H B L: sicut enim
radij M A N, & O B P ad signa Q, & R, fra-
cti, ita ut ipsi N A K, & P B L anguli sint ip-
forum D A K, & F B L angulorum vt cumque Q
multiplices; & tunc erunt (per tertium sup-
positum) anguli N A Q, & P B R, ipsorum
D A G, & F B H angulorum similiter multiplices. Sed per se-
cundum suppositum si angulus N A K, maior est angulo P B L;
angulus quoque N A Q, maior erit angulo P B R; & si minor,
minor; & si æqualis, æqualis: ergo per definit. proportionalium

E 3 quan-

quanticarum, erit sicut angulus D A K, ad angulum F B L; sic angulus D A G, ad angulum F B H, quod erat demonstrandum. Vnde quando maximus inclinationis angulus est rectus; iam & angulus maximus fractionis in diaphanis habebit vnius recti tres octauas.

Corollarium.

Ergo & angulus inclinationis ad angulum suz fractionis semper vnam feruat ratione. Estq. dupla & duas tertias super partes. sicut experimendo in chrystallina sphæra probauimus.

THEOREMA XI.

Dum inclinatus in perspicuum planum radius deprimitur: fractus intra ipsum diaphanum eleuatur.

Vt si in diaphano A, piano, inclinatus radius B A C ad signum D fractus incidat; qui deinde depresso fiat, sitq. E A F; dico quod frangetur ad signum C. erit que ipse fractus radius A G, eleuator ipso A D. Sit enim in planum A perpendicularis A H, & erit per præcedens theor. sicut angulus C A H ad angulum F A H: sic angulus C A D, ad angulum C A G. Quare per 19. quinti elementorum, erit sicut angulus C A H ad angulum F A B: sic angulus D A H ad angulum G A H: minor autem est angulus C A H ipso F A H. ergo & ipse D A H, minor erit ipso G A H. Quare A G radius eleuator erit quam A D, quod est propositum.

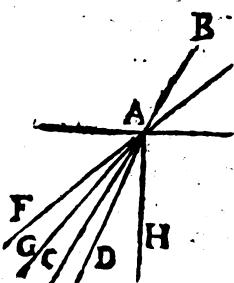
Hec propos. similis videtur propositioni 9. vbi ostensum est rem ab inclinatori oculo propinquiore diaphano spectari, nempe per fractum radium magis eleutatum, quo incidentis radius est magis depresso.

THEOREMA XII.

Trans euntibus per diaphanam sphæram tribus parallelis radijs, uno per centrum, reliquis autem præter centrum; qui per centrum, in rectum transibit; at ei propinquior frangetur, ad ipsum tamen non perueniet: reliquus quoque frangetur, sed alterum fractum nequaquam continget.

Esto perspicuus orbis A B, centrum C, per quod transcant tres paralleli radij A B, per centrum; D E F, autem, & G H K

præ-

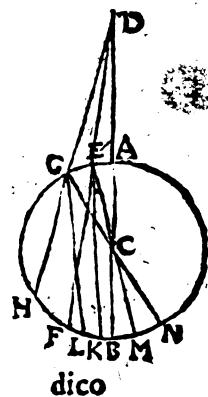
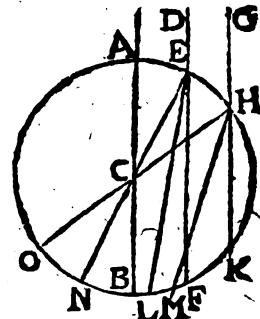


præter centrum; Alio quod A B non frangitur ; sed D E frangetur, & fractus ad diametrum A B non perueniet, sed ad signum L inter signa F B . Ipse quoque G H frangetur, fractus autem ad E L non veniet, sed ad signum M inter ipsa K L signa. Quod enim A B non frangitur per primum suppositum statim patet. Quod si E L ipsam A B secaret, vel ad B signum perueniret, tunc ducta diametro E N, angulus F E N, qui à radio recto, & perpendiculari comprehenditur, ad angulum fractionis F E L, aut duplus esset, aut minor, quā duplus per 26.iiij. quod est falsum. Duplus quidē esset si radius fractus ad B perueniret, quia tunc arcus F N ad arcum F B duplus esset . minor vero , quam duplus si C B secaret , &c. Nam per Corollarium decimæ, angulus inclinationis ad angulum fractionis est sicut 8.ad 3. Et si H M ad ipsam E L perueniret, tunc anguli inclinationum L E N, & M H O, ducta ipsa H O, different in angulo , qui consistit supra arcum N O, aut minori; anguli autem fractionum F E L, & K H M different in angulo, qui consistit supra arcum K F; & ideo in angulo in quo differunt anguli inclinationum propter æqualitatem arcuum K F, H E, id est N O, aut minori. Sed anguli inclinationum, sunt per decimam fractionum angulis proportionales. Ergo differētia maiorum est æqualis differētiæ minorum, aut minor, quod est impossibile. Oportet. n. vt maior sit differentia maiorū, quam sit differentia minorum, quod per 19. quinti facile ostenditur. Destructis ergo oppositis, verum est propositum .

THEOREMA XIII.

Progradientibus à signo quopiam extra sphæram, per quam ipsam perspicuam sphæram transeuntibus tribus radijs, uno per cētrum, reliquis autem præter cētrum; qui per cētrum, non frangitur; franguntur vero reliqui; at nullus eorum alterum contingit, aut secat.

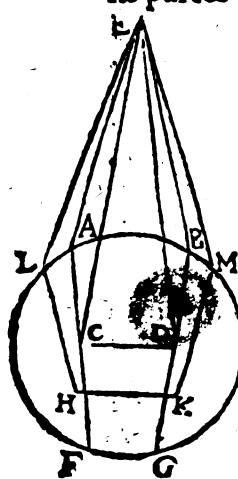
Sit pellucidus orbis A B, & à signo D extra sphæram procedant tres radij; D A B, per centrum C; at D E F, & D G H præter centrum;



dico quod ΔAB non frangitur, sed ΔE , & ΔG frangetur; eruntq. EK , & GL . Neque aliquis ipsorum AB , EK , GL , alterum continget. Quod quidem non aliter demonstratur, quam in præmissa; & eo fortius quod hic differētia angulorum inclinationum semper minor erit, quam differentia angulorum fractionum propter areum GE minorem ipso HF , datis prius EM , & GN diametrīs.

THEOREMA X IV.

Si quid diaphanæ sphæræ immersum spectetur, maius quam sit, & eo maius quo sp̄ctatum ad oppositas sphæræ partes magis accesserit, apparebit.



Sit enim inter pellucidam sphærā AB longitudo quædam CD ; in quam ab oculo extra sphærā, E , procident radij EA , EC , EB , ED ; frācti in A , B . Item recti EC , & ED ; videbitur ergo vera rei quantitas sub angulo CED ; per fractos vero radios sub ipso AEB . Ergo maior quam sit. Producantur adhuc ipsi AC , BD , ad signa F , G , in sphæræ superficiem, qui quoniam in angustum tendunt, efficiunt ut longitudo breuior ipsa CD , inter signa CF , & DG terminata adhuc per eosdem radios, ideoque sub eodem angulo AEB spectetur. Ergo sequitur, ut ipsi CD æqualis sub maiori appareat angulo, sicut HK , quæ per radios ELH , EMK , atque sub angulo LEM , ipso AEB maiore cernatur.

Scholion. Contingit tamen, cum radij AF , & BG paralleli sunt, ut sp̄ctatum quamvis accedat, & recedat, semper sub eodem spectetur angulo, quia per easdem lineas. Cumq. idem fracti radij in amplum procedunt, fit ut remotius minus apparet. Sed hæc in oculo tam sphera propinquæ accidunt, ut maior sit ratio anguli, qui sub radio fracto, & ea, qua a centro comprehenditur, ad angulum fractionis; quam ratio ipsius oculi a sphera superficie distantis, ad sphera semidiametrum. Quod per 19. theorema patebit.

THEOREMA X V.

Quod per diaphanam sphærā transparet intra radiū congreßum, maius vero, quam si inter sphærā cœceret,

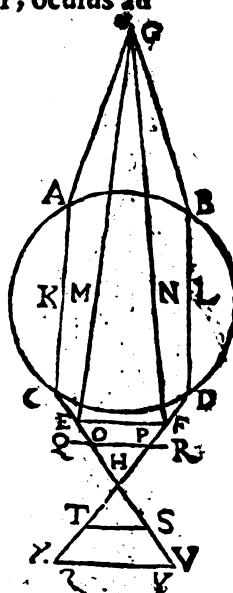
set, & eo maius, quo ad signum congressus proprius accesserit, spectatur, & in vero situ. Extra vero congressum protinus omnifariam conuersum apparebit; & prope congressum quidem, maius quam sit, ac recedens minus, & eo minus, quo longius recesserit.

Esto perspicuus globus A B C D, spectatum E F, oculus ad partes oppositas G, qui videat rem per radios G A C E, & G B D F, qui stranguntur tam ingredientes, quam egrientes, sicut primum suppositum, & eius conuersio postulat: & concurrent C E, & D F, ad signum H; Tunc enim res E F; quæ sub angulo E G F, videri solet, ad angulum A G B, vero maiorem cernetur. Et quoniam spatium K L, inter ipsas A E, D F lineas, ipso E F maius, ad angulum sub quem, ipsum E F spectatur, ideo M N ipsi E F æquale sub minori spectabitur angulo. Et quia ipsum O P, signo H proprius, & ideo ipso E F minus, ad angulum sub quem ipsum E F, cernitur, ideo ipsi E F æquale sub maiori apparebit angulo. Producantur iam ipsi C H, & D H, radij, sicut extra concursum longitudo S T, tunc ergo S, signum per lineam G A; T, vero per G B radium transparebit. ipsum ergo T S conuersum videbitur, ac maius vero, donec T G & G S veri radij inter ipsos A G, G B, fractos consistent: existentibus autem veris, & fractis ijsdem, sub vera magnitudine apparebit. Et quoniam V X, ipso S T à congressu remotius, ac ideo maius, eodem quo ipsum S T spectatur angulo, ideo Z Y, ipsi T S æquale, sub minore apparebit.

Corollarium.

Patuit ergo ratio, quare per diaphanos globos transparentia inter congressum, sicut sunt; extra verò supra, infima; ac dextra, sinistra spectantur: & cur quantitas etiam varietur.

Scholion. Re aliqua per diaphanum orbem transparente, locus, in quo res videtur, est signum, in quo radius ab oculo progressiens, ei, qua per centrum sphærae ad rem visam producitur, occurrit, sicut quartum suppositum continet. Quem quidem consersum, nunc inter oculum, & sphæram, nunc intra ipsam sphæram,

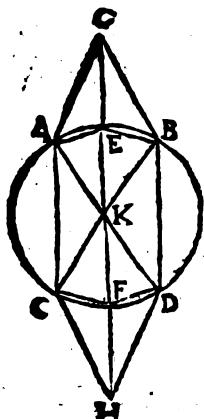


F R A N C. M A V R O E.

ram, nunc ad oppositas partes fieri contingit. Ex quo satis potest spectata rei locus. Sed ne linearum multitudo confusionem pariat, tales radiorum incidentias prætermittimus.

T H E O R E M A X VI.

Positis intra pellucidam sphærām duobus parallelis radijs à centro æque remotis; in egressū frangentur vtrinque atque in ijsdem signis, cum axe sibi parallelo concurrent: signis inquam vtrisque à sphēra æque remotis.



In sphēra enim A B D, parallelī radij AC, B D vtrinque ad signa scilicet A B. & C D, per primū suppositum frangentur, & ideo cum axe E F, sibi parallelo ad signa G, H, ambo concurrent. Cum enim A C, & B D, à cōtro æquidistant, ideo èque à sphēra superficie inclinantur: quare per secundū suppositum, æque franguntur. Ex angulis igitur portionum, & rectilineis æqualibus facile ostendetur A G E, & B G E triāgula ad inuicem æquilatera, & ideo G E latus etiā vtrique commune. Similiter & ipsa quoque C H F, & D H F triangula esse, & ad inuicem, & ipsis A G E, B G E triangulis æquilatera. Quare sicut ut A G, & B G, ad ipsum quidem G, signum; ita ipsa C H, & D H, ad ipsum H commune signum concurrent, atque ipsæ G E, & F H distantia sunt ad inuicem æquales. Idem etiam protractis diametris A D, B C, sece in centro K secantibus, ex triangulis A G K, B G K, C H K, & D H K, propter angulos fractionum æquales, æquilateris facillime demonstrabimus.

T H E O R E M A X VII.

Radij vero intra sphēram transparentem à centro æque remoti, qui paralleli non sunt, ad idem vtrinque signum cum sphēra diametro à fractionum terminus æquidistanti concurrent; & signum congressus à partibus ad quas radij, qui intra sphēram in arctum conueniunt, proprius ipsi sphērae, quam reliquum.

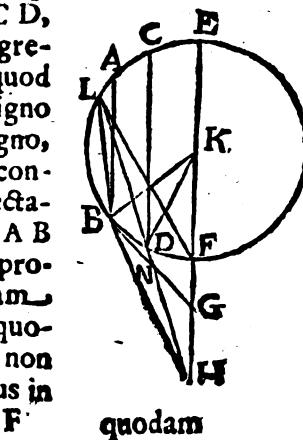
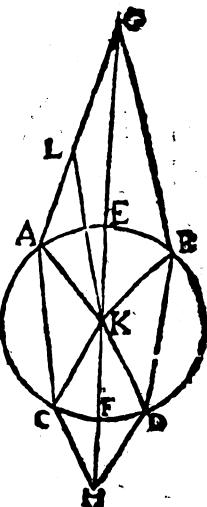
DIAPHRAGM. LIB. I.

Vt intra sph̄aram A B D, radij A C, & B D, à centro & que temoti, & ad partes C, D, in arcum procidentes, cum ipsa diametro E F, arcus A B, & C D, bifariam secante, fracti ad G, H signa vtrinque concurrunt: eritq. H propinquius sph̄aræ quam G. Connectantur enim ipsa A, B, C, D, signa cum sph̄aræ centro K, eruntque propter æquas fractiones anguli G A K, & G B K inuicem æquales; & propter æquos arcus A E, & B E, anguli quoque A K E, & B K E inuicem æquales super A K, & K B, rectas æquales. Ergo triangula A G K, & B G K, inuicem æquilatera sunt, & ideo A G, & B G, ad idem signum concurrunt. Similiter C H, & D H, eodem conuenient. Et quoniam propter æquas fractiones anguli G A K, & K C H, sunt æquales, & latera A K, & K C æqualia; ipse vero G K A, ipso C K H angulo maior est: ideo facilissime palam sic latus G K quoque ipso K H maius esse. Si enim fieret angulus A K L, angulo C K H æqualis, esset K L, ipsi K H æqualis per 26. 1. cum ergo G K maior sit ipsa K L &c. Quare & G E distantiam ipsa F H maiorem.

THEOREMA XVIII.

Parallelorum radiorum intra perspicuum orbem à centro inæqualiter distantium, remotior cum axe sibi parallelo proprius sph̄aræ concurret, quam reliquo.

Intra sph̄aram A B D, sint radij A B, C D, quorum A B sit à centro remotior, qui egredientes frangantur in B D, signis; dico quod A B, cum diametro E F sibi parallelo in signo G, cōcurreret sph̄aræ propinquiori ipso H signo, in quo C D fractus cum eadem diametro concurreret. Sit enim sph̄aræ centrum K, & connectantur B K, & D K; concurrat si possibile est A B radius fractus ad signum H, connexa B H, protrahatur in rectum H D, ad circumferentiam ad signum L, & connectantur B L, & L F; & quoniam in triangulo L F H, portio basis H D non est minor latere H F, ideo (sicut Ptolemeus in



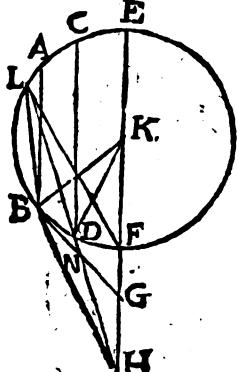
quodam lemmate 12. voluminis sue magnæ Constitutionis demonstrat) maior est proportio HD, ad DL, quā anguli DLF, ad angulum FHD; & conuersim minor proportio linearum LD ad lineā DH, quam anguli FHD, ad angulum DLF. Rursus basis LD, nō est minor latere LB; ideo maior est proportio linearum LD, ad lineam DH, quam anguli BHD, ad angulum BLD. Quare multo magis maior fiet proportio anguli FHD, ad angulum DKF, quā anguli BHD, ad angulum BKD; & permutatim, maior sit angulus FHD, ad angulum BHD, quam angulus DKF, ad angulum BKD.

Et conuersim minor sit angulus BHD, ad angulum DHF, quam angulus BKD, ad angulum DKF: & componendo, minor BHF, ad DHF, quam BKF ad DKF, hoc est, maior sit BKF ad DKF, quam BHF ad DHF. Sed anguli BKF, & DKF propter linearum æquidistantia sunt angulis ABK, & CDK, qui à perpendicularibus, & radijs fractis comprehenduntur, æquales; ipsi vero anguli BHF, & DHF sunt fractionum angulis eadem ratione æquales. Igitur anguli qui sub perpendicularibus, & radijs fractis comprehenduntur, non erunt fractionum angulis proportionales. Quod est contra propos. 10. huius libelli. Non igitur AB, fractus ad signum H ipsi EF diametro concurret. Sed neque inferius; tunc enim angulus fractionis, qui esset ipse BHF, si AB ad signum H, frangeretur, minor quam BHF fieret: & multo fortius angulus BKF, ad angulum DKF, maior esset quam angulus fractionis radij AB ad angulum DHF. Superest ergo ut AB, fractus ad aliquod signum proprius sphæræ, quam H ipsi diametro EF congradiatur, quod sit G signum, secetq. ipsum DH, in signo N.

Corollarium.

Sequitur ergo ut quotlibet parallelis radijs per sphæræ perspicuam vagantibus, semper remotior à centro vicinius ad sphæræ diametrum, quæ ex parallelis est, occurrat, ac ante oculum fecet centro propior, & vicissim fecetur à remotiori.

THEO-



THEOREMA XIX.

Radio intra sphæram pellucidam diametro sibi parallelae extra congreidente; sphæræ semidiameter ad distantiam congressus maiorem semper sortietur proportionem quam angulus fractionis ad angulum, qui sub perpendiculari, & radio fracto comprehenditur.

Vt si in diaphana sphæra A B D, radius A B, diametro C D, parallelus in signo B fractus, extra ad signum E congrederiatur, sitq. F centrum: maior erit proportio F D, ad D E, quam anguli fractionis ad angulum, qui sub perpendiculari, & radio fracto comprehenditur. Ducatur enim B F; eritq. propter radiorum æquidistantiam angulus B F D, æqualis angulo A B F, qui scilicet sub perpendiculari B F, & ipso A B radio fracto comprehenditur. Angulus autem B E D, æquatur angulo fractionis A B G. Et quoniam in triangulo B E F, portio F D, basis ipso B F, latere minor non est; ideo ex Ptolemei lemmate adducto, proportio F D, ad D E, maior est, quam anguli B E D, ad angulum B F D, hoc est, ad A B F. Verum ergo est, quod proponitur.

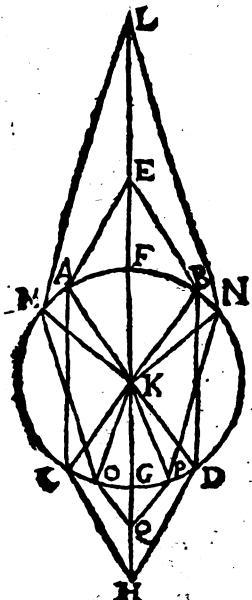
Corollarium.

Quoniam ergo per decimæ Corollarium angulus sub perpendiculari, & radio fracto contentus ad angulum fractionis, sicut 8. ad tria inuenitur; ideo posita sphæræ transparentis semidiameter trium partium, sit semper distantia congressus paralleli diametro radij minor quam octo ex eiusdem partibus. Cum enim maior sit ratio F D, ad D E, quam D E B, ad B F D: erit conuersim minor D E, ad F D, quam B F D, ad D E B, hoc est, maior B F D, ad D E B, quam D E, ad F D. cum ergo B F D ad D E B, sit vt 8. ad 3. minor erit D E, ad F D, quam 8. ad 3. Si igitur F D, ponatur 3. minor erit D E, quam 8.

THEOREMA XX.

Si à signo quopiam tres in diaphanam sphæram perfluant radij, unus quidem per centrum, reliqui vero ab eo qui per centrum atque remoti, atque intra sphærām fra-

Et parallelē fuerint; ad idem punctum extra, cum eo qui per centrum, concurrent. Et à sphæra ea distantia remotum, qua & signum digressus. Si autem intra sphæram in arctum confluant, concurrent ad punctum minori remotione distantem, quam signum digressus. Eritq. tunc digressus à sphæra remotior digressu parallelorum; congressus vero congressu propinquior. Si vero intra sphæram in amplum effluant, concurrent ad punctum magis à sphæra remotum, quam angulus digressus, eritq. tunc digressus sphærae propior digressu parallelorum; congressus vero congressu remotior.



In diaphanam sphæram A B C D, à signo E, profluant tres radij E F G, per centrum, E A, & E B ab ipso E F G æque remoti; sintq. A C, & B D, fracti parallelī; dico quod concurrent ad idem signum cum E G, quod sit H; *Quod ad idem signum congregiantur, patet per propos.*
16. & 17. Eritq. E F, ipsi G H æqualis. Cum enim E A, & E B sint ab ipso E G æque remoti, erunt & æque inclinati: quare connexis A, B, C, D, signis cum centro K, erunt per secundum suppositum, anguli E A K, & K C H, inuicem æquales. sunt quoque ipsi A E F, & C H G inuicem æquales. quandoquidem æquos sibi vendicant arcus: item & A K, & K C latera æqualia. Igitur & E K, & K H inuicem æqualia. quare ipsa distantia E F, & G H æquales sunt. Similiter ex æqualitate triangulorū K C H, & K D H, ostendemus ipsos C H, & D H radios ad idem signum cum E G concurrere.

Sint quoque à signo L tres radij, L F G quidem per centrum; at L M, & L N, æque ab ipso L G remoti, atq. non aliter quam E A, E B, ad sphærae superficiem inclinati: sintq. M O, & N P, fracti, in arctum confluentes, qui extra concurrent cum L G ad signum Q, quod ex æqualitate triangulorum K O Q, & K P Q, sicut prius ostendemus; dico, quod maior est ipsa L F distantia, quam G Q. Connexis enim M, N, O, P, signis cum centro K, erunt propter æquas inclinations.

zationes, & æquas fractiones, anguli L M K, & K O Q, æquales & M K, & K O latera æqualia: sed angulus M K L propter maiorem arcum maior est angulo O K Q; sequitur ergo ut latus L K, maius sit ipso K Q, & ideo L F distantia maior ipsa G Q.

Dico etiam quod major est L F, quā E F; minor vero G Q, quam G H. Nam quia L M, & E A radij supponuntur æque inclinati, ideo æquales erunt anguli L M K, & E A K: lateraque M K, & A K æqualia: angulus vero M K L, angulo A K E maior: quare sequitur ut latus L K, maius sit ipso E K, & ideo L F maior quam E F. Similiter ex triangulis K O Q, & K C H, ostendemus maiorem esse G H, quam G Q. Quod autem angulus M K L sit ipso A K E, maior, patet: quia propter æquas radiorum L M, & E A inclinationes, necesse est, ut triangula M K O, & A K C sint inuicem æquilatera; & ideo ipsæ M O, & A C sunt æquales. Ergo & arcus M C O, & A M C, erunt inuicem æquales. Quare M F, & O G arcus qui restant de semicirculo simul sumpti, erunt æquales ipsis A F, & C G arcibus, qui ex semicirculo supersunt, simul sumptis; sed M F, arcus maior est ipso O G, quandoquidem ipse M O fractus radius in angustum ipsi FG confluere supponitur. Necesse est ergo, ut arcus M F ipso A F maior sit: O G vero sit ipso C G maior. Quare angulus M K L, ipso A K E maior: ipse vero O K Q, ipso C K H minor.

Residuum autem theorematis facile patet, si signa H, Q, ea intelligantur, à quibus radij digrediuntur; signa vero E, L, ea, ad quae ijdem congradiuntur. Sed hæc omnia facilius patent, si radius E A C H, immutatis angulis in situum ipsius L M O Q. transferretur.

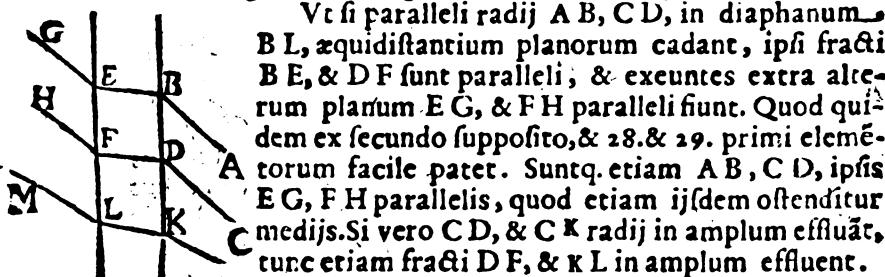
Corollaria.

1. Satis ergo patet, quod radij ad sphæram confluentes intra sphæram fracti, nunc in angustum confluentes, nunc in amplum, & nunc paralleli procedunt: paralleli vero ad sphæram progredientes semper in angustum fracti contendunt. Sed omnes, etiam in amplum sphæram execentes, semper in arctum conueniunt.
2. Patet etiam quod à punto quoipam in sphæram vitream radijs quotlibet confluentibus, uno quidem per centrum, reliquis vero à centro æque remotis: signa ingressorum sicut in eodem circulo, & puncta egressuum in alio quoque circulo sita. suntq. hi duo circuli paralleli. Radius enim quis

qui per cētrum, est axis veriusque, qui quidem circuli equales sunt, quando radij intra sphēram parallelj sunt: iniquales vero, quando non.

THEOREMA XXI.

In parallelepipedum diaphanum parallelī cadentes, parallelī franguntur, & parallelī exeunt: suntq. ingredientes exeuntibus parallelī: in amplum autem progressientes, fracti quoque in amplum profluunt, atque in amplum exeunt: conuersim vero in angustum ingredientes, in angustum franguntur, atque in angustum exeunt.



Vt si parallelī radij A B, C D, in diaphanum B L, æquidistantium planorum cadant, ipsi fracti B E, & D F sunt parallelī, & exeuntes extra alterum planum E G, & F H parallelī fiunt. Quod quidem ex secundo supposito, & 28. & 29. primi elemētorum facile patet. Suntq. etiam A B, C D, ipsis E G, F H parallelis, quod etiam ijsdem ostenditur medijs. Si vero C D, & C K radij in amplum effluāt, tunc etiam fracti D F, & K L in amplum effluent.

Similiter & ipsi F H, & L M exeuntes. Ex inæqualitate enim inclinationum, sequitur vt ipsi F D K, & D K L anguli sint duobus rectis maiores. Similiter, & ipsi H F L, & B L M. Vnde patet quod in amplum sit progressio. Reliqua vero partes theorematis luce clarius patent, si ipsi H F, & M L radij quidem ingredientes, at ipsi D C, & K C egredientes intelligantur.

THEOREMA XXII.

Quicquid de radiorū concursu, processu, & trasparētiā rerum in diaphana sphēta docuimus, idem in diaphano cylindro secundum ipsius cylindri latitudinem facile concludimus; secundum vero ipsius altitudinem, omnia sicut in plano diaphano accidere demonstrabimus.

Et hoc, quoniam cylindrus secundum latitudinē curuus est, quemadmodum sphēra vndique: secundum vero altitudinē rectus, quemadmodum planū vndiq. Quamobrem si quid per cylindrum diaphanum transpareat, secundum altitudinē, sicut est: secundum vero latitudinem inter congressum, sicut est; extra, non sed conuersum apparebit. Item secundum latitudinem,

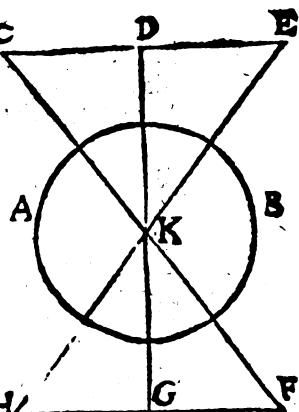
rei quantitas in magnitudine magis diversificabitur, quam secundum altitudinem. Quoniam igitur cylindrica forma mixta est ex rectitudine, & curuitate: atque de directis, & curuis diaphanis superiorius satis speculati sumus: ideo per superiora theorematum facile quæcumque sub praesenti theoremate comprehenduntur, patefient.

Sbulium. De conico quoque diaphano idem dici potest, nisi quod radiorum congressus proprius vertici, sit ipsi conicae superficie propinquior.

THEOREMA XXIII.

Si quod lumen, vel illuminatum quodpiam per sphæricum transpareat diaphanum, ad superficiem iuxta concursum terminos appositam, conuersam sui formâ projicit; sibi æqualem dum tantum à sphæra distat, quantum termini congressum; dum autem magis, minorem: dum vero minus, maiorem.

Per diaphanum globum A B, transpareat lux quædam, seu illuminatum quodpiam C D E ad oppositam superficiem F G H, in terminis congressum positam, hoc est, iuxta eum locum, in quo ab uno quoque signo rei C D E progrediëtes per sphæram radij concurrunt. dico quod ipsius C D E conuersa imprimetur effigies in ipsa F G H superficie. Procedant enim ab ipsis C D E signis, radij C F, D G, E H, se in sphæram centro K secantes. Et quoniam F G H superficies est iuxta terminos, in quibus ab unoquoque ipsius C D E rei signo per sphæram transeuntes radij concurrunt; ideo ab ipso signo C, per sphæram A B transeuntes radij cù C F, qui per centrum, ad signum F, omnes fere concurrent. Similiter à signo D, ad signum G, quoque: & à signo E ad signum H omnes radij fere cum ipsis D G, E H, qui per centrum, congregentur. Nec non à singulis rei C D E signis per sphæram A B eentes radij, ad singula signa superficie obiecta F G H, conuenient. Singulæ igitur partes rei C D E singulis superficie F G H partibus suum imprimunt colorem distincte, hoc est, radio radium non impedit. Ergo ipsius rei C D E, ipsi superficie F G H impressa spectabitur effigies: & quoniam C in F; E in H, radiat, ideo



ideo conuersa. Et si D K sit æqualis ipsi K G, erit H F æqualis ipsi C E propter triangulorum æqualitatem. Ergo tunc effigies æqualis est rei. Si autem D K maior sit, quam K G sequitur, vt H F sit minor C E, effigies scilicet rei. Si vero minor, maior. Patet ergo theorema.

Corollarium.

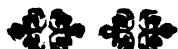
Patet ergo ratio, quare lux vel aliquod illuminatum per conspicitorum vitrum transparens ad terminum quendam cōversam porrigit effigiem. quandoquidem conspicilia superficiem habent utrinque conuexam. Immo id huiusmodi vitro talis conuersa effigies expressior transparet, quam si vitrum ipsum sphæricum esset. Et hoc quia vitru illud habet superficies, quæ sunt paræ sphæræ portiones. quare fit, vt parum absit quin omnes ab uno signo radij in vnum congregiantur signum, & ideo per singula puncta, distincta imprimatur effigies.

THEOREMA XXIV.

Contingit ex radiorum congressu ignem generari.

Nam et si non omnes radij in idem signum concurrunt, sicut in 18. ostensum est; sic tamen, ut omnes intra angustum conuenti locum, pleriq. etiam ab eodem signo digressi, & a diversis eodem concurrant. Addę quod per centrū ab infinitis utrinque sibi occurrentibus adiuetur. Quoniam igitur Sol per radios calefacit, ideo plurimi radij plurimū calefacent. Quamobrem per sphæricum diaphanum transeuntes in arctum confluentes radij, plurimum calefacent, & interdum fomiter, vel aridum aliquod, quod iuxta concursum terminos positum est, comburent.

Scholium. Notandum quod quoniam solares radij per diaphanam sphæram transmisi, non omnes eodem concurrunt, sicut in 18. ostensum est; quilibet eorum propriorem centro secat, & a remotiori secatur; ideo radij ipsi sphæram egressi, conum quendam efficiunt, cuius basis est superficies sphærica portionis, intra quam terminantur omnium radiorum congressus. Latera vero non recta, sed propter huiusmodi successivas radiorum sectiones, curva sunt: vertex autem est extremus terminus congressuum.



DIA-

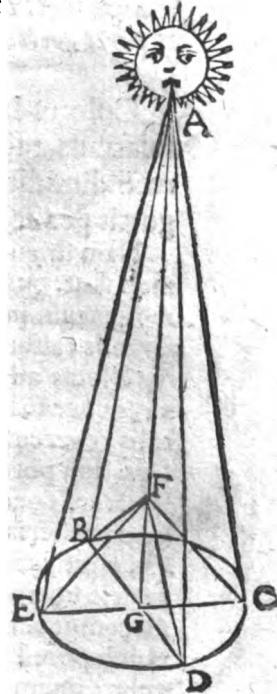
DIAPHANORVM LIBER SECUNDVS.

De Iride.

THEOREMA XXV.

Solares radios in roridam nubem cadentes, ad angulum, qui recti dimidium est, vndiq. ad oculum refractos, Iridem generare, atque ideo Iridem circularem videri.

Progrediantur à sole radij A B, A C, A D, & A E; quorum termini B, C, D, E, sint in eodem plano; ad quod linea, quæ solis centrum A, cum oculo F conne&tit, sit perpendicularis ad signum G adiens. Connexis B, C, D, E, signis cum oculo F, ait quod quilibet anguloru A B F, A C F, & A D F recti dimidium est. & hoc quia anguli A B G, A C G, & A D G insensibiliter differunt à rectis propter insensibilem differentiam rectarum A B, A C, A D, respectu A G, & nos experti sumus angulum F C G, qui est angulus altitudinis Iridis, Sole horizontem possidente, esse dimidiū recti. Similiter & angulum F B G, & F D G. Quare vnuquisque ipsorum A B F, A C F, & A D F, residuorum, erit dimidium recti. Sed talis experientia potest ratione comprobari. Oportet enim ut talis refractione ad oculum neque per lineam A C, quoniam radius radius impediret; neque per lineam G C, quoniam rotationum stillæ visum interciperent; sed per F C inter utramque medium perueniat. Quoniam igitur, & ratione, & experientia constat angulos F B G, F C G, & F D G, æquales esse ad inuicem, & vnumquemque recti dimidiū. Anguli autem, qui ad G, omnes recti, propter A D piano perpendiculararem: ideo ipsa F B G, F C G, & F D G, triangula sunt inuicem æquiangula. Quare cum latus F G sit commune, erunt, B G, C G, & D G inuicem æquales. Similiter ostendemus omnes alias lineas refractionum ad signum G ducas, inuicem æqua-



æquales esse. Huiusmodi ergo refractio fit in circumferentiam circuli, ideoq. circularis appet. Hinc patet illorum stultitia, qui non attendentes similes Iridis colores ad æquales infractionum angulos vndique opörtere insle&i, eius rotunditatis causam à nubis conceauitate quæunt.

Corollaria.

- 1 Pater igitur quod centrum solis, centrum visus, & centrum Iridis in eadē sunt rectilinea.
- 2 Item Iridem videri sub cono rectangulo, cuius basis est ipsa Iris; vertex vero, oculi centrū. Cum enim angulus FCG, sit recti dimidium, & FEG quoque sit recti dimidium, erit angulus CFE rectus. Conus igitur FCE, sub quo Iris appet, rectangulus est.

A D D I T I O.

Colores Iridis primariæ in rorida nube generatos a solaribus radijs restringi ad oculum per angulum, qui recti dimidijs est portionis octogonæ figuræ in singulis guttis per eadem puncta repetita repercussione.

Nam singulæ roridæ guttulæ quamvis paruz, sphæricæ tamen sunt. quandoquidem aqua semper tamquam corpus homogeneum in figuram elementi sui congregatur. Cumq. in singulis talibus rorantis aquæ globulis illapsus solis radius, binis à locis ad visum refrangatur, scilicet à superficie conuexa & concava, tamquam scilicet à speculo conuexo & cauo; talis repercussio propter globulorum paruitatem ad visum ferri non potest, nisi à geminatis reverberationibus adiuta reboretur. Tunc autem aggeminantur refractions, cum per eadem periferiaz puncta seruatis æqualium inclinationum angulis, circulatim repetitz circumferuntur. Nam radiorum repetitio corroborat primam, secundam, tertiam, & reliquas successiue refractions. Sed ab huiusmodi guttulis reflexio fieri non potest per angulum quam obtutissimum; neque per angulum quam acutissimo proximum: illis enim propter obliquitatem primarij radij, lux reflexa debilis est; his vero propter vicinitatem eiusdem obtunditur. Fiet ergo reflexio talis per angulum medium. Efficacissimus autem ad id erit angulus recti dimidijs; nam reflexio ad hunc angulum facta, repetitis per octona puncta periferiaz radijs, ita robatur, ut colorum quendam in luce & aqua concreatum, exprimant ac visu

fui repräsentent. Sint enim in ambitu guttulæ octona puncta paribus interuallis distincta. A B C D E F G H. radij autem Solis K A D, L H E, aut æquidistantes, aut insensibiliter ab æquidistantibus differentes. Iam à superficie conuexa guttula, radius L H reflectetur ad vi- sum per radium H M, & à superficie caua radius K A D, redibit ad oculum per radium D G M; uterque scilicet ad angulum recti di- midium. Quamvis enim radij reflexi concur- rant ad vi sum spectantis M; insensibiliter ta- men discrepant ab æquidistantia propter gut- tula paruitatem & magnam remotionem.

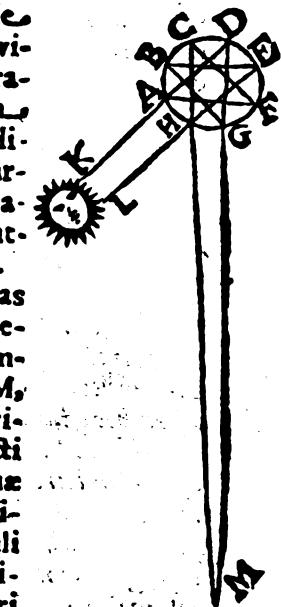
Continuentur itaque reliqua puncta per rectas B E, B G, C F, C H, & F A. Sic enim ex repe- tita per hæc oculo puncta repercussione per am- bitum aquei globuli, corroborati radij C H M, D G M, & generatis coloribus inebriati ad vi- sum spectantis M, sub angulo L H M, qui recti dimidius est, deferuntur. Et quod de uno aquæ globulo, id de vniuersis, & proinde de tota Iri- de ostendetur. Et quoniam æqualitas anguli non nisi per æquales distantias: & æquales di- stantias, non nisi in circulari cingulo seruari possunt: propterea & circularem apparere Iridem, & ad an- gulum recti dimidium necesse est; quemadmodum proponitur.

Scholium. Hinc est, quod guttula quadam super berbarum frondibus conglobata ad solis radium per lineam quandam spectatæ, colorem quendam representant, quod per lineam aliam spectata non faciunt. quoniam scilicet illa visio ad anguli pra- dicti reflectionem spectantis oculo refertur.

THEOREMA XXVI.

Sole horizontem occupante, ex Iride semicirculus vi- detur; Solc vero supra horizontem ad angulum, qui est dimidium recti eleuato, ex Iride nihil apparet. quo autem minus dimidio recti eleuatus fuerit, eo maior ex Iride arcus spectabitur.

Dum enim Sol horizontem occupat, linea A G, quæ coni A C, axis est, in plano horizontis iacet. Ergo planum hori- zontis,



zontis, circulum B C D bifariam diuidit. quare semicirculus B C D, qui supra relinquitur, apparebit. dum vero linea A F supra horizontem per recti dimidium eleuatur, linea F G tandem sub eodem deprimitur ad angulum scilicet C F G; qui est $\frac{1}{2}$ recti. Latus ergo F C, in plano horizontis iacet: quare conus F C E solum superficiem horizontis contingit. ideoque tunc ex Iride nihil appetit. Quo autem minus angulo C F G, sol eleuatus fuerit, eo latus F C supra horizontem altius erit, & eo maior portio coni F C E, super horizontem relinquitur. Quare eo minor ex Iride portio spectabitur.

Corollarium.

Vnde fit ut altitudines solis, & Iridis coniuncte, semper dimidium recti faciant.

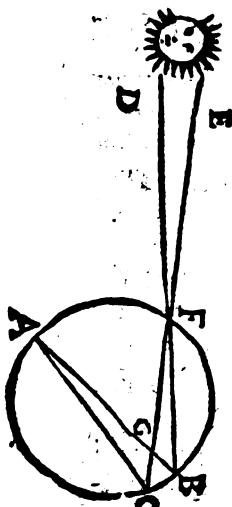
Scholium. Notandum est, quod possibile est Iridem integrum apparere. Si quis enim supra horizontem tantum exaltaretur, ut totus conus C F E supra horizontem existaret, ipsa Iris integra, hoc est, integer circulus appareret. Siquis ergo in cacumine montis, aut turris excelsa, aut arboris existaret, ex Iride plus quam semicirculum videret. Interdum integrum spectari circulum, quod etiam experientia robatur. Nam si quis ore aqua pleno, (ut ait Arist. lib. 3. Meteor. de Iride) a sole auersus aquam apergens, intret in obscurum aerem, videbit Iridem ipsam non solum superne, sed etiam inferne a lateribus undique circumductam.

Sed quoniam quando Irides in nubibus cernimus, conus, sub quo videmus, ingens est, ideo non potest totus supra horizontem eminere. quare tunc numquam semicirculo maior appetit, horizonte reliquum semicirculum occupante.

T H E O R E M A XXVII.

Latitudo colorum Iridis sub eum fere angulum ab oculo comprehenditur, sub quem, & solaris corporis diameter.

Sit centrum visus A; angulus autem, sub quo Iridis latitudo comprehenditur B A C, perfluenteribus a sole extremis radijs D B, & E C se in signo F secantibus. eritque angulorum F B A, & F C A vterque recti $\frac{1}{2}$ per 25. Sed FG B ipsi angulo A G C sibi contra positio est aequalis. ergo reliquus B F C reliquo B A C, aequalis. Sed ipse



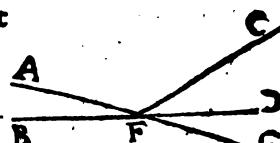
ipse E F D, est sub quo solaris diametri latitudo spectatur. Si enim ipsi triangulo A B C circulus circumscribatur, idem circulus triangulum F B C circumscribet propter equalitatem angulorum A, & F, quod facile patet ad impossibile, cum bi anguli eundem habeant arcum B C, qui quidem circulus insensibilis est magnitudinis respectu solaris distantiae. quamobrem angulus E F D, insensibiliter differt ab angulo, quem folis diameter oculo A subtendit.

Corollarium Primum.

Si ergo Sol propinquior esset, Iris sub maiore latitudinis angulo appareret. Inde enim solis angulus E F D, & ideo angulus B F C, & ideo angulus B A C maior sit, Idem sequitur, quo locus Iridis remotior sit. Crescente enim distantia A B, crescit circulus F B C, & ideo angulus E F D, & per consequens B A C angulus maior sit.

Corollarium Secundum.

Sequitur ergo ut altitudo Solis, & altitudo Iridis pariter coniunctæ, angulum qui dimidijs recti est, conficiant, ideoque si à $\frac{1}{2}$ recti angulus altitudinis solis subtrahatur, Iridis altitudo remaneat. Et conuersim & à $\frac{1}{2}$ recti angulus altitudinis Iridis minuatur, solis altitudo supersit. Ut si sit linea A F G, in qua centrum solis A; oculus F; centrum Iridis G: linea vero B F D in plano horizontis, & angulus C F D, sic Iridis altitudo, angulus autem A F B altitudo solis. Ipse A F B ipsi D F G sibi contraposito æqualis est, sed G F C est recti dimidium, sicut in 25. patuit. ergo A F B, cum D F C fieri recti dimidiū B Residuum autem Corollarij liquido patet.



THEOREMA XXVIII.

Locus Iridis diuersis spectantibus diuersus est.

Si enim Iris eodem in loco videretur, non sub eodem refractionis angulo vbiique appareret, quod esset contra 25. Quicumque igitur sunt in linea, quæ centra solis, & visus continuat, Irides vident in diuersis locis, sed in dicta linea centrum habentes, & sicut imago, quæ in speculo appetit, diuersa inspectantibus à diuersis superficie specularis partibus representantur: ita & Iridem, quæ per radiorum refractionem videtur, in diuersis rorantis pluviæ partibus à diuersis oculis videri necesse est.

Corol-

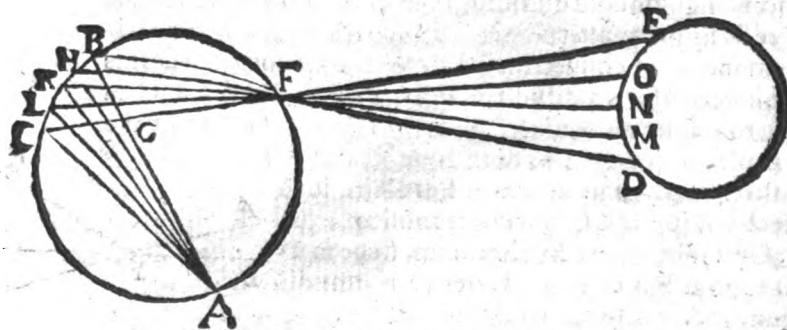
Corollarium:

Vnde sequitur, vt si duo inspectantes sint in eadem linea, per centrum solis, videant duas Irides concentricas: sique interiorum, qui à sole remotior: si autem duo inspectores in eadem recta sint cum centro solis, videbunt duas eccentricas Irides, aut se inuicem tangentes, aut secantes, ita vt singuli suam Iridem videant.

THEOREMA XXIX.

Iridis colores quatuor esse præcipuos, scilicet croceū, viridem, ceruleum, ac purpureum. quod quoniam experientia patet, idem ratione comprobatur.

Sumatur enim descriptio 27. prædictæ: in qua circumferentia B C, diuidatur quadrifariam in signis H, K, L, & producantur per F ad circumferentiam solaris lineæ H F M, & H F N, & F O, & connectatur H, K, L cum A. Eruntq. quatuor anguli, qui ad F æquales. & ideo circumferentia solis D M, maior



quam M N, & ipsa E O, maior, quam O N: sed ipsa M D, & E O, inuicem æquales: & M N, N O, inuicem etiam æquales. Quoniam igitur per 25. oportet infractionē solaris radij à rotante pluvia fieri ad anguli recti dimidium: ideo necesse est, vt omnes solares radij, qui à nube circumfracti gignunt Iridem, per punctum F transcant. quare quicumque solares radij à circumferentia solis D M procedunt, omnes à circumferentia B H ad oculum A refrangentur: quicumque autem ab M N, ab ipsa H K; quicumque vero ab N O, ab ipsa K L; quicumque tandem ab O E, ab ipsa L C reflectentur. Igitur à maiori solis superficie illuminatur B H, quam H K. & ideo necesse est, vt color, qui in B H, cui plus lucis admisetur, ipsa luci conformior sit; color

verò

vero qui in H K, cui plus aqua inest, quia in lucis, sit aqua similius: atque ideo color, qui in B H flammatus, sive croceus; qui vero in H K, viridis videtur.

Et quamvis L C, à superficie E O, qua ipse D M, ipsam B H illuminanti, aequalis est, illuminetur, & ideo color qui in L C, similis ei qui in B H videri oporteat; tamen quia gyrus Iridis in L C minor est, quam in B H, ideo radij in L C, densiores sunt, quam in B H. quare color, qui in L C, fortior ac coloratio eo, qui in B H, croceus videtur; in L C rufus sive purpureus generabitur. Similiter, quamvis L K à superficie N O, (qua ipse N M ipsam K H illuminanti, aequalis est) illuminetur, ideoq. qui in L K, ei qui in K H similem videri oportet; tamen quia gyrus Iridis in L K minor est, quam in K H; ideo radij in L K densiores sunt, quam in K H. quare color, qui in L K fortior ac coloratio eo, qui in K H. videtur.. Sed cum in K H viridis; qui leuis ac sobrius est videatur, in K L ceruleus, qui fortior ac saturior est, videbitur. Et quoniam huiusmodi circumferentiarum E O, O N, D M, & M N variatio, ac gyrorum Iridis coarctatio paulatim fuit, ideo non statim in Iride unus color vertitur in alium, sed talis mutatio paulatim fit, per aliquem medium, qui extremos coniungat.

Scholium. Et notandum quod sicut ignis leuis ac rarus flammatum ac croceum efficit colorem, velut flamma lenem fumum comburens: densus vero ac fortis ebrium ac rufum gignit colorem, velut in carbonibus. Ita solares radij, qui in extremitate Iridis gyro rari sunt, flammatum gignunt colorem. In infinito vero circuitu, quia densi sunt, ideo rufum efficiunt. Neque alia est carulei ac viridis ab igne ad solem metaphora. Quod autem purpureus, flauo; ac viridi ceruleus fortiores ac magis ebrij sint, patet; quoniam si flauo obscurum admisceatur, purpureus conficitur. Si tamen viridi idem obscurus aggregetur, protinus ceruleus generabitur.

Corollarium.

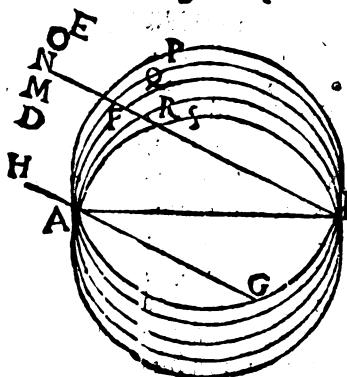
Igitur inter croceum ac viridem; item viridem ac caruleum; item caruleum ac purpureum, tres alij medij videntur colores, qui sunt utrumque connexiones. quamobrem Iris septicolor iure dici posset.

A D D I T I O.

Adhuc colorum talium in Iride generatorum causa potest

potest ex magnitudine spatij stillicidia comprehendētis,
& ex varietate aut densitate stillicidiorum argui.

Huius demonstrationis causam, in descriptione præcedentis
imaginari possumus infinitos circulos se inuicē in punctis A, K
secantes, ultra scilicet citraque circulum



A F K. Sed exempli gratia hinc & inde binos assumo scilicet A P K, A Q K interiores; & A R K, A S K ceteriores circulos, quos singulos radius solarius medius N F K secat in punctis P, Q, R, S. Sicut igitur in præcedenti fecimus, quinque radiales terminos à punctis D, M, N, O, E, deductos, in punto F se inuicem secantes, & in periferiam circuli A F K cadentes, atque cum lineis visualibus à punto A K æqualem angulum ipsi A K F semper seruantes. Ita & in unoquoque circulorum A P K, A Q K, A R K, A S K; illud idem facere hic possumus, ut radij itidem ab ipsis punctis D, M, N, O, E, deducantur, secantes se in punto P, & in periferiam A P K cadentes. Item totidem ab ijsdem quinque punctis per punctum Q trâmissos, & in periferiam A Q K terminatos. Item similiter totidem tam per puncta R, quād per punctum S, trajectos, & in ipsorum A R K, A S K periferias circulorum deductos. Sic enim seruabitur ubique anguli A K F, quæ est recti dimidium, æqualitas: quod reflexionis ratio postulat, ut per 25 suamque additionem constituit. Nec refert utrum circuli A P K, A Q K, A R K, A S K, sint æquales circulo A F K, modo se inuicem secant in punctis A, K, aut in locis non sensibiliter inde remotis. Hoc pacto dispositio circulorum, quæ per præmissam, in periferiam A F K facta est, hic in ceteris quatuor circulis A P K, A Q K, A R K, A S K, repetetur: & coloratio per multum stillicidiorum spatium generata roborabitur. Et tale spatium intra circulos ductos ultra citraque K, punctum claudetur, quantum angulorum reflexionis æqualitas intra stillicidiorum regionem seruari poterit. Itaque cum K punctum sit medium inter zonas colorum Iridis, ut patet in præmissa, habeatq. superne viridem ac croceum colores; & inferne cæruleum & rufum; causaq. talis diversitatis assignata sic ex qualitate lucis solaris in stillicidia infusa, hoc idem hic cōprobari.

probari poterit ex magnitudine interualli stillicidia recipientis : siquidem cum duæ sint colorationis causæ; altera scilicet activa & exhibens: altera passiva & recipiens . Illa scilicet solaris lux , hæc autem multiplex irroratio , iam ad demonstrationem argumentum verinque sumendum erit . Sint ergo duæ colorum zonæ; quarum limes est K punctum, propter moderationem solis lucem , sortita sunt magis sobrios colores , viridem scilicet & cœruleum : ita & hic id idem accidit propter angustias stillicidiorum interuallum iuxta K punctum, quo circuli tale interuallum claudentes in angustum coeunt . Itemque sicut duæ sequentes supra & infra predictas positaæ colorum zonæ, propter maiorem luminis copiam, luminosioræ, colorem receperunt, croceum scilicet & rubrum . Ita & hic id idem fieri, propter amplius stillicidiorum interuallum , circulis à punto K in latum digredientibus . Dicitum est præterea , quod interiores zonæ sortitaæ sunt colores magis saturos , & ebrios, quia minor ambitus coadunat magis vim coloris . Unde duarum mediarum zonarum interior cœruleum , exterior viridem recipit . Ex duobus autem extremis, intima rufum , extima croceum adepta est . Quod si rursus conferre velis exteriores zonas cum medijs , hoc est , croceum cum viride , & hinc rubram cum cœrulea ; poteris argumentum sumere ex raritate , & densitate stillicidiorum : nam extremi radij obliquis incidentes circulorum periferijs , incurvunt cœbriora stillicidia, ideoq. efficacius colorantur quam medijs, qui rectius incidentes paucioribus occurunt guttis . Sic quam optime potuimus , colorum causas reddidimus & à sole , & à stillicidijs .

Scholium. Notandum quod demonstrationes 27. 29. & presentis additionis intelligenda sunt per totum ambitum Iridis hoc pacto. Cum per Corollarium 25. centrum solis, centrum visus, quod est A , centrumq. Iridis semper sunt in eadem recta linea; sit talis recta linea H, A, G ; ita ut H intelligatur cœtrum solis; A , centrum visus; G , vero centrum Iridis, qua recta merito vocabitur axis Iridis. Itaque stante axe $H A G$. imaginemur circumduci planum totum, in quo descripti sunt circuli $A F K$, cum reliquis, circumduci (inquam) per integrum revolutionem. Sic enī tali conuersione K , feretur per medium cingulum Iridis, hoc est, describet mediocrem Iridis circulum , qui duas colorum zonas habet intra, & totidem extra. Ita hoc pacto

H de-

demonstratio facta in 27. 29. & in presenti additione intelligatur per totum Iridis ambitum, circumductamiam descriptionem per totum ambitum.

T H E O R E M A X X X.

Nonnumquam ex Iride Iris per reflexionem gignitur.

Quia enim roratis nubis spatium totam Iridem superat, sic ut ex vnius Iridis in rorantem pluviā effusione, alia per reflexionem demonstretur Iris. Quod enim per reflexionem primæ generetur, tres adducimus rationes. Prima est, quod huius Iridis colores sunt conuerso ordine, quo colores primæ: quare haec secunda Iris est imago primæ, sicut in speculo contingit, in quo dextra, sinistra; & sinistra, dextra spectantur. Altera est, quod haec secunda Iris nunquam nisi prima apparente apparet, quare est eius imago. Tertia est, quod secundæ colores debiliores sunt, quam primæ, quod fieri coniçimus, quoniam refracti radij debilitati solent, ideoq. per reflexionem primæ gigni. Secunda Iris etiam apparet, si quis minutum rorem versus obscurum locum ad solis radios spargat.

Corollarium.

Conueniens igitur est secundam Iridem extra primam appare, & centrum in linea, quæ centrum primæ cum centris visus, & solis connectit, habere; & colorès conuerso ordine sortiri. Extra enim primam videtur, quoniam prima interiorum procreatur per incidentes à sole: secunda per reflexos à prima radios: centrum autem habet in linea per centra solis & visus, propter quos reflexionum angulos. Conuersum arrem habet in coloribus ordinem, quoniam per reflexionem in speculis dextra, sinistra; & sinistra dextra videmus. Ceterum theorema hoc falsum esse, infra in Additione 3. Coroll. 1. obstenditur, vide etiam probl. 13. de Iride.

A D D I T I O I. A D X X X.

Exteriorem Iridem non per interioris reflexionem, vt in præmissa dictum est, vtq. complures opinantur: sed per solis radios ad visum circumquaque refractos ad angulum, qui dimidium, octauamq. recti partem comprehendit, generari.

Dictum est in 25. primariam Iridem à solaribus radijs ad roridam nubem cadentibus ad visum reflecti per angulum, recti dimidium; & id quoniam talis reflexio media est inter solis

folis radium & perpendicularum stillicidiorum, quorum virtus
 que impedit reflexionem. Item sicut in Additione 25. dictum
 est, quoniam angulus obtusus debilis est; & acutus obtunditur
 vicinitate primarij, ideoq. reflexio ad angulum recti dimidiis
 facta, sortitur quandam conuenientem mediocritatem. pro-
 pterea sub tali reflexione generatio Iridis consequitur maxi-
 mam efficaciam. Huc accessit quod sub talis reflexionis an-
 gulo per puncta octogonae figura in singulis globulis repetita
 infinites repercussionem roboratur efficacissimè colorationis
 causa. Cumq. nullus alias reflexionis angulus tali dignitate
 gaudeat, sequitur nullum aliud angulum efficacem esse ad Iri-
 dis generationem. Vna tamen reflexio, qua sit ad angulum
 ex recto quinque octauas habentem, quoniam suscipit octo-
 gonam distinctionem, & prope accedit ad dictam dimidiij recti
 mediocritatem, adepta est tantum virium, ut possit secunda-
 riā Iridem licet languidiorem generare. Quod autem talis
 reflexio prope accedit ad reflexionem dimidiij recti, patet;
 quoniam excedit tale dimidium, octaua parte recti. Quod ve-
 ro etiam talis reflexio suscipit diuisionem octogoni, patet;
 quoniam minimus numerus habens dimidium & octauam, est
 octo; & ideo oportebit singulos quatuor rectos angulos, qui
 compleant totum ambitum, in octo partes secari, & proinde
 totum circulum in 72. partes distinguiri: qui numerus quater
 numeratur ab octonario, & ob id suscipit octogonalia inter-
 nulla, per quas successive repetitur repercussio ad exprimen-
 dos Iridis secundariaz colores, qui quidem in hac secundaria
 Iride sunt languidores ob triplicem causam. quarū prima est,
 quod in hac reflexio non sit per illum accommodataz medio-
 critatis radium, per quem sit in prima Iride. quandoquidem
 hæc reflexio distat ab illa per octauam recti anguli partem.
 Et hinc dependet secunda causa, quoniam scilicet propter hæc
 discrepantiam in hac Iride non sit repercussio incidentibus &
 refractis, adductis & reductis, semperq. repetitis radijs, per
 eosdem tamen octogoni angulos; quas fuerat potissima causa
 fortificandi colores, sicut sit in primaria Iride: sed sit reflexio
 per alia puncta cum distinguatur ambitus in 32. partes. ita-
 que debilitatur reflexio per alios anfractus, & proinde lan-
 guidiores exhibet colores, dum radius perscrutatur plurim,
 quam octona puncta. Tertia causa est multo notior, nam hac
 in Iride cum sit exterior & maior ambitus, disagregat magis

virtutem colorandi, atque debilitat; & virtus debilitata languidiores reddit colores. Itaque satis constat ratio generationis huius secundariae Iridis, quam falso quidam opinantur ex reflexione primaria, ut primita supponit, procreari.

Corollaria.

1. Constat igitur quod sole horizontem occupante, sicut altitudo primariae Iridis est graduum 45. ita nunc secundariae Iridis fastigium habebit gradus $56 \frac{1}{4}$. Patet, nam gradus 45. sunt recti anguli dimidium; gradus vero $56 \frac{1}{4}$ sunt recti dimidium & pars octaua. Vnde duarum Iridum diametri sunt ad inuicem sicut quinque ad quatuor. Item sole minorem numero $56 \frac{1}{4}$ gradibus habente altitudinem, non posse apparere secundariam Iridem, eiusq. altitudinem cum solis altitudine coniunctam efficere 56 . gradus & $\frac{1}{4}$.
2. Et manifestum fuit huius secundariae Iridis colores semper esse languidiores coloribus primariae, & cur ita sit assignata sunt causae.

ITAQVE ut omnia paucis concludamus, cum reflexio solaris radij à rorida nube ad oculum sub dimidio recti anguli facta per dictam octogoni radiationem per oculo puncta repetitam in singulis globulis generat primariam, atque coloratissimam Iridem. Iam nulla alia reflexio, nisi qua ad dictam anguli quantitatem accedens, octogoni divisionem suscipiat, aliqualem Iridem facere potest: sed talis reflexio non est nisi, qua suscipit quinque tantum octauas recti, hoc est, angulum $56 \frac{1}{4}$ graduum. Igitur ipsa faciet secundariam Iridem; nam si talis angulus habet $\frac{1}{2}$ recti vnius, oportebit quatuor rectos singulos in 8. partes. & ideo totum ambitum in 32. partes distingi: in qua distinctione includitur octogoni diuisio: nam 32. in octonas partes secatur. Hanc autem dignitatem non habet angulus 60. graduum, quia postulat ambitum secati in senas partes, & proinde octogonum non suscipit. Non angulus 50. graduum, quippe qui habet quinque nonas vnius recti, & requirit diuisionem totius ambitus in 36. partes; à qua excluditur octogonus. Non angulus 40. graduum habens quatuor nonas vnius recti, hoc est, nonam partem totius ambitus, & ob id octogonum non admittit. Non ceteri anguli neque maiores, neque minores prædictis: quoniam maiores

ses

tes quidem propter nimiam expansionem: minores vero propter vicinitatem radij primarij, debilitant omnem reflexionem. Superest igitur angulus praeditus $56\frac{1}{4}$ graduum, qui ad dictam dimidij recti prærogatiuam accedēs, aliquid virium adeptus sit ad Iridis similitudinem tantummodo. Sed quid dices, quod altitudo Iridis primaria non 45. graduum, sed paulo minor per obseruationem comperitur? Nescio quid hic respondeam, aut quid causæ coniœciam, nisi quod stillicidia, sanguinantes hunc longiusculz & quasi ouales, & à forma sphærica discrepantes, variant etiam angulum reflexionis, & proinde radij rectitudinem, quæ in perfecte sphæricis figuris haberet recti dimidium.

ADDITIO II.

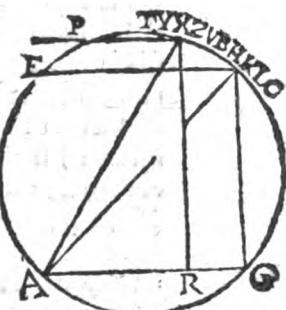
Secundatiæ Iridis colores similes esse coloribus primariæ. & ijsdem rationibus procreari; verum ordinem conuerso dispositos.

Omnino igitur quicquid in 27. 28. 29. & eius Additione, præmissis, quo ad latitudinem, locum, coloresq. Iridis primariæ quanta licuit perspicacia tradidimus: iam totum penitus, quo ad latitudinem locum, coloresq. huius secundariæ Iridis repetitum volumus. Omnia enim argumenta in prædictis propositionibus adducta, sicut ad illam Iridem, ita ad hanc faciunt. Hoc excepto quod hæc habet maiorem diametrum, ut per præcedentem, suumq. Corollarium constitut. Quodque huius zonæ ordine conuerso disponantur. Superest igitur ostendere hujus ordinis conuersi rationem. Quod enim duo medij colores propter parciorem Solis lucem, & angustius stillicidiorum spatium, sint à luce diuersiores, quam duo extremi, qui plus lucis & latius rotationis interuallum sortiuntur (sicut in 29. eiusq. Additione ostensum est) commune est utriusque Iridi. Sed in primaria Iride zonæ superiores viridem, & croceum suscipiunt: inferiores autem cæruleum, & rufum. Contra vero in secundaria Iride, cæruleus & rufus exponitur superne; inferne vero viridis & croceus. De primaria Iride, assignata est causa in 29. sumpta ratione ab ambitu. Nam cum duos medios colores eadem lucis & stillicidiorum numerositas facit; inferiorem ex illis inspissavit magis minor ambitus, faciens ex viridi cæruleum. Cumq. duos extremos colores maior lucis & stillicidiorum copia faciat luci conformiores;

res; inferiorem similiter condensauit magis infimæ zonæ ²⁹ gustiam (nam in arctiori loco coalescit color,) facitq. ex croceo rubrum. Quod cum ita sit in primaria Iride, omnino mirabile videbitur in secundaria fieri contrarium. Quamobrem in secundaria Iride aliunde petenda est causa. Tale enim est negotium quod tractatur, ut quemadmodum Citharedus eos tantum neruos tentando discurrevit, qui consonent auribus; ita & hic vestigandæ rationes, quæ quād optime fieri potest, experientiæ concordent, ut ab effectibus, (ut s̄pē fit) ad causas procedamus. Nihil enim obscurius est, quod in opificis rebus tractetur; super quo, si prisci authores & recentiores complures multa conscriperint; nemo tamen magis explicat rotunditatis magnitudinis, atque colorum causas. Ita res physico, geometricoq. adiumento fulcienda venit, multiq. multa falso super hoc opinati sunt. Alij rotunditatem ex concavitate nubis argentes, sphericamq. superficiem somniantes. Alij colores ex densitate, ac raritate aeris, quasi circularis zona, discriminare potuit huiusmodi raritatem. Alij secundariam Iridem affirmantes esse Idolum primariæ: quæ omnia falsissima sunt. Diametrum vero, quod erat maximi momenti, & vnde magna pars demonstrationis elici poterat, nemo quod sciam vel obseruavit, vel demonstravit. Redeo itaque vnde digressus fueram, ut situm colorum secundariæ Iridis ratione aliqua comprobem. Aliquid enim experimento consonum vestigando diuinabo. Quoniam itaque non vsu venit hic ratio primariæ Iridis, quæ in minori ambitu conspiuat colorema superiorem, ideo queremus argumentum à densitate, non rariitate stellicidiorum, à quibus per æquales angulos reflexio ad vitrum reddit. Nam talis densitas, aut raritas ad angulum circularitatis redigitur ex simili obliquitatæ circuloru stellicidia terminantium, à quibus reflexio sit. Quod ut melius intelligatur, repeto descriptionem ²⁹. in qua angulus A K F reflexionem Iridis primariæ determinat, existens recti dimidiis. positaq. A K diametro, punctisq. A, F, K, G, angulis quadrati in círculo A B C descripti: erit angulus K A G recti dimidiis, qui & ipse erit celsitudo Iridis primariæ semicircularis. punctum autem G, centrum eiusdem, & recta K G, semidiameter recta. A G, axis, quia per tria centra solis, visus atque Iridis incedit. Facio post hæc angulum K A X octauam partem recti, & duco X P æquidistantem ipsi F K, necnon X R, æqui-

distan-

distantem ipsi K G. Sic enim per præmissam additionem angulus A X P, erit angulus reflexionis in Iride exteriōri, & angulus X A G ipsi equalis celsitudo eiusdem, constans scilicet ex dimidio recti, octauaq. sui parte. Eius quoque semidiameter recta X R, & punctum R centrum, & A G axis utriusque Iridi communis. Conuenit enim ut tali axe immobiliter stante, plano autem circuli A B C, semel circumducto, in tali conuersione punctum K describere circulum medium in Iride primaria: punctum autem X circulum medium in Iride exteriori. Qui quidem anguli tam reflexionum, quam celsitudinum, semper sunt iudicem; semidiametri tamen crescunt aut decrescent pro distan-
tia, quam Irides ab oculo spectantis sortiuntur. Vnde si quis ore sufflans in obscurum à sole auersus irroret aquam; spectare poterit paruas Irides, ut dictum fuit in scholio 26. sub paruis quidem semidiametris, verum sub angulis prædictis præcise. Sumptis igitur in primaria Iride quaternis spatijs K H, K L, H B, L C; iam satis ostensum fuit in 29. huiusmodi spatia esse latitudines zonarum præcipios colores continentium K H, scilicet viridis; K L cærulei; H B, crocei, & L C, rubri. sumpto scilicet augmento ex quantitate solaris lucis; verum in exteriori Iride sumptis itidem spatijs X Y, Y Z, Y T, Z V: colores in ipsis spatijs contenti contrarium situm habent, ut experientia docet. videlicet X Y cæruleum; X Z viridem; Y T rubrum; Z V croceum, ut scilicet exteriores zonæ primariæ Iridis, interioribus secundariæ: & interiores illius exterioribus hujus respondeant. Itaque in secundaria Iride secus argumentandum est, ac in primaria: siquidem in primaria ita volumus, ut angustioris ambitus zonæ condensarent colores, quos eadem lucis portio fecisset pares. Nam apud spatia K L, K H vna lucis distributio fecisset eisdem colores, nisi apud K L angustior zona per viridi cæruleum suscepisset. Item apud spatia H B, L C, idem lucis augmentum similiter ambitus colorasset, nisi apud L C, angustius cingulum de croceo rubrum fecisset. Sed in exteriori Iride tum ob maiorem perimetrum, tum ob circuli A B C, obliquiorem periferiam, quæ suscepit spatia X Y, X Z, Y T, Z V, non fuit adeo notabilis in ambitu zonarum inæqualitas, ut satis esset ad condensandos ins-



inferiores colores. quemadmodum in primaria fecerat. Immo in ipsa exteriori Iride zonæ adeo ferme ambitu inter se vix differunt, ut supernorum spatiorum colores infernorum coloribus pares esse debeant, singulos singulis comparando: nisi stillicidiorum numerositas, ac etiam crebritas contrarium fecisset eius, quod zonarum coarctatio in primaria Iride fecerat: hoc est supernos hic colores (sicut in primaria inferne) inebriassent. Nam cum periferia circuli A B C, & eorum circulorum, qui se inuicem in punctis A X intersecant (sicut per primaria in punctis A-K, in Additio. 29.) periferiz, ordinent ea stillicidia, ex quibus oportuno angulo seruato, fit ad visum A reflexio; atque solaris radius iam obliquius occurrat talibus periferijs supra punctum X, propter maiorem obliquationem periferiz, quam infra idem punctum X: propterea idem radius, & plura, & crebriora stillicidia ostendet supra punctum X, quam infra, & proinde in spatijs supra punctum X, magis inebriabitur color, quam infra. Et ob id contrarium fiet eius, quod in prima Iride fiebat. Itaque hinc contrarius colorum situs. Cum autem vt in 29. ostensum est, in primaria Iride spatium B H suscipiat croceum colorem; iam in exteriori Iride cum spatium Z V, tantundem ferme lucis (propter parem periferiarum dilatationem, vt in Addit. 29.) & eandem obliquitatem in periferijs fortius, suscipiat eundem colorem croceum. Et eadem ratione cum in prima Iride K H recipiat viridem; etiam in exteriori spatium X Z viridem similiter recipit colorem. Deinde propter dictæ stillicidiorum pluralitatem atque crebritatem, quam, vt dictum est, radij solares incurvant in periferijs supra punctum X, iam color qui apud spatium Z V, croceus erat; in spatio T Y rubescit magis, & qui apud spatium X Z virescebat, iam apud spatium X Y densabitur in cœruleum. In hac igitur exteriori Iride superna zona rubra est, infima vero in primaria: contra vero in exteriori infimum cingulum croceum videatur, supremum vero in primaria. Ex duobus autem medijs cingulis in exteriori Iride superius; in primaria inferius est cœruleum: contra in illa inferius, in hac Iride superius viride fuit. Et hoc fuit, cuius causam sciscitabamus.

Scholium. De medijs autem coloribus, ubi commiscentur præcipuis dicendum, id quod in Corollario 29. sic utriusque Iridis speculatio & comparatio peracta est. Momento autem ut diximus,

ximus, sicut per K punctum ducta sunt periferia ad ordinanda Stillicidia sub opportuno angulo reflexionem facientia pro primaria Iride; ita & pro exteriori Iride faciendum, ductis vide-licet periferijs per X punctum sicut Addit. ad 30. docuit. Quibus ex rationibus elicetur omnis utriusque Iridis demonstratio: as sicubi propter obscuritatem rei, que tractatur, defecimus, saltem prae stirpiterimus ansam perfficacioribus ingenij ad aliquid ulterius meliusq. indagandum.

III. ADDITIO.

aliam per quam confutatur 20.

Iridem primariam s̄epissime videti solam: exteriorem vero numquam vel rarissime apparere posse solam.

Causæ enim quæ faciunt apparere Iridem sunt hæ, lux solis expedite per purum aerem radians; aduersa roratio; vltior opacitas. quo autem purior fuerit lux, opportunior cum quiete roratio, atque obscurior post locum roris opacitas; eo expressior apparebit Iris. Quando igitur hæ causæ plenæ concurrunt, veramque Iridem faciunt apparere; modo solis altitudo supra horizontem non sit maior 45. gradibus. Quando autem vna ex his causis penitus deficit, neutra Iris videtur. Quando vero tales sunt causæ, vt satis sint ad exterioris, quæ debilior est, apparitionē, à fortiori multo magis satis erunt ad interioris, (que minus causarum poscit) apparitionem. Et ideo si exterior Iris, quæ semper languidior est, appareat; multo magis & interior, quæ semper coloratior est, apparebit. Nō igitur apparere potest exterior Iris sine interiore. S̄epissime autem interior apparebit sine exteriori, quando videlicet causæ adeo debiles sunt, vt si primam Iridem apparere faciant, non tamen sunt satis ad exterioris apparitionem. quod crebro accidit. nam plenus causarum concursus est rarus. Quod si concurrentibus affatim causis, altitudo solis supra horizontem esset non minor 45. gradibus, inferior tamen 56. $\frac{1}{4}$ quæ sunt Iridum secundiarum altitudines, tunc posset apparere parua quædam portio Iridis exterioris sine interiore. Tunc n. vt in 56. ostensum est, Iris primaria non appareat; secundaria vero apparere poterit in tanta altitudine, quantum 56. $\frac{1}{4}$ gra-
dus excedunt solis altitudinem. Quod rarissime contingere potest, adeo vt à nemine vnuquam sit animaduectum aut obseruatum.

I Ita.

Corollaria.

- 1 Itaque constitit ratio, cur exterioris Iridis colores sunt languidiores, quam colores interioris: & cur ordine conuerso; & cur exterior sine interiore non videatur. Ex quibus quidam falso conjecturam faciunt, Iridem exteriorem ex interiore per reflexionem generari. Quod est falsissimum.
- 2 Sic deteximus tres errores, in quibus multi versantur. Primum, quod causa rotunditatis Iridis consistit in concavitate nubis. Secundum, quod colores diuersi hant propter densitatem, aut raritatem aeris. Tertium, quod Iris exterior generatur ex reflexione interiorisquz: omnia sunt falsa.

E P I L O G V S.

Ostensum est ergo Iridis primaria semidiametrum per anguli recti dimidium; secundaria vero semidiametrum per $\frac{5}{6}$ recti anguli oculo subtendi. Item centrum solis, oculi, & centra duarum Iridum in eadem recta linea existere; atque adeo diuersos spectatores diuersas Irides videre, sicut diuersas inspeculo imagines. Item sole horizontem possidente, semicirculos Iridum apparere, sole autem magis eleuato, minus semicirculis; ut scilicet aggregatum ex solis & primaria Iridis altitudinibus conficiat recti dimidium. Vnde si solis altitudo habeat recti anguli dimidium aut maius, primaria Iris apparere nequeat. In secundaria vero Iride pro dimidio recti capendum esse dimidium, & octauam partem. Inter colores praecipios esse croceum, viridem, cæruleum; & rubrum: catetos vero esse ligaturas preditorum, & prout habent atios quosdam ex aliqua alia propinquiora reflexione sub dimidio. de qua tamen tacere libuit magis quam aliquid dicere. Item colores exterioris Iridis esse ordine conuerso, & languidores; quorum causæ omnes assignatae sunt. Postremo illud notandum, colores Iridis in rorida nube non esse tamquam inseparabile accidens, tamquam colores in panno, aut tamquam colores in collo columbarum, sive in plumis pauorum. Nam si sic esset, colores Iridis in uno tantum loco apparerent. Quod non est per 28. nam diuersi spectatores in diuersis locis, Iridem vident. Generantur igitur illi colores in Iride ex reflexione receptæ lucis ad determinatum angulum, ut dictum est. Colores autem in plurimis pauorum sive realiter in ipsis plurimis. nam ab omni spectatore ibidem videntur; hoc excepto, quod mutantur, & aliter apparent si in teatum

rectum, quād si in obliquum pluma talis spectetur. Habet enim ille oculus diuersicolor in pluma pauonis pennas extremas grossiusculas, croceas, aureas in rectum spectatas: in obliquum vero virides. Habet in sequenti gyro introsum plumas minutiores eiusdem coloris; & ad viriditatem quid paululum proclives in rectum visas; in oblibuum croceas. Habet adhuc circulum interiorem cælestem, lucidum cum aliqua viriditate in rectum spectanti; in obliquum vero violatum. Habet tandem aream violaceam obscuram in rectum visam; in obliquum vero nigram. Mutatio autem talis sit, quoniam visus perpendicularis inspicit intimam filamina; obliquus vero extremos floccos, qui alterius sunt coloris. Quod & ars in texture sericæ vestis quandoq. imitari solet.

A D D I T I O alia De Iride lunari.

Iridem ex lunari lumine in plenilunio fieri posse.

In plenilunio quidem; nam rotunditas luminosi corporis efficacior est ad complementum Iridis. Vnde in eclipsi Solis aut nullatenus, aut saltem perfectam Iridem cerni non posse crediderim. Et quoniam plenilunia sunt rara, & raro concurrunt plenæ causæ, quæ debilitas lunaris luminis postulat ad tam effectum; ideo lunares Irides sunt rarissimæ. adeo ut dixerit Aristoteles intra 50. annos illud bis accidisse. Sed quis hoc obseruauit? Item quoniam lunare lumen est secundarium, ac debile; ideo lunares Irides sunt languidae, adeo ut vix alborem quandam per nocturnum aerem præferant. Vnde patet, quod illa fortis coloratio, quæ sit in Iride solari, gignitur ex intenso & valido lumine, quippe quod efficax est ad repetendam plures repercussionem, quæ causa est potissima prædictæ colorationis. Itaque non est expectanda secundaria Iris in luna. Nam si in sole secundaria Iris vix unquam appareret, & quando apparet, est languida; quo modo in luna (quæ vix potis est ad primariam) apparere potest? Immo ipsa Iris lunaris, cum à lumine lunari, quod secundarium est, generetur, secundaria dici debet: in qua ita debilitatur virtus, ut satis non sit ad exteriorē Iridem efficiēdam. Ceterum in hac Iride lunari reliqua omnia quo ad axem, centra, celsitudinem, & angularem reflexionem consideranda sunt quemadmodum in solari Iride. Et hæc satis.

AD LECTOREM.

HAEC habui humanissime Lector, quæ de forma, situ, atque coloribus Iridis, quod ad Geometricam demonstrationem pertinebat, traderem. Omnes enim Auctores, qui de hoc negotio conscriperunt, quamvis multa dicant, nihil tamen fere demonstrant. Omnes enim aut non animaduertunt, aut negligunt quantitatem anguli reflexionis, sub quo spectatur Iris. Vnde ferme tota demonstratio, ut diximus, dependet. Audio quosdam inueniri libellos in Germania, ut per indicem quendam vetustorum exemplarium Andrae Stibonij Canonici Viennensis didicimus, in quibus huiusc rei demonstratio tractatur: quos ego nondum vidi. Tu autem quicumque veritatem, cæteris contemptis, amas; poteris hæc nostra cum alienis conferre, ut si discrepauerint, consultis Auctorum iudicijs, veraci or sententia eligatur. Illa enim erit veracior, quæ magis experientiz consenserit: aut si concordia fuerint, ampliori testimonio veritas probata teneatur. Vale.

Hora vespertina dicti Dominici in Carnisprivio possum.
22. Febr. II. Indit. 1553.



DIA

DIAPHANORVM LIBER TERTIVS.

De organi visualis structura, & conspicibiorum formis.



VIC QVID ad radij fractionem præsertim in conuexis diaphanis, quæcumque non satis ab alijs explicata sunt; in prima huius libelli parte: Quicquid vero ad Iridis formam, situm, magnitudinem, atque colores pertinebat, ha-
cenus non animaduera; in secunda paucis complexi sumus. Nunc in tertia, veniamus ad visualis organi considerationem. Operæ pretium est enim, & quamplurimi fa-
ciendi, quam sagax fuerit, quam ingeniosa Dei Optimi Maxi-
mi natura ministra in huius sensus instrumento, cognoscere. In
primis ergo quoniam visibilium species per diaphanum me-
dium multiplicatæ porriguntur, & obstaculo densiori interce-
piuntur, idcirco non poterant eadem sensui, nisi simili perspi-
cuoq. corpore receptæ repræsentari. Neque rursus huiusmo-
di corpus alterius modi, quam circumquaque regularis, & uni-
formis figuræ existere debuit, quo scilicet aut rectitudo, aut si-
milis fractio radiorum incidentium simile spectatæ rei simu-
lacrū ad interiora sensus deferret. Nec minus conuexa for-
ma fuit instrumento conueniens, vt quæ sola commoda esset
ad recipiendas, coeuntibus lineis, quamvis magnarum rerum
imagines. Lubet his immorari, & singula quæq. indagare: cum
enim diaphanum sit organum, Diaphanorum est omnino ne-
gotium. Consultis itaque Auctoriibus, qui de oculi Anatomia,
quam diligentissime scriperunt, rem à principio exorsi ape-
riemus. Quicquid enim in oculi structura consideramus, aut
ad ipsam visionem pertinet, aut ad huius conseruationem. In-
ter ea, quæ ad visum spectant, dignitatis arcem obtinent gla-
cialis siue chrystallinus humor, quem & pupillā appellare meo
iudicio possumus: in qua visiva virtus, tamquam in sede con-
sistit. hæc utrinque conuexa, sed non sphærica, verum com-
pressa, & à parte anteriori compressior, quò latiori susciperet
formas rerum visibilium spatio. Hic in organo humorum no-
bilissi-

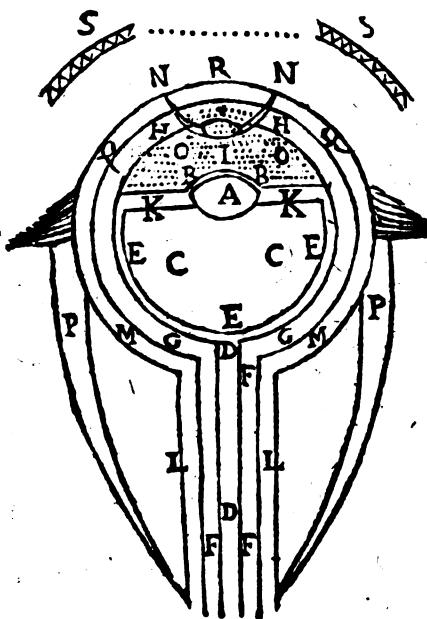
bilissimus medium sortitur locum . Ab huius forma dependet qualitas visus siue breuis , siue longi , ceteris passionibus exclusis, vt postea dicemus. Hic itaque humor in visione recipie species, receptasq; per opticum nervum ad communis sensus iudicium defert . hic ergo facit ad recipiendum . qui autem facit ad transmittendum, is est humor albugineus, siue aqueus, per quem traiiciuntur species, & qui alioqui conseruat humiditate sua extrinsecus chrystallinum, & intrinsecus vueam tunicam, de qua dicemus: & vt quidam volunt, excrementum est ipsius chrystallini. Quod autem facit ad visum adumbrandum, ea fuit vuea tunica, opaca villosoitate adumbrans praedictos humores; & quidam pellicula ad eam precedens similiter villosa, vitrei & aquae humoris interstitium . Talis autem adumbratio facit rerum visibilium radios expressius apparere, & efficacius ab humoribus praedictis sentiri. siquidem radij luminum inter opaca zedium recepti sunt evidentiores . Et nos in luce superflua manum, aut vmbellam oculo superponimus, vt melius perspectemus. Quod autem in organo visuali pertinet ad conseruationem, aut respicit nutrimentum, aut tutamē, aut seruit motus. Ad nutrimentum seruit humor vitreus, à quo glacie alis nutritur. Item retina, siue retiformis pellicula ex visorio neruo progrediens, & vitro alimentum suppetens. Adhuc & secundina pellicula, quæ à tenui meninge, siue à piamate progenita, vueam praedictam, cuius pars est, alit. Demū & sclerotica, quæ & posterior pars est cornea, de qua mox loquemur . Quicquid autem respicit tutamentum, iam aut intrinsecum, aut extrinsecum . Intrinsecus enim tutamentum præstat aranea tela chrystallinum humorē, ne effluat, coercens . Nec minus retina, seu retiformis vitreum retrosum complectens . Item cornea tunica ex quatuor tunicis perspicuis compacta, generale humorum retinaculum, ac tutamen . Extrinseco munimini ascripta fuit consolidatiua pinguis, alba & densa tunica, à pellicranio, seu pericranio maiis, progenita, & praedictorum contextum vestiens, quæ sicut foramine decēti corneam detectam ad radios admittendos ostendit : ita sub cornea parvus vuea aditus, eosdem ad profundiores humores transmittit. Item palpebrae fuerunt oculorum fores, vt patentes visum admitterent, clausæ vero cessantem conseruarent . His cilia pilorum breuium series ad nociva arcenda utrinque adherent . Et supercilia quasi ultima cām præciose structure sapes

spes ad humiditatem, si qua confluere superne, intercipiendam. Officio motus, funguntur musculi à diuerso, quam opticus nervus, foramine de cerebro prodeentes: sed opticum nervum conueniunt duæ pelliculæ, interior à tenui meninge seu à pia matre, secundinam faciens, ut dictum est: & exterior à crassa meninge, seu dura matre propagata, sclerotican, quæ posterior cornæ pars est, faciens. Talis est oculi structura; in qua mira naturæ sagacitas, non nisi per summi opificis prouidentiam ordinata: quæ distinctio sic se habet.

ARBOR distinctionis humorum, & tunicarum oculi.

<i>In oculo quodam per-</i>	<i>Ad re- piendit.</i>	<i>Opticus nervus idest visorius. Humor chryallinus, vel glacialis, pu-</i>
	<i>Ad trans- mittendit.</i>	<i>Humor aqueus, albugineus, tutamen, & superfluitas glacialis.</i>
	<i>Ad adum- brandum.</i>	<i>Vuea tunica, quæ opaca villoositate adū- brat, visum cum pellicula, quæ aqueū à vitreo discriminat.</i>
	<i>Ad nutri- mentum.</i>	<i>Vitreus humor, à quo glacialis nutritur. Retina seu retiformis à visorio neruo progenita, vitreo alimentum præstans. Secundina vueæ pars posterior à tenui meninge vueam nutriendis. Sclerotica cornæ pars posterior à crassa menin- ge corneam nutriendis.</i>
<i>Ad vi- sus con- seruatio- nem, si- ue quo</i>	<i>Tuta- men.</i>	<i>Aranea pellicula glaciealem cohi- bens. Retiformis vitreum com- pletæs. Cornea tunica ex qua- tuor pelliculis, generale humo- rum propugnaculum.</i>
	<i>intrin- secum.</i>	<i>Consolidatiua alba, & pinguis à perieranio totum contextum vestiens. Palpebrae à cute cra- nij ad clausuram. Cilia & su- percilia ad arcenda noxia.</i>
<i>Seruitium</i>	<i>motus.</i>	<i>Musculi seu nervi ex cerebro oculum mouentes.</i>
		<i>Visua-</i>

Visualis organi theoria.



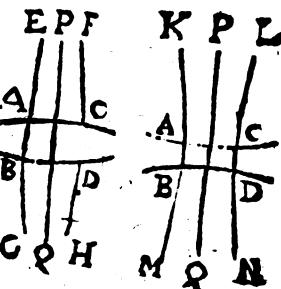
- A Humor chrystallinus, glacialis; pupilla.
- B Aranca pellucida, glacialem vestiens, pellucida sicut cæparum pellis.
- C Humor vitreus, chrystallini nutrimentum.
- D Nervus opticus, visorius.
- E Retina, retiformis pellicula à visorio nervo procedens.
- F Piz matris, seu tenuis meningis pellis dictum neruum vestiens.
- G Vaea tunica, secundina à dicta pelle procedens.
- H Finis vaez adumbrantis opaca villositate humores ad perfectorem visum.
- I Foramen vaez radios admittens.
- K Tunica villosa, ab vaea deriuata, vitrei &, aquei humoris discri- men.
- L Durz matris, seu crassz meningis pellis secundo vestiens neruum opticum, similis palpebrarum pelli.
- M Sclerotica, posterior cornez pars, à dicta pelle procedens, dura.
- N Cornea tunica ex quatuor pelliculis perspicuis, ac tenuibus ad tutandos humores compacta; cornu instar pellucida.
- O Humor aqueus siue albugineus, tunamen & excrementum glacialis.
- P Musculi oculū mouentes, è diuerso foramine quam opticus.
- Q Consolidatiua, tunica alba, densa, ex pericranio, seu pelliculo crano prægenita, oculum totum vestiens.
- R Foramen consolidatiua, transitum visui ad corneam, reliquasq. tunicas præbens.
- S Palpebrz cum cilijs, clausura oculum compleentes.
Hæc ex Anatomia Andræ Vessalij Bruxellensis, viri etate nostra perspicacissimi ad pleniorum eorum, quæ dicta sunt de oculo

œculo notitiam, excerptimus. Quod & in expositione perspectivæ tam Rogerij Bacchonis, quam Io. Petson feceramus. Nūc ad reliqua properemus, & hūc Diaphanorum tractatum, anno ferme ab hinc 30. à nobis cæptum, nunc demum, dūm in hac arce Catanensi ocium nobis suppeditatur, compleamus. 20. Maij, die D. 1554.

DE CONSPICILIIS.

Sicut radij visuales per conuexum vtrinque diaphanum transmissi citius in angustum coeunt: ita per concavum vtrinque traecti magis dilatantur.

Hoc n. ratio fractionis radij in diaphanam superficiem ingredientis postulat; sicut in prima parte diaphanorum satis est demonstratum. Vt si radij A B, C D, æquidistantes intra diaphanum A B, D C, vtrinque conuexū, intelligantur; vtrinque iam & in ingressu, & in egressu franguntur apud A, B, C, D, puncta, cum axe medio P Q, quātum opus est, producto coeuntes. Contra vero si radij A B, C D, æquidistantes intra diaphanum vtrinque concavum supponantur, iam in contrarium fracti, ex ipsis punctis A, B, C, D, in contrarium deuiabunt, se se dimouentes ab axe P Q; solusq. axis P Q in rectum procedet. quandoquidem obliquus in diaphanum densius radius versus perpendicularē frangitur, fortiorē progressum eligens: perpendicularis ergo in sua recta fortitudine perseverat. Hinc ergo satis constat, quæ diaphani forma congreget, quæ ē contrario disgregat per fractionem radios: conuexa enim congregat, concava disgregat. Illud quoque animaduertendum, quod quo minoris sphæra fuerit conuexa seu cava superficies, eo maior erit curuitas, ac proinde maior fractio. quandoquidem in curuatiorem superficiē inclinatior cadit radius. Et maior inclinatio, maiorem suscipit fractionem: quemadmodum satis constitit in prima parte huius tractatus. Hinc ergo sequitur in conuexo diaphano minoris sphærz, concursum radiorum fractorum citius, hoc est, ad minus spatiū fieri. Contra vero in diaphano concavo vtrinque minoris sphærę, radios fractos magis dilatari; hoc est, ut paucis omnia dicam; In conuexo congregatori magis couniri fractos radios: in concavo autem magis cauo, magis dilatari. Itaq. conuexa vtrinque figura maxime commoda fuit pupillæ ad visionem: non enim grandiora spatia spectari poterant, nisi confluentibus in arctū ad-



K

oculos

oculos lineis. Confluentes autem lineæ commodius, & magis fractionis immunes à conuexa facie suscipiuntur. Ob id quoque eadem forma tam corneæ, vœæq. tunicis, quam aqueo humoris, retiformiq. pelliculæ non minus congrua extitit. Et quoniam corneæ & vœa, tunicæ, & aqueus humor cum vitreo iunctus orbiculares ferme figuræ quatenus exterior interiore circundat, repræsentant; ideo pupillæ, quæ fuit orbium media, & specierum receptaculum, globosam esse oportuit: non tamen sphæricam; ne scilicet visus radij perpendicularis per centrum sphæræ transmissi, seq. ibi vicissim intersecantes, mutatum, hoc est, inuersum rei spectatæ simum optico neruo inferrent; atque ita res inuersæ spectati apparet: sed compressam esse oportuit, & quasi ex duabus sphæricis portionibus compactam, quod bene animaduertisset Rogerius Bacchon, nisi huius globi partem humoris vitreo dedisset. Sic fit, ut visuales radij in anteriorum pupillæ faciem cadentes, & per profundum humoris glacialis delati absque congressu, hoc est, ante coincidentiam, in suomet situ ad opticum neruum deferantur, speciemq. in sua positione repræsentent. Conueniens autem fuit ut hic humor nobilissimus esset perspicuus ad species admittendas; mollis & tener, ad patiendum; humidus ad sentiendum; spissus aliquantum, ad retinendum: facie conuexa leuissima & vñiformi, ita ut axe medio visualis pyramidis per centrum admisso perpendiculariter, ceteri radij ad eequos inclinationum angulos fracti, spectatæ rei formam absque alteratione facerent. Fuit quoque vñ dissum est, pupilla duabus faciebus conuexis vñita, ut anteriori reciperet visibilium species, & posteriori transmitteret in communem sensum. Sphærica vero non fuit, ne lateralem superficiem frustra perderet. Tum etiam anteriori facie planiori idest minus curva, quam posteriori, ut scilicet esset directioribus radijs expedita, vtpote ijs, qui per vñæ foramina ingressi, sub eius opacitate magis illucescentes, clarius experimenterent spectatæ rei formam. Nam posterior facies non indiguit tali planicie latitudine, ut quæ per exiguum vitrei humoris spatium radios ad opticum neruum erat transmissura. Verum quo pæsto fiat visio, aut sub qua lege fractionis vel spirituum, nequaquam facile fuit concludere. Utinam enim ratio hæc sumenda esset è physica, aut mathematica solum doctrina; namq. aut ab illa sensitivæ potentiaz virtutem, aut ab hac, fracti radij legem mutuati, iam alterutrum secuti, veritatis scopum nascisceremur. Nunc quoniam negotium tale est, ut vtraque via indigere videamus, iam anticipates scrimus, quidq. sequa.

Requamur, nescimus. Verum cum vtrinque aliquid natura sibi accommodet, certum est verum indagare volenti, vtrumque pariter esse considerandum. Prudentissime enim perspicuitatem ad transmittendum, subtilitatem ad sciendū, tenacitatem ad tutandum, clausuram ad conseruandum, physica sibi ratione : orbiculares autem sphēricasq. formas, exactamq. facierum levitatem, figuramq. lenticularem pupillæ, quasi geometriæ, omnisq. optici negotij consultissima sibi delegisse videtur. Igitur ad intelligendā talis tantæq. magistræ architecturam, & ratione & experientia, vtemur; & ex causa effectum, & è contrario ex effectu causam scisces. In primis. n. certum est in perspectando singula specta-
re rei puncta per singulas spectari lineas : non enim aliter distin-
cta rei species visui præsentari posset. Nam si unum punctum per
duas, pluresuè lineas spectaretur, iam geminatum, aut multipli-
catum appareret, quod esset absurdum. Multoq. magis si in uno
incuitu omne visibilis rei punctum in totam oculi superficiem
spectandum caderet, confusio hinc ingens, radijs radios impedien-
tibus nihilq. distinctum relinquenter nasceretur. Certa ergo
ratione, certaq. lege à spectatis partibus ad oculum producuntur
radij visionem facientes: non autem temere aut fortuito incidentes. Et quamuis primariam & perfectissimam visionem per prin-
cipem radium, axemq. radiosq. pyramidis, pellicularum & humo-
rum facies perpendiculariter, perq. centra penetrantem fieri, ne-
mo ambigat: tamen quo ad circumstantium radiorum intenden-
tiā, non nihil inter Auctores discrepātiz reperitur. Ego autem
sic colligo: cū uno oculo punctum quodpiam intueor, iam illud
primario visus axe percūcio. Similiter cum minutiam quamuis,
aut exiguum notam, seu literulā exactissime speculari liber, illuc
principem oculi radium intendo: eoq. per muscularum officium
translato, literas & minutissima quæq. percurro. Quicquid deinde
huic axi medio circūstat, quo magis ab eo distat, eo minus obuiū,
minusq. expositum visui appetet. Quantum itaque cornea per
consolidatiꝝ foramē patet, visuales radios admittit, admissosq.
per aqueum humorem in pupillam transmittit. Horū tamen, qui
per rues foramen, perq. aqueum in pupillā feruntur, melius per-
ficiusq. videntur; nimirū magis ad rectitudinem accedentes.
Ceteri, qui à residuo corneꝝ spatio suscipiūt, vt plus obliqui ca-
tis in intēdentia; ita minus in visione certitudinis sortiuntur. Oēs
rāmē siue recta via, vt medius axis; siue in tunicarū humorumq.
superficiebus, (vt conuenit) fracti feruntur in pupillam per rues

K 2 for-

foramen: quod exiguum fuit, ut nimia lux, quæ radios offuscasset, arceretur. Cum autem directe intuens in signum quodpiam, festucam medium visui oppono, iam intercipio medium radium, & tñ adhuc video circumstantia. Quod si quid magis visui admoueā, ut digitum, aut maius quodpiam; non dubium est tunc intercipi quicquid in visum per vuez foramen admittebatur. Videntur tamen reliqtæ quædam laterales partes, quæ quoniam per obliquos radios inducuntur, hos iam frangi tam in cornez, quam in aqueā humorum superficie necesse est. Frangitur. n. obliquus radius in diaphanum densius, minusue densum cadēs, ut vbiique in opticis, & hic à nobis in prima parte, *seu libro* demonstratum est. Sic plane constat visualis axis rectitudo & circumstātum obliquitas ac fractio; ex quibus conflatur & integratur pyramis radiosæ, cuius axis est primarius, mediusq. visionis radius; basis autem spectatū spatium: quæ priusquam in verticem coeat, per corneā, aqueum, glacielem, vitreumq. humores ipsius basis speciem ad visorium neruum in quam simillimam figuram seruatam, officiosissimeque transuetam baiulatur. Vnde non inepte opticorum autores visionem per curtam pyramidem fieri concludunt. Superest (quod maximi momenti est) videre atque intelligere, quo pacto radij pupillam ingredientes atque egredientes frangātur. Nonnulli. n. radios visuales in pupillam perpendiculariter intrudunt, nec curant cuiusmodi egrediantur, rem absonam iudicio meo faciētes: nam si non temere, sed consulto natura pupillam in forma lenticularis globi produxit; ob eandem vtique causam dedit illi anteriorem ac posteriorem faciem conuexam. Qualis ergo ratio est ingredientiū, talem & egredientium radiorum esse oportuit. Si igitur anterior pupillæ facies perpendicularares suscipit visuales radios, ut Rogerio Bacchoni, & Ioan. Petsan placet, debet eosdem posterioræ facies perpendicularares dimittere. Sed hoc esse non potest, nisi pupilla sphærica esset, & radij omnes diametrales se inuicē in centro secantes. Quod natura abhorruit, cum ob incommunitatem lenticularis formæ, tum ne idola ob radiorum sectionem inuersa repræsentarentur. Absurdū igitur est, quod Bacchoni, & Petsanus asserunt, radios scilicet visorum in pupillā perpendiculariter ingredi. Quamobrem superest ut solus axis radios pyramidis perpendiculariter ingrediatur, & exeat pupillam; ceteri vero omnes radij visuales tam in aditu, quam in exitu frangantur. Sed quo pacto, qua lege frangētur, nisi ea, quam diaphani figura postulat? Cum ergo in conuexo vtq. inque diaphano tam
inci-

incidentes, quād prodeunt radij in ipsis incidentiarum, egressuumq. punctis frangantur ad axem medium accedentes; vt satis in prima parte huius operis demonstratum est; iam & in pupilla, cui huiusmodi figuram natura comparauit, id idem facient visuales radij: quibus talis organi forma, vel ob id commoda fuit, quod verinque coadunandi fuerant; extrinsecus quidem, vt per exiguum vucē foramen ingressuris; intrinsecus autem, vt ad opticum neruum speciem rei visē congregaturis: sed minus extrinsecus nemnia coadunatio non satis esset ad excipienda latiora spatio, cursusq. radiorum acceleratus visum breuiaret. Propterea igitur anteriorem faciem pupilla minus agglobatam sortita est, maioris scilicet sphæræ portionem: sic n. vt dudum conclusimus proteratur concursus. Non ergo aliunde, quād ex forma pupillæ querenda est visus diuersarum qualitatum ratio. Nam cum perspicui forma variata, variet quoque fractionis angulum, iam hinc & visualium radiorū situm diuersificari, concurredumq. nunc anticipari, nunc differri necesse erit. Et quoniam quo minor est perspicuus globus, eo minus spatium coadunat radios: ideo & qui conglobatiorem sortiti sunt pupillam, breuiore sunt visu prædicti. in ijs. n. radij visuales ad coincidentiam properantes, minime proueniunt ad remotiora dispiencia; aut si dilatantur radij exterieores à respectanda in pupillam cadentes: coarctari oportet nimium interiores à pupilla per vitreum ad opticum neruum transmissos; que coarctatio nimia confundit iudiciū ac distinctionem sensus. Hæc est ratio cur quidam breuissimum visum habent: contra, qui expansionem pupillæ faciem, hoc est, de maiori sphæra sumptam habent, ijs expansiones radij ad longius spectandum feruntur, concursu iam protelato: neque opus est hic dilatari radios, coarctariq. interiores. Hæc autem est communis visum dispositio, tamq. dat natura, vt plurimum; quippe quæ in optimis quibusq. largiendis magnifica, in nobilissimo præsertim sensu, quam longissime perspectandi modum exhibendum curauit. Brevis igitur admodum visus, qui rarus accidit, non nisi defectus est, sicut claudatio, vel deformitas. Et fortasse talis defectus recompensatur illis perfectiore visu, vt scilicet propiora distinctius videant, quā ceteri. Hæc itaque causa est varietatis visus, quo ad proprius aut longe videndum, supposita scilicet sanitate atque integritate vi-sus. Alias enim humiditatis, exundantia, sanguinis concursus, tunicarum disaggregatio, humorum infectio, intuentis negligentia, siue somnolentia, siue alias passiones, vapores, & exigitudines mal-

tipliciter visum afficiunt, variosq. in spectando errores inferunt. Nos autem de ijs, quæ organi tantum forma facit, & pupillæ figura, quæ maximi momenti est, loquimur. Hinc quoque sumenda est causa, quæ adolescentium, iuuenium, atque senum visum diversificat, ut communiter accidere solet. Cum enim iuvenes proprius, senes autem longius intuentes, melius distinctiusq. videamus, vix aliter fieri potest, quam pupillaris formæ mutatione. siquidem in senibus humoris remissio remittit non nihil in pupilla tumoris; unde protelato visualium radiorum concursu, visuā quoque virtutem protelari necesse sit. Cuius rei argumentum nō solum ab ipsa ratione, ac perspectiue, fractiō. radij lege, sed ab experimento sumi potest. Nam dum aduertimus qualia conspicilia quibus in spectando conferant; coniicimus ex hoc visum, qualitatem. Conspiciliorum enim diuersa forma, diuersificat radios: hos siquidem, ut dictum est, conuexa coadunant: concava dilatant; sicut dudum demonstrauimus. Igitur cum conspicilia naturæ defectum corrigant, iam hoc non facient, nisi aut disgregatos coadunando, aut coeuntes nimium radios dilatando. Sed longitudinis excessum, conuexa; breuitatis vero defectum concava conspicilia emendant, ut experientia didicimus: ergo sequitur, ut in nimia longitudine coadunandi; in breuitate vero dilatandi sint visuales radij. & proinde in contraria dispositione pectent, ut scilicet longe intuentes, disgregati differant; breui vero spectantes concursum accelerent. Huc accedit, quod conspiciliorum formæ sequuntur visualium qualitarum gradū. Nam breuiorē visum habentibus, conspicilia magis concava conueniunt, videlicet non aliam ob causam, quam quod cum breuior visus ex accelerato magis radiorum concursu fiat, maiori dilatatione, quæ per concaviora fit conspicilia, indiget. Contra qui longius spectant, longiusq. conuexis magis magisq. conspicilijs utuntur. propterea scilicet, quod protensior visus ex maiori disgregatio ne radiorum proueniens, maiorem semper coadunationem, quæ per conuexiora conspicilia exhibetur, postulat. Est & terminus quidam spectandi his, atque illis conspicilijs assignatus. Non enim ad idem spatium per omnia conspicilia spectamus, aut legimus. hoc est, quemadmodum prædicta, quotidianum experimentum. Ego quidem ad longe, prope, propiusque spectandum legendumue, diuersis aliquatenus vtor conspicilijs: nam magis conuexa, quia magis coadunant, concursumq. visum accelerat, ad proprius spectandum accommodantur. præterea per eadem conspi-

conspicilia iuuenis ad proprius spatium, quam senex videt: quoniam scilicet iuueniles radij senilibus coadunatores, instrumento eodem magis coadunantur, concursumq. anticipant, & proinde minori ad intuendum interuallo indigent. Ex quibus quidem manifestum est, quod tam diuersimoda conspicilia eidem visui adhibita, quam diuersæ etatis homines iisdem conspicilijs videntes diuersificant intuendi tractum. Verum suæ cùique etatis conspicilia accommodanda, ut scilicet longiores, quibus visus magis disgregatur, magisq. opus est adunatione, conuexioribus conspicilijs vtantur. Memini ego olim conspiciliorum fabros tantæ fuisse diligentiz, ut notulis infixis etatem cui accommodanda essent, per annorum numerum declararent. Quod hodie ut plurimum negligitur. Satis igitur hucusque ratiocinati sumus pupillæ congruam fuisse lenticularem formam, ut expansionibus faciebus susciperet, & susceptos transmitteret visuales radios: & anteriori faciei planiori, ut latioribus radijs exciperet spectanda spatia. Item conglobatiorem pupillam brevioris obtutus esse causam propter acceleratum magis in radijs visualibus concursum. Item concavis conspicilijs breuem obtutum extendi, atque conaxis longum breuari; quoniam scilicet illis collectè dilatantur, his vero dilatati colliguntur radij: contrarijq. defensus contrarijs emendantur remedij. Nunc non ab re esse nobis videtur his illud pariter adiungere, quo pacto per congressum radiorum in conspicilijs conuexis ignis ad solem radiantem ascendatur. quamuis de hoc in ultima primæ partis saty conclusum sit. Illud tamen hic non omissendum, quod illud quod in sphæra diaphana fit, non minus per diaphanum utrinque conuexum efficietur. Satis enim est vel vna conuexa facies ad coadunandum radios. Radij ergo solares per tale diaphanum transmissi, siue illud sit vitreum, siue chrystillinum, siue aqueum, modo ne sit coloratum (quoniam color obscurat radij puritatem, & per consequens eius potentiam debilitat,) & in incidentia egressuq. fracti accedentesq. ad diametrum medium, hoc est, ad axem radiosq. pyramidis, congreguntur intra spatum exiguum: cumque congregato illuc lumine pariter calorem congerunt, solumq. ibi appositum facile exutrunt. Sed locus concursus, (quamvis in uno puncto non fiat, ut in primo libro fuit ostensum,) quo minus conuexitatis habebit diaphanum, eo magis ab ipso diaphano distabit. Hoc autem per conspicilia conuexa quotidie soli opposita experimur. namq. coeuntibus radijs per eiusmodi

modi perspicuum transmissis, quasi in conicum quendam turbinem, in ipso turbinis apice, in quo vna cum lumine maxima vis caloris congregatur, apposita ferula statim incenditur. Hoc pa-
go, hoc instrumento crediderim olim Prometheum ignem su-
peris suffuratum, pœnas in Caucaso monte dedisse. nisi fortasse spe-
culo vsus fuit concauo non minus ad propositum idoneo. Porro
conus ille radiosus, quem solaris lux per conspicitorum vitrum
transmittit, euidentius apparet ad solis radios intra axium ope-
ritatem receptos. ibi enim lux obumbratione recti expressius
discriminatur, cum opposita iuxta se constituta melius discer-
nantur. Quod si puluis, aut vapor aliquis, aut fumus in radios
subeat: adhuc conus ille luminosus, certior sese visui offeret.
Illa enim pulueris, vaporis, fumive densitas, efficacius suscepit
lucem reuerberat, & conum dicum, qui ex spissiore lumine co-
augmentatur, à circumstanti differre facit. Et quoniam ut iam
ratiocinando conclusimus, radiorum visualium per pupillas
transmissio non aliter sit, quam per conuexa utrumque conspici-
lia, haud immerito licebit nobis pupillas definiendo, conspicilia
naturæ: & è contrario vitrea ipsa conspicilia, pupillas artis,
commutatis verbis appellare. Ceterum sicut in libro de speculis
comburentibus, quem à Peolomæo compositum nonnulli opinan-
t, doctrina traditur fabricandi speculum, quod radiorum facto
in unum punctum concursu, ad comburendum sit efficacissimum;
eius forma sumitur à parabola, quæ est vna conicarum sectio-
num, de quibus Apollonius: ita fortasse liceret fabricare ex vi-
cro, chrystallo, alioue perspicuo lapide conuexum talis figuræ
diaphanum, per quod fracti radij in unum punctum congressi, ef-
ficacissimi essent ad ignis generationem. Sed hoc quoniam plus
curiositatis, quam necessitatis habet, perspicacioribus ingenij
perseruantum relinquo. Nobis satis sit haec tenus circa diapha-
na instituisse, hoc tamen præfatis, ut meliori verioriq. sententias
adhærere, postpositis nostris, semper parati simus. Vale perspi-
cissime Lector, & si quid tibi temporis quandoq. superfuerit,
hæc nostra procure, aut si meliora sis natus, nobis candidus
imperti.

*In arce Cataniensi, die 8. Maij 29. 11. In-
dictionis 1554.*

PRO-

PROBLEMATA AD PERSPECTIVAM, ET IRIDEM SPECTANTIA.

- V**AE nam sunt partes perspectivæ? Nonne quatuor? Quarum prima de visu & visibili. Secunda de lumine & umbra. Tertia de specularibus reflexionibus. Postrema de Diaphanis ac radiorum fractionibus agit.
- C**ur nam optica ratio difficilis? An quia indiger tam physicis, quam mathematicis argumentis, & ideo media seu potius mixta vocatur scientia?
- Q**uod nam in huiusmodi speculatione fuit maxime admirabile? An fortasse organi visualis structura & compaginatio, in qua Dei Optimi Maximi ministra natura, se maxime sagacem & ingeniosissimam prestat; & ob id rationem ibi visibilium, luminis, reflexionis, ac fractionis concurrere opus est?
- Q**uod nam in opticis fuit difficillima demonstrationis? An fortasse Iridis ratio quo ad formam, magnitudinem & colores; quandoquidem in eius generationem conuenit tota perspectiva consideratio, nempe visus, lucis, specularis, & perspicui corporis. & de qua sicut multi scribunt, ita nemo satis demonstrat?
- Q**uæ causa generationis Iridis? An vehementissima lux Solis per expeditum aerem in roridum cadens, & ad visum reflexa? sicut fit, cum quis ore versus umbrosum locum ad solem aquam auersus irrora?
- C**ur nam Iris circularis? An quia æquales reflexionum anguli (quos ratio specularis postulat) non nisi per circularem ambitum fieri possunt? Atque intelligendum est, solares radios per cylindricam superficiem in aerem roridum cadentes, inde ad oculum nostrum in conicam formam reflecti; & Iridem esse basim communem cylindri simul & coni, ita ut coni vertex sit in centro visus: & centra tria solis, visus, & Iridis sint in una recta, quæ cylindri, coniq. communis est axis? Quæ si ita se habent, falso Plinius, Auerr. Io. Petian, multiq. expositores, & opticorum Auctores hanc Iridis rotunditatem concavitatem nubis attribuunt. Vnde n. nubes concavæ formam, quasi sphæra adipisci potest? Aut vbi quis in aerem subobscurem aquâ ad solem irrorat & generat Iridem, numquid ibi concavae nubes adeat?
- C**ur Iris non appetet maior semicirculo? An quia humilitas oculi non recipit nisi dimidiatum conū, & dimidiatum cylindrum, & ideo dimidiā basim & dimidium Iridis ambitum: & excelsior oculus videret maiore portionē?
- A**n quandoq. maior semicirculo? Maior quidem ab oculo in summitate montis constituto, & Iridis partem in ima valle cadentem, conspiciente. Item cum aquam irroramus auersi à sole in subobscurem vndiq. hoc est, superne, inferne, ac lateratim, Iridis ambitum conspicere solemus.
- C**ur sole in horizonte ad ortum vel occasum constituto, Iris in opposita parte ad altitudinem ferme dimidiū anguli recti, hoc est, 45. graduum appetat? An fortasse quia ad talē angulum facta reflexione solaris radij à globulis stellicidiorum ad oculū, in singulis illis quāvis minimis corpusculis, sit reflexio in cōcauo per latera, & angulos octogonæ figuræ, in quibus saepius repetita fortificat apparentiam reuerberari luminis: quippe quod ad aliam figurā, ideoq. ad alium angulum, quā predictæ celsitudinis non facit?
- C**ur quanto sol altior est, tanto inferior, tantoq. minor semicirculo appetat?

paret Iris? An quia depresso magis cono, cuius basis est Iris, de tali basi ideoq. de ipsa Iride minus videtur, quam semicirculus? Vnde quoniam crescente altitudine solis, decrescit altitudo Iridis ad aqualem mensuram, semper haec duæ altitudines coniunctæ, faciunt angulum recti dimidium. Quare si solis altitudo sit quasi dimidium recti anguli, aut maior, impossibile est Iridem apparere: ideoq. circa meridiem apparere non potest, nisi meridiana solis altitudo inferior sit dicto dimidio. quod nobis accidit in tropico capricorni, & in parallelis paulo superioribus.

¹¹ Cur altitudo Iridis, ut experientia obseruatum est, aliquanto minor est, quam dimidium recti? An fortasse quia stillicidia cadendo à forma sphærica variantur aliquanto ad oualem, & ob id variatur angulus reflexionis, & proinde altitudinis.

¹² Cur Iridis colores sunt quatuor, croceus, viridis, cœruleus, ac purpureus? An fortasse, quia dicti solis radij, seruato reflexionis angulo predicto, se inuicem in quodam termino secantes, ita cadunt in ambitum, in quo generatur Iris, ut radij contingentiarum corporis solaris (qui sunt densiores) faciant extremas zonas Iridis, supremam scilicet croceam, & ultimam purpuream; quoniam ob densitatem ingerunt plus lucis, ideoq. in dictis zonis generant duos colores lucis magis similes, scilicet croceum, & purpureum. Sed in exteriori zona, qua maiorem habet ambitum, lux magis sparsa facit colorem magis sobrium, scilicet croceum quasi paleæ; in interiori vero lux in minori spatio condensata, magis inebriat colorem, atque ita rubicundiorem facit. At radij de media facie solis non iam ita densi, ut duas medias Iridis zonas recepti, quoniam minus lucis, quam radij contingentiarum apportant, faciunt ibi duos colores à luce magis differentes, exterioris scilicet zona viridem, qui debilior est: interioris autem cœruleum, que fortior est, qm ibi lux magis sparsa, minus hic coarctata, magis colorat.

¹³ Num secundaria Iris generatur per reflexionem primæ: an potius immediate generatur per lucem solis, sicut prima? Sunt qui hanc, & sunt qui illâ opinionem sequuntur. Cum nsecundaria nunquam appareat, nisi apparete prima. Item cum colores in zonis secundariæ habeant contrarium ordinem, sicut fit in simulacris in speculo reflexis. Item cum colores Iridis secundariæ sint debiliores, sicut fit in luce à speculo primo, aut secundo, & deinceps reflexa. Haec tres conjecturæ faciunt, ut credamus secundariam Iridem à primaria reflecti. Sed quoniam in primaria Iride colores illi non sunt ita fortes, ut secundariam reflexionem, sicut lux vehementissima facit, generare possint; nec specularis aliqua superficies subjicitur, qua radios illos languidos colorum suscipiat, ac reddat: idcirco asserrimus secundariam Iridem ex primæ reflexione non generari. Adde quod si secunda Iris esset imago primæ tanquam à speculo redditâ, videretur non solum ordine colorum inuerso, sed etiam contrario situ, & auersis à prima brachijs. Nec quisquam imaginetur, aut configat sibi cauum in nube speculum: nam in pura irroratione, (ut ore aquam irroratiibus experientia demonstrat) utramque Iris appetet: vnde neque nubes, neq; specularis concavitas adest. Dicendum ergo est utramque Iridem fieri à reuerberatione solaris lucis.

¹⁴ Quod si utramque Iris a sole est, cur exterioris Iridis colores sunt ordine conuersi? An quia eadem ratio accolort proximos binos, afficitq. croceum supremum interioris Iridis; & croceum infimum exterioris colorem. Itemq. viridem tam in hac, quam in illa sequentem. Vnde in eadem successione, sicut tertius color interioris, ita tertius ab infimo in exteriore cœruleus est.

- et. Atque ita super sunt infraus interioris, & supremus exterioris, colores, purpurei sive rubri.
- 25 Sed cur in exteriori Iride colores magis ebrios recipiunt zone superiores, & maioris ambitus, in quibus magis disgregata lux debet, sicut in interiori, sobrios recipere? An fortasse quia dictæ zona licet maioris ambitus, minoris tamen sunt latitudinis, atque ita sicut minor ambitus zone in Iride primaria, ita in hac minor latitudo coarctat locum, condensat lucem, & inebriat colorem? An quia crebrior stillicidiorum occursus in hac, sicut in illa, congregata magis lux, colorem facit ebrium?
- 26 Et quæ causa in exteriori Iride zone majoris ambitus efficit minoris latitudinis: aut crebriorem ibidem stillicidiorum occursum? An fortasse quia ita postulat regula reflexionis & anguli sub quo apparèt visui colores? Ita quidem ut anguli quantitate, sicut exigit ratio, seruata, zone talis cogatur latitudinem coarctare, aut crebrioris roris occursum fuscipere, seu forte, utrumque facere?
- 27 Sed quanta est secundaria Iridis altitudo? Sicut primaria sole horizonte occupate, diximus completi anguli recti dimidium; ita huius altitudinem habere recti dimidium, & octauam, experimento didicimus: ideoq. fieri concipiimus, ut sicut ibi per figuram octo laterum, ita hic per aliæ octogonæ afnem, & commensurabilem figuram, repetita reflexio in singulis globulis concipiatur coloris apparentiam. Quod autem aliquanto minor, quam dictum est, instrumenti obseruatione altitudo notescat, causam coniçimus, quod globuli ob casum fiant longiusculæ formæ, atque ita variatur angulus reflexionis, & proinde celitudinis.
- 28 Cur exterioris Iridis colores sunt lāguidiores, quam primaria? An quia (si modo verum est) est imago & simulacrum prima, ideoq. debilis. Lux enim & color quo plures reflectur, eo magis debilitatur & languescit: vnde secundaria lux debilior est, quam primaria, & tertia quam secunda. An potius (quod verius duco) in exteriori Iride colores ideo sunt languidores, quoniam propter maiorem ambitum lux disgregata debilitatur magis, & minus efficax est ad fortificandum colores?
- 29 Quæ nam concurrant ad Iridis generationem? Lux solis per purum aerem delata: irroratio opposita: & vterior opacitas. Prima causa est actina: altera passiva. Tertia concurrit sicut plumbum in tergo speculi, ut expressiores appareant colores.
- 30 Cur exterior Iris numquam nisi primaria apparente apparet: primaria, vero sine exteriori sepiissime? An quia exterior, quoniam deficit fortitudine colorum, exigit adiumentum, & concursum fortiorum causarum, quæ quoniam rarius concurrunt, rarius permittunt illam apparere: sed tunc tanto magis primariam, quæ pleno concursu causarū non eget. & quia vt plurimum sit, vt causa omnes, vel earum aliqua deficiat à perfectione: ideo sepe contingit, vt causa dum sat sunt ad generationem primaria Iridis, non sufficiant ad apparitionē languidoris, quæ postulat plenas perfectasq. causas? An quia exterior, vt aliqui autumant, est primaria idolum?
- 31 Unusne est locus Iridis, an diuersus diuersis spectatoribus. Omnino quidem diuersus, sicut in magno speculo, vel magno lacu, diuersi diuersis in locis vident solis vel alterius rei simulacrum. Præterea nonne diuersi homines diuersis in locis aquam irrorantes ad solem, vident diuersas Irides? Nonne ad visionem Iridis opus est lucem solis per æquales refractiones, angulos reflecti ad visum? Quod fieri minime potest, nisi tria centra solis, visus;

visus, & Iridis, sunt in eadē recta linea, & proinde ut diuersi spectatores differencando lineas, diuersificant centrū & locū Iridis. Non n. colores Iridis sunt in rorido aere tāquam pictura in tabula, vel albedo pariēti, vel subiecto adh̄rens accidēt: sed variant pro situ spectantis locū, nunc hic, nunc illic apparentes, sicut imago in speculo. Et sicut imago rei nō colorat speculum, ita colores Iridis non imprimitur stillicidij. Et sicut imago absq; iactura ipeculi, ita & colores absq; infectione stillantis aquę reflectuntur ad oculū. Bene igitur dixit Hieronymus Cardanus, centra solis, visus, & Iridis esse in eadē recta linea: & iniuste reprehenditur à Julio quodam Scaligero; Adeo facile labuntur in hac philosophia parte oēs, qui diuersa profitentur.

22 Cur lunares Irides sunt rariores? An quia contingunt in plenilunijs, vel iuxta plenilunia: atque lucis lunaris debilitas ad eum effectum postulat auxilium fortium cauſarum, quę rarius concurrunt. s. lunam parum eleuatam, irrorationem quietam, aerem expeditum, & à tergo irrorationis opacum.

23 Cur non geminatur Iris lunaris, sicut solaris? An quia debilitas lucis lunaris, quę secundaria est, & aliena, non est tantę efficaciz, vt pr̄ter primam generet secundariam Iridem, si modo verum est, hanc per reflexionem agniti? An potius cause, quę ad primam generādam raro propter debilitatem lucis concurrunt, vix aut numquam ad effectum secundariaz proueniunt?

24 Cur poetæ tribuūt varios aut mille colores Iridi? An quia color superior paulatim mutatur, & transit in inferiorē, vt iunctura illa infinita, contineat varietates: vnde croceus paulatim flauescens, transit in viridē: viridis fēnsa conualefcens, in cāruleū: cāruleus paulatim rubescēs in puniceum. E. d. q; in Iride bene per oēs, cāulas expressa, subsunt adhuc interius aliz colorum zonę? Tales non semper apparet, nūl fortissima cause concuruant. Dicēdūt est igitur, q; aut per affinitatem superiorum, aut per radiorum dīam ab extremo solis contactu fiunt. Hinc Aristot. iure tam dubia, tamq; obscura, licet bene proponat, non tñ demonstrat. Hinc Plin. Auerr. Io. Petran. aliq; opticonum scriptores ad demonstrandā Iridis rotunditatem, somniant & singūt nubis concavitatem, & colorum rōnem nemo intelligit, neq; animaduertit. Hinc Vitellio in suo tam ingenti, quam fastidioso, ac prodigioso volumine, dum lineamenta multiplicat, labore auget Lectoribus, ac nihil demonstrat. Nam Euclides in Opticis, & Catoptricis, & Ptolemæus in speculis sapientius egerūt, hāc Iridis curiositatem omittentes. Ad summum hāc colorum varietas nō proueniit nisi propter multimodā, reciprocā, ac pluries repetitā radiorū repercussionē, vt fit in quibusdā guttulis herbarum, & in diaphanis vitreis, aut chryſtallinis politis corporibus, in quibus radij ingredientes franguntur, & ingressū vltro citroq; ab intrinsecis faciebus missi ac remissa vicissim, ac ſepiuſ quasi à speculis reflectuntur. Quod si per pennam candidam columbae, sive alterius avis oculo appositam perspicias lumen candela, non ita longe positum, videbis inter plūnarum lineas, ac furculos illos crucem quandam mira colorum varietate (quales in Iride sunt) distingam: qui non aliter fiunt, quam per lucem inter floccorum canaliculos receptam ac multiplicatam, & ſuccēſſive incidētem, & alternis repercussam.

Ad summā vt initio dixerāt cū inter considerationes perspective obſcurissima sit ea, quę de diaphanis agit, tum ea, q; de Iride maxime difficultis est. Hęc habui, q;: super hoc, quantum ingenium meū valuit, elaborare possem. Neq; his plura diuſſerā in ſecunda parte libelli mei de Diaphanis. Sed in Indice quodam operum Magistri Andreæ Stibonij mentio fiebat de libro quodam demonstratio super Iridis Theoria, & absoluto. 12. Octob. 1567.

Mc

